

FYS 2150.ØVELSE 18

GAMMASTRÅLING

Fysisk institutt, UiO

18.1 Geiger-Müller-telleren

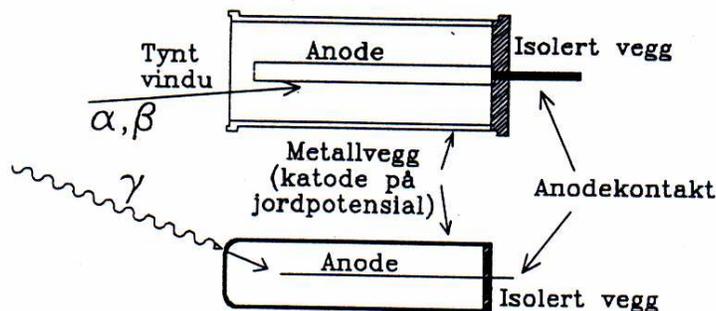
18.1.1 Geiger-Müller-tellerens oppbygning og virkemåte

En GM-detektor består av et sylindrisk rør av et ledende materiale og en lineær anode langs sylinderaksen. Anoden er ført inn i røret gjennom en god isolator, og har positiv spenning i forhold til rørveggen. Røret inneholder en gass med et trykk på 10^4 – 10^5 Pa (0,1–1 atm). En ioniserende partikkel som går gjennom gassen produserer elektroner og positive ioner. Elektronene blir akselerert inn mot anoden under stadige sammenstøt med gassmolekylene. Ved anoden er det elektriske feltet så sterkt at hvert elektron utløser et skred av nye elektroner ved støtionisasjon. På den måten får man for hver enkelt ioniserende partikkel som er kommet inn i kammeret, en kortvarig ladningspuls som er stor nok til å kunne registreres med en pulsteller. Et GM-rør med tilkoblet pulsteller kalles en Geiger-Müller-teller.

I stedet for å registrere pulsene med et telleverk kan vi lade en kondensator som utlades igjen gjennom en stor motstand. Utladningsstrømmen er proporsjonal med pulsraten (telling pr. tidsenhet). Kondensatoren og motstanden virker derved som en differensiator. Et slikt instrument kalles et ratemeter. Instrumentet som benyttes i denne oppgaven kan opereres enten som pulsteller eller som ratemeter.

To typer GM-rør er vist skjematisk i Fig. 18.1. All stråling som lager ioner i gassen i røret vil bli registrert. α - og β -partikler må trenge inn i GM-røret med tilstrekkelig energi til å ionisere gassmolekyler. Siden α - og β -partikler har kort rekkevidde i materie, må GM-røret ha en tynn vegg (vindu). Samtidig må strålekilden plasseres tett inntil vinduet. Alle ladde partikler som kommer inn blir registrert. GM-røret er altså meget følsomt for partikkelstråling.

γ -stråling derimot har lang midlere fri veilengde i gassen, og vil praktisk talt



Figur 18.1: Skisse av to vanlige typer GM-rør. Det øverste har et tynt vindu, og kan brukes for alle typer stråling. Det nederste har tykke vegger, og brukes for γ -stråling.

ikke lage ioner direkte. For å bli registrert må γ -kvantet først slå løs et elektron ved compton- eller fotostøt i rørveggen så nær den indre veggflaten at elektronet kommer inn i røret og ioniserer gassen. De fleste γ -stråler går derfor gjennom røret uten å bli registrert. Sannsynligheten for at en γ -stråle som passerer gjennom telleren skal bli registrert (effektiviteten) er $\sim 1\%$.

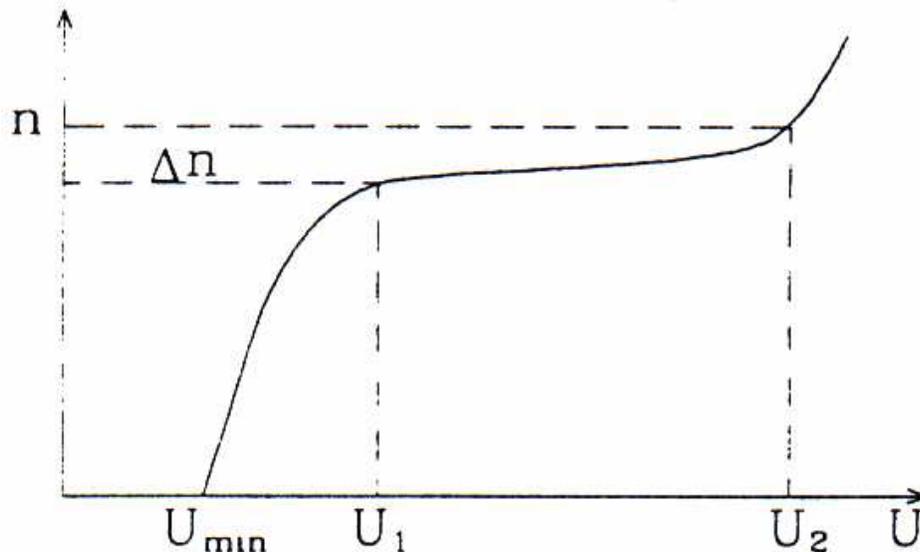
18.1.2 Karakteristikk og arbeidsspenning

