

# UNIVERSITETET I OSLO

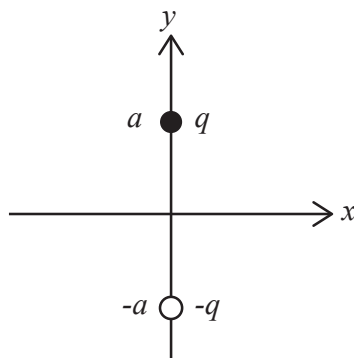
Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

Eksamen i:	Fys1120
Eksamensdag:	Fredag 25. januar 2019
Tid for eksamen:	0900–1300
Oppgavesettet er på:	
pagerefLastPage sider	
Vedlegg:	Formelark
Tilatte hjelpemidler	Godkjent kalkulator
	Rottman: Matematisk formelsamling
	Øgrim og Lian: Fysiske størrelser og enheter

*Kontroller at oppgavesettet er komplett før du begynner å svare på spørsmålene.*

## Oppgave 1: To ladninger

En ladning  $q$  er plassert i punktet  $(0, a, 0)$ , og en ladning  $-q$  er plassert i punktet  $(0, -a, 0)$  som vist på figuren. Det er ingen andre ladninger tilstede og ladningene er i vakuum.



- Hva er det elektriske feltet i origo,  $(0,0,0)$ ?
- Finn et uttrykk for det elektriske feltet langs  $x$ -aksen.
- Hva er det elektriske potensialet i origo?

Det kan vises at det elektriske potensialet i punktet  $\vec{r} = (x, y, z)$  i grensen  $r = |\vec{r}| \gg a$  er tilnærmet lik:

$$V(\vec{r}) = \frac{\vec{p} \cdot \vec{r}}{4\pi\epsilon_0 r^2}, \quad (1)$$

hvor  $\vec{p} = 2qa\hat{y}$ . Vi ønsker å bruke dette resultatet til å finne det elektriske potensialet fra en linje med dipoler.

Anta at det ligger en linjeladningstetthet  $\rho_l$  fra  $(-L, a)$  til  $(L, a)$ , og en linjeladningstetthet  $-\rho_l$  fra  $(-L, -a)$  til  $(L, -a)$ .

d) Hvis vi ser på et lite element med bredde  $dx$  fra  $x$  til  $x + dx$  vil dette ha et dipolmoment  $d\vec{p} = 2\rho_l dx a \hat{y}$ . Hva er bidraget til det elektriske potensialet i  $\vec{r}$  fra dette elementet hvis vi antar at avstanden til elementet er mye større enn  $a$ ?

e) Finn integralet for det elektriske potensialet i punktet  $\vec{r}$  fra begge linjeladningstetthetene når  $r = |\vec{r}| \gg a$ . Vær nøye med å oppgi integrasjonsvariabel og skriv ut vektorene så du viser hvordan du tenker. (Du behøver ikke løse integralet).

f) Skriv et kort program som regner ut det elektriske potensialet i punktet  $\vec{r}$ .

g) Hvis begge linjeladningstetthetene er uendelig lange, vis hvordan du kan bruke Gauss' lov til å finne det elektriske feltet i et punkt  $\vec{r}$ .

## Oppgave 2: Potensial

Vi skal i denne oppgaven se på et endimensjonalt system med ladningstetthet  $\rho(x)$ . Anta at det elektriske potensialet er  $V(0) = 0$  i punktet  $x = 0$  og  $V(L) = V_0$  i punktet  $x = L$ .

a) Finn det elektriske potensialet på intervallet  $0 < x < L$  hvor  $\rho(x) = 0$ .

b) Finn det elektriske potensialet på intervallet  $0 < x < L$  hvor  $\rho(x) = \rho_0$ , som er en konstant.

## Oppgave 3: Motstand

Vi skal i denne oppgaven studere en sylindrisk motstand med lengde  $L$  og radius  $a$ . Endeflatene på cylinderen er koblet til ledere. Cylinderen er delt i to sylindriske deler, hver med lengde  $L/2$ . Den ene har ledningsevne  $\sigma_1$  og den andre har ledningsevne  $\sigma_2$ .

a) Finn det elektriske feltet overalt inne i motstanden når det går en strøm  $I$  gjennom den.

b) Finn det elektriske potensialet overalt inne i motstanden.

c) Finn motstanden  $R$  til motstanden.

**Oppgave 4: Overflatestrøm**

Anta at det er uniform overflate-strømtetthet i  $x$ -retningen,  $\vec{J}_S = J_S \hat{x}$ , overalt i  $xy$ -planet. Det betyr at det gjennom et linjestykke fra  $y = 0$  til  $y = L$  går en strøm  $I = LJ_S$  i positiv  $x$ -retning.

a) Finn det magnetiske feltet  $\vec{B}$  overalt i rommet.

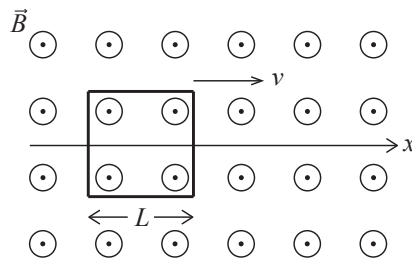
I sylinderkoordinater beskriver vi en posisjon med en radius  $r$ , en azimuthal vinkel  $\phi$  og en lengde  $z$  langs sylinderaksen. Anta en uniform overflate-strømtetthet  $\vec{J} = J_0 \hat{\phi}$  på en uendelig lang sylinderflate med radius  $a$  og akse langs  $z$ -aksen.

b) Finn  $\vec{H}$ -feltet og det magnetiske feltet  $\vec{B}$  overalt i rommet hvis det er vakuum inne i sylindren.

c) Anta at det i stedet er en permanent magnet med magnetisering  $\vec{M} = -J_0 \hat{z}$  inne i sylindren. Hva blir nå  $\vec{B}$  og  $\vec{H}$ ? Gi en fysisk forklaring på resultatet.

**Oppgave 5: Inhomogent felt**

Du trekker en kvadratisk strømsløyfe med sidekant  $L$  med konstant hastighet  $v_0$  langs  $x$ -aksen som illustrert i figuren. Sløyfen er orientert i  $xy$ -planet. Det er et magnetisk felt  $\vec{B}(x, y, z) = B(x, y, z) \hat{z}$  i rommet. Strømsløyfen har en motstand  $R$ . Du kan i denne oppgaven se bort fra magnetfeltet som settes opp av en strøm i sløyfen. Ved tiden  $t = 0$  er den venstre siden av sløyfen i posisjonen  $x = 0$ .



a) Anta at magnetfeltet er  $\vec{B}(x, y, z) = B_0 \hat{z}$  hvor  $B_0$  er en konstant. Hva blir den induerte strømmen  $I$  i sløyfen ved tiden  $t$ ?

b) Anta i stedet at magnetfeltet er  $\vec{B}(x, y, z) = B_0(x/L) \hat{z}$ . Hva blir den induerte strømmen  $I$  i sløyfen ved tiden  $t$ ?

c) Anta at magnetfeltet har formen  $\vec{B}(x, y, z) = B(x) \hat{z}$ . Skriv et program som finner den induerte strømmen  $I$  i sløyfen ved tiden  $t$ .