

## i Forside

UNIVERSITETET I OSLO

Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

Skriftlig eksamen i FYS1120

2022 HØST

Varighet: 11. oktober 0900 til 11. oktober 1200

Tillatte hjelpemidler:

Godkjent kalkulator

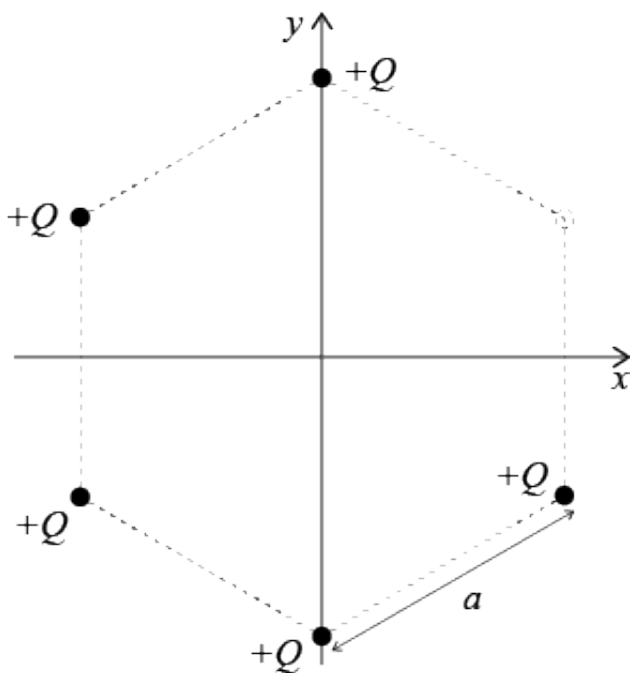
Rottman: "Matematisk formelsamling"

Øgrim og Lian eller Angell og Lian: "Fysiske størrelser og enheter"

Det er viktig at du leser denne forsiden nøye før du starter.

### 1 Heksagon

Et system består av 5 identiske ladninger plassert ut på 5 hjørner av et heksagon som vist i figuren. Hva er det elektriske feltet i origo?



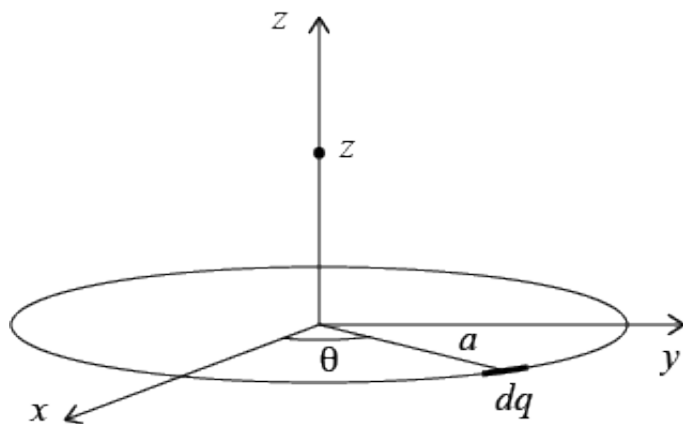
Velg ett alternativ:

- $\vec{E} = -\frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (1, \sqrt{3})$
- $\vec{E} = -\frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (\sqrt{3}, 1)$
- $\vec{E} = \frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (\sqrt{2}, \sqrt{2})$
- $\vec{E} = \frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (\sqrt{3}, 1)$
- $\vec{E} = -\frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (\sqrt{2}, \sqrt{2})$
- $\vec{E} = -\frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (\sqrt{5}, 1)$
- $\vec{E} = \frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (1, \sqrt{3})$
- $\vec{E} = \frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (\sqrt{5}, 1)$
- $\vec{E} = -\frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (1, \sqrt{3})$
- $\vec{E} = \frac{Q}{8\pi\epsilon_0 a^2} (1, \sqrt{3})$

Maks poeng: 1

## 2 Sirkelladning

Figuren viser en sirkelformet ladning med radius  $a$  og linjeladningstetthet  $\rho$ . Hva er bidraget  $dE_z$  til det elektriske feltet i punktet  $z$  langs  $z$ -aksen fra et ladningselement  $dq$  ved vinkelen  $\theta$  langs sirkelen?