Telleraten n for et GM-rør er avhengig av spenningen U mellom anoden og rørveggen. En kurve som viser hvordan n varierer med U når alle andre forhold er konstante, kalles rørets karakteristikk, og er antydnet i Fig. 18.2. For $U < U_{min}$ er $n = 0$, og fra U_{min} til U_1 øker n raskt. I området fra U_1 til U_2 er økningen i telleraten n svært liten og med god tilnærming lineær (plataet). For $U > U_2$ øker n igjen raskt. Det er vanlig å karakterisere et GM-rør ved å oppgi nedre og øvre grenseverdier U_1 og U_2 for plataet og platahelningen P definert ved:

$$P = \frac{\frac{\Delta n}{n}}{U_2 - U_1}.$$

18.1.3 Statistisk spredning, Poissonfordeling

Radioaktivitet er et statistisk fenomen. Når vi måler strålingen fra en kilde med en pulsteller, f.eks. en GM-teller, finner vi at tiden mellom to pulser varierer. Måler vi antall pulser k i et konstant tidsintervall N ganger, får vi en rekke verdier som viser en viss spredning. En slik spredning er uavhengig av hva slags detektor eller teller som brukes.



Figur 18.2: Typisk karakteristikk for et GM-rør.

Under de forholdene som gjelder for radioaktiv stråling, venter man teoretisk at de observerte verdiene skal nærme seg Poissonfordelingen (se Appendiks A):

$$P(k) = \frac{m^k}{k!} e^{-m} = \frac{m}{1} \frac{m}{2} \dots \frac{m}{k} e^{-m}.$$

Her er $P(k)$ sannsynligheten for å observere tallet k , og m er det gjennomsnittlige antall pulser i tiden Δt

$$m = \bar{k} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N k_i = \frac{1}{N} \sum_{j=0}^{N'} f_j k_j.$$

Her er N' antall forskjellige k -verdier (**inkludert 0**), og f_j er antall ganger verdien k_j er observert (frekvensen). Totalt antall observasjoner er $N = \sum f_j$.

For lave verdier av m blir Poissonfordelingen skjev, for store verdier av m nærmer den seg normalfordelingen. Som mål for spredningen brukes standardavviket s . Det er definert ved

$$s = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (k_i - m)^2}.$$

For Poissonfordelingen kan standardavviket s skrives

$$s = \sqrt{m}.$$

Dersom vi gjør kun én observasjon er den observerte verdi k det beste (eneste) estimat vi har for middelverdien m . Estimatet for standardavviket er da

$$s = \sqrt{k}.$$

Standardavviket s_n på telleraten $n = k/\Delta t$ blir, når vi ser bort fra usikkerheten i Δt ,

$$s_n = \frac{\sqrt{k}}{\Delta t}.$$

Den relative usikkerhet er den samme for k og n .

Det må måles over så lang tid at pulstelleren viser minst 100 pulser. Måler vi over så lang tid at telleren viser ca. 1000 pulser, får vi en relativ usikkerhet på $1/\sqrt{1000}$, eller ca. 3%. Den relative usikkerheten i telleraten blir den samme om vi måler i mange (M) korte tidsintervaller Δt som om vi foretar én måling i et tilsvarende langt tidsintervall $T = M\Delta t$. Det tjener altså ingen hensikt å dele måleserien opp i mange korte intervaller når man har en Poissonfordeling. Derimot kan det være en kontroll på at måleapparatet fungerer riktig å undersøke om tellingene i kortere intervaller fordeler seg etter en Poissonfordeling.

Oppgave 1. Undersøkelse av statistisk spredning, Poissonfordeling, usikkerhet

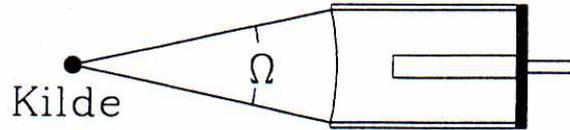
1. Innstill en spenning U på ca. 500 V mellom sentraltråden og rørveggen til GM-røret. Sett alle radioaktive kilder så langt fra GM-røret som mulig. Mål så antall pulser k i tidsperioden $\Delta t = 1$ s. Gjenta denne måling så mange ganger at du får en oversikt over fordelingen, dvs. omlag 100 målinger. Etter hvert som observasjonