

# UNIVERSITETET I OSLO

## Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

Deleksamen i: MAT1012 — Matematikk 2

Eksamensdag: Mandag 14. mars 2016

Tid for eksamen: 15.00–17.00

Oppgavesettet er på 4 sider.

Vedlegg: Formelark

Tillatte hjelpebidler: Ingen

Kontroller at oppgavesettet er komplett før  
du begynner å besvare spørsmålene.

KANDIDATNR. \_\_\_\_\_

Oppgavesettet består av 17 flervalgsoppgaver med tre svaralternativer. Svarene avgis i svartabellen nedenfor. Det skal settes kun ett kryss for hver oppgave. Ikke avgitt svar regnes som galt svar og gir 0 poeng, det samme er tilfelle dersom det er satt flere kryss på samme oppgave. Hver oppgave gir 2 poeng for rett svar. Til sammen kan du oppnå 34 poeng. Kun arket med svartabellen skal leveres inn.

Oppgave	Alt. a)	Alt. b)	Alt. c)
1			
2			
3			
4			
5			
6			
7			
8			
9			
10			
11			
12			
13			
14			
15			
16			
17			

Sett kryss for det du tror er rett svaralternativ. Oppgavene står på de neste sidene.

(Fortsettes på side 2.)

## OPPGAVE 1

Hvilken av følgende mengder danner en basis for  $\mathbb{R}^2$  ?

- a)  $\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$    b)  $\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$    c)  $\left\{ \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -4 \\ -2 \end{pmatrix} \right\}$

## OPPGAVE 2

La  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  være gitt ved

$$T(x, y, z) = (x - y + 2z, y + z, 2x + z)$$

Hvilken av matrisene gir standardmatrisen til lineæravbildningen  $T$ ?

- a)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ -1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$    b)  $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$    c)  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

## OPPGAVE 3

Hvilke av avbildningene  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  er en lineær avbildning:

- a)  $T(x, y) = (x^2, y^2)$    b)  $T(x, y) = (x + 2y + 1, 2y)$    c)  $T(x, y) = (x + 2y, 2y)$

## OPPGAVE 4

La

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 4 & 0 \\ 0 & 2 & -4 & 2 \end{pmatrix}$$

Hvilke av følgende mengder danner en basis for  $\text{Nul } A$  ?

- a)  $\left\{ \begin{pmatrix} -4 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$    b)  $\left\{ \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$    c)  $\left\{ \begin{pmatrix} -4 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$

## OPPGAVE 5

Arealet til trekanten med hjørner i punktene  $P = (1, -1)$ ,  $Q = (2, 2)$  og  $R = (2, -4)$  er:

- a) 0   b) 6   c) 3

## OPPGAVE 6

Hvilken av disse matrisene er en ortogonal matrise?

- a)  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$    b)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{-1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$    c)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & 1 \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \end{pmatrix}$

## OPPGAVE 7

La  $A$  være en matrise med  $A^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix}$ . Hva er løsningen på likningen  $A\mathbf{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ ?

a)  $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$

b)  $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix}$

c)  $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}$

## OPPGAVE 8

La  $\mathbf{v}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$  og  $\mathbf{v}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ a \\ a \end{pmatrix}$ .

Hva må  $a$  være for at vinkelen mellom  $\mathbf{v}_1$  og  $\mathbf{v}_2$  skal være  $90^\circ$ ?

a) 0

b) 1

c) -1

## OPPGAVE 9

Den inverse matrisen til matrisen

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$$

er

a)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{8} \\ -\frac{1}{4} & \frac{3}{8} \end{pmatrix}$

b)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{8} & -\frac{1}{8} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{4} \end{pmatrix}$

c)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & 1 \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

## OPPGAVE 10

La  $f(x) = \frac{1}{2}x + \cos x$ ,  $x \in [0, \pi]$ . Da er  $f(x)$  strengt voksende på intervallet

a)  $[0, \frac{\pi}{6}]$

b)  $[0, \frac{\pi}{2}]$

c)  $[\frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6}]$

## OPPGAVE 11

Verdien av det bestemte integralet  $\int_0^1 \frac{x}{x^2+1} dx$  er

a)  $\ln 2$

b)  $\frac{1}{2} \ln 2$

c) 1

## OPPGAVE 12

La  $g(x) = 2x^2 + \ln x$ . Da har  $g(x)$  et vendepunkt for

a)  $x = 1$

b)  $x = \frac{1}{3}$

c)  $x = \frac{1}{2}$

## OPPGAVE 13

La  $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ . Da er Taylorpolynomet til  $f(x)$  av grad 2 i  $x = 0$  lik:

a)  $1 + x^2$

b)  $1 - x^2$

c)  $1 - x + \frac{1}{2}x^2$

(Fortsettes på side 4.)

## OPPGAVE 14

Hvis vi bruker trapesmetoden til å approksimere integralet

$$\int_0^3 \frac{1}{1+x} dx$$

hvor vi har delt opp intervallet  $[0, 3]$  i 3 like store deler (med delingspunkter  $0 < 1 < 2 < 3$ ) får vi

a)  $\frac{17}{12}$

b)  $\frac{34}{12}$

c)  $\frac{35}{24}$

## OPPGAVE 15

Hvilken av de tre rekrene nedenfor er konvergent

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2+1}$

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n+1}$

c)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n+1}$

## OPPGAVE 16

Verdien av det uekte integralet  $\int_0^1 x^{-\frac{1}{3}} dx$  er lik:

a)  $\frac{5}{2}$

b) integralet eksisterer ikke

c)  $\frac{3}{2}$

## OPPGAVE 17

Gitt differensielligningen  $y' = y$ ,  $y(0) = 1$ . Bruk rekkeutviklingsmetoden med  $n = 3$  til å finne en tilnærmet verdi for  $y(1)$ . Da får du ?

a)  $\frac{8}{3}$

b)  $\frac{15}{6}$

c)  $\frac{17}{6}$