Velg ett alternativ:

- $dE_z = \frac{z dq}{4\pi\epsilon_0(z^2+a^2)^{3/2}}$
- $dE_z = \frac{a \sin(\theta) dq}{4\pi\epsilon_0(z^2+a^2)^{3/2}}$
- $dE_z = \frac{a dq}{4\pi\epsilon_0(z^2+a^2)^{3/2}}$
- $dE_z = \frac{\sin(\theta) dq}{4\pi\epsilon_0(z^2+a^2)}$
- $dE_z = \frac{\cos(\theta) dq}{4\pi\epsilon_0(z^2+a^2)}$
- $dE_z = \frac{a \cos(\theta) dq}{4\pi\epsilon_0(z^2+a^2)^{3/2}}$
- $dE_z = \frac{z \cos(\theta) dq}{4\pi\epsilon_0(z^2+a^2)^{3/2}}$
- $dE_z = \frac{z \sin(\theta) dq}{4\pi\epsilon_0(z^2+a^2)^{3/2}}$

Maks poeng: 1

### 3 To ladninger

En ladning  $Q$  ligger i origo og en ladning  $-Q$  ligger i  $(0, 0, 2a)$ . Hva er det elektriske potensialet i punktet  $(0, 2a, a)$

Velg ett alternativ:

$V = -\frac{Q}{4\pi\epsilon_0 a}$

$V = -\frac{Q}{4\pi\epsilon_0 a\sqrt{3}}$

$V = \frac{Q}{2\pi\epsilon_0 a\sqrt{5}}$

$V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 a}$

$V = 0$

$V = -\frac{Q}{2\pi\epsilon_0 a\sqrt{5}}$

$V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 a\sqrt{3}}$

Maks poeng: 1

## 4 Potensiale med sinus

Det elektriske potensialet i et område i rommet er  $V(x, y) = V_0 e^{-y/a} \sin \frac{x}{a}$ . Hva er det elektriske feltet i dette området?

Velg ett alternativ:

- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-y/a} (\cos \frac{x}{a}, \sin \frac{x}{a})$
- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-y/a} (-\sin \frac{x}{a}, -\cos \frac{x}{a})$
- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-y/a} (\cos \frac{x}{a}, -\sin \frac{x}{a})$
- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-y/a} (\sin \frac{x}{a}, -\cos \frac{x}{a})$
- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-x/a} (\sin \frac{y}{a}, \cos \frac{y}{a})$
- $\vec{E} = 0$
- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-y/a} (\sin \frac{x}{a}, \cos \frac{x}{a})$
- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-y/a} (-\cos \frac{x}{a}, \sin \frac{x}{a})$
- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-y/a} (-\sin \frac{x}{a}, \cos \frac{x}{a})$
- $\vec{E} = \frac{V_0}{a} e^{-y/a} (-\cos \frac{x}{a}, -\sin \frac{x}{a})$

Maks poeng: 1

## 5 Potensial i midten av kule

En ladning  $Q$  er uniformt fordelt i en kule med radius  $a$ . Hva er potensialet i sentrum av kulen hvis potensialet er null uendelig langt borte?

Velg ett alternativ:

$\frac{Q}{2\pi\epsilon_0 a}$

0

$\frac{2Q}{3\pi\epsilon_0 a}$

$\frac{Q}{4\pi\epsilon_0 a}$

$\frac{3Q}{8\pi\epsilon_0 a}$

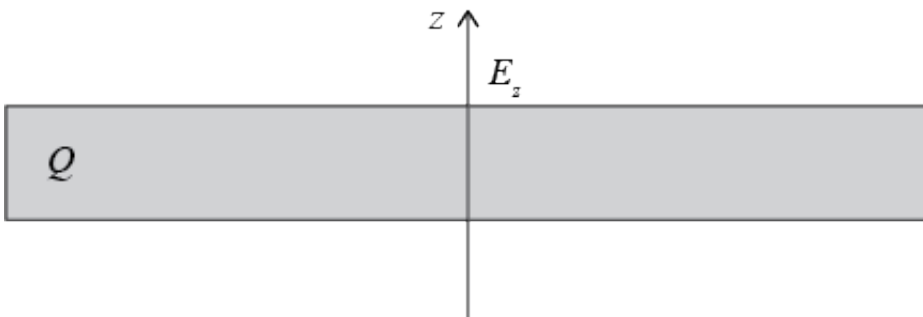
$\frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 a}$

$\frac{3Q}{2\pi\epsilon_0 a}$

Maks poeng: 1

## 6 Plan leder

Et tynt ledende plan med tykkelse  $h$  og areal  $A$  ligger parallelt med  $xy$ -planet og har en ladning  $Q$ , hvor  $Q < 0$ . Hva er det elektriske feltet umiddelbart ovenfor lederen?



Velg ett alternativ:

- $E_z = \frac{2Q}{A\epsilon_0}$
- $E_z = \frac{Q}{A\epsilon_0}$
- $E_z = -\frac{Q}{A\epsilon_0}$
- $E_z = -\frac{Q}{2A\epsilon_0}$
- $E_z = \frac{Q}{2A\epsilon_0}$
- $E_z = -\frac{2Q}{A\epsilon_0}$

Maks poeng: 1

## 7 Polarisert sylinder

En (uendelig) lang sylinder med radius  $a$  er laget av et materiale med  $\epsilon = 3\epsilon_0$ . I midten av sylindere er det en linjeladning med ladning  $Q$  per lengde  $2a$ . Hva er polariseringen  $P(a/2)$  i en avstand  $a/2$  fra sentrum av sylindere?

Velg ett alternativ:

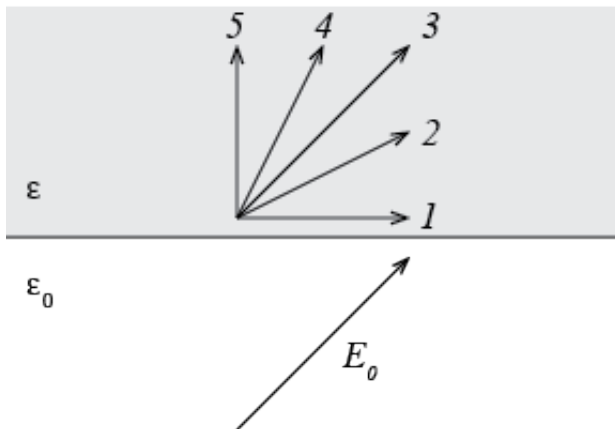
- $P = 0$
- $P = \frac{3Q}{2\pi a^2}$
- $P = \frac{2Q}{3\pi a^2}$
- $P = \frac{3Q}{4\pi a^2}$
- $P = \frac{Q}{6\pi a^2}$
- $P = \frac{Q}{3\pi a^2}$

Maks poeng: 1



## 8 Gjennom overflaten

En grenseflate  $s$  skiller et område i vakuum fra et område med en plast med permittivitet  $\epsilon = 2\epsilon_0$  som vist i figuren. Det elektriske feltet  $\vec{E}_0$  i vakuum nær grenseflaten er vist på figuren. Hvilken vektor illustrerer best det elektriske feltet en liten avstand inn i platen?



Velg ett alternativ:

- 1
- 4
- 2
- 3
- 5

Maks poeng: 1

## 9 Program jeopardy

Hvilket alternativ forklarer best hva dette programmet beregner?

```
import numpy as np
from scipy.constants import epsilon_0
epsilon0 = scipy.constants.epsilon_0
q = 1.0
K = q/(4*np.pi*epsilon0)
d = 0.1
c = np.zeros((20,20),float)
for i in range(20):
    for j in range(20):
        c[i,j] = 0
        rij = np.array([i/10*d,j/10*d])
        for k in range(20):
            rk = np.array([0,k/10*d])
            c[i,j] = c[i,j] + K/np.linalg.norm(rij-rk)
```

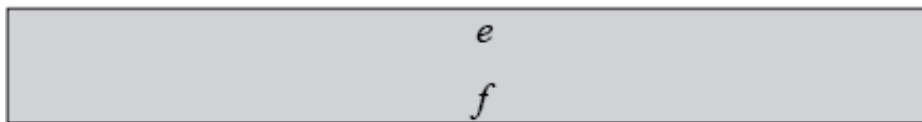
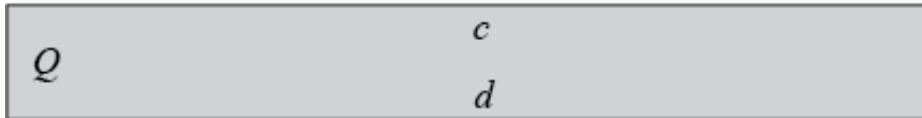
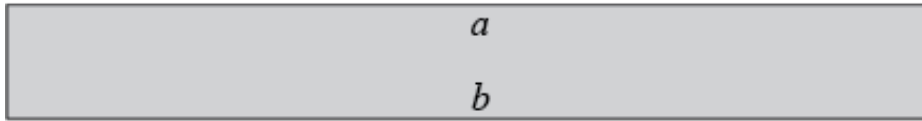
Velg ett alternativ:

- Det elektriske potensialet i et punkt i rommet fra en volumladning
- Det elektriske feltet langs en linje i rommet fra en overflaaeladning
- Det elektriske potensialet i et område i rommet fra en linjeladning
- Det elektriske feltet i et område i rommet fra en linjeladning
- Det elektriske feltet i et punkt i rommet fra en volumladning
- Det elektriske potensialet langs en linje i rommet fra en overflateladning

Maks poeng: 1

## 10 Tre plan

Et system består av tre parallelle ledende plater med som vist i figuren. Anta at den midterste platen har en ladning  $Q$ . Hvor stor ladning er det på hver av overflatene a-f?



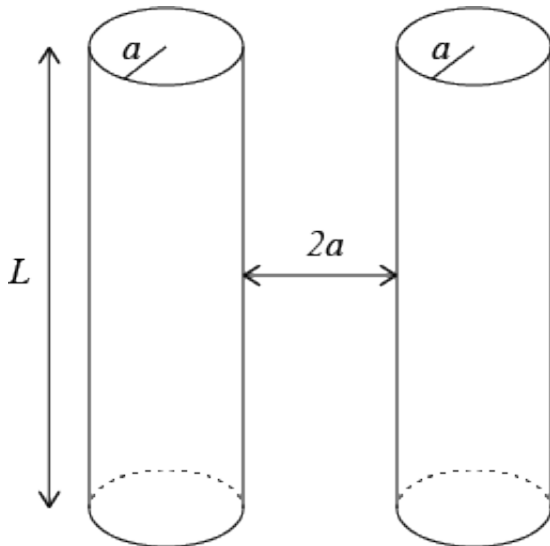
Velg ett alternativ:

- a: 0; b: 0, c:  $-Q$ ; d:  $Q$ ; e: 0; f: 0
- a: 0; b: 0, c:  $Q/2$ ; d:  $Q/2$ ; e: 0; f: 0
- a:  $-Q$ ; b:  $Q$ , c:  $Q$ ; d:  $-Q$ ; e:  $Q$ ; f:  $-Q$
- a:  $-Q/2$ ; b:  $Q/2$ , c:  $Q$ ; d:  $Q$ ; e:  $Q/2$ ; f:  $-Q/2$
- a:  $-Q/2$ ; b:  $Q/2$ , c:  $Q/2$ ; d:  $Q/2$ ; e:  $Q/2$ ; f:  $-Q/2$
- a:  $Q/2$ ; b:  $-Q/2$ , c:  $Q$ ; d:  $-Q$ ; e:  $-Q/2$ ; f:  $Q/2$
- a: 0; b: 0, c:  $Q$ ; d:  $Q$ ; e: 0; f: 0
- a:  $Q/2$ ; b:  $-Q/2$ , c:  $Q/2$ ; d:  $Q/2$ ; e:  $-Q/2$ ; f:  $Q/2$
- a:  $Q$ ; b:  $-Q$ , c:  $Q/2$ ; d:  $Q/2$ ; e:  $-Q$ ; f:  $Q$

Maks poeng: 1

## 11 Sylinderkondensator

En kondensator består av to ledende sylindere som begge har lengde  $L$  og radius  $a$ . De er plassert i en avstand  $2a$  fra hverandre som vist i figuren. Du kan anta at  $L \gg a$ . Som en tilnærming når du regner ut kapasitansen kan du anta at ladningsfordelingen i en leder ikke er påvirket av ladningsfordelingen i den andre lederen. Hva er kapasitansen til systemet?



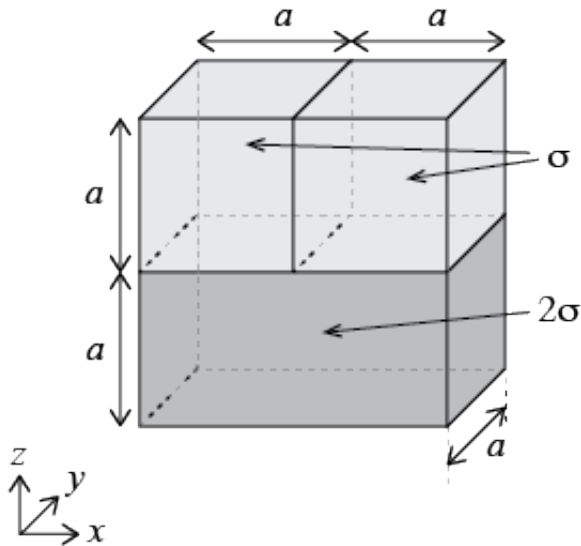
Velg ett alternativ:

- $C = \frac{\pi\epsilon_0 L}{2 \ln 3}$
- $C = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln 3}$
- $C = \frac{\pi\epsilon_0 L}{2 \ln 2}$
- $C = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln 2}$
- $C = \frac{\pi\epsilon_0 L}{\ln 3}$
- $C = \frac{\pi\epsilon_0 L}{\ln 2}$

Maks poeng: 1

## 12 Motstand

Figuren viser en motstand som er sammensatt av flere deler: to kubiske biter som hver har dimensjoner  $a \times a \times a$  og ledningsevne  $\sigma$ , og en bit som har dimensjon  $2a \times a \times a$  og ledningsevne  $2\sigma$ . Hva er resistansen  $R$  til denne motstanden i  $x$ -retningen?



Velg ett alternativ:

- $\frac{1}{a\sigma}$
- $\frac{1}{3} \frac{1}{a\sigma}$
- $\frac{3}{2} \frac{1}{a\sigma}$
- $\frac{2}{3} \frac{1}{a\sigma}$
- $\frac{1}{2} \frac{1}{a\sigma}$
- $2 \frac{1}{a\sigma}$

Maks poeng: 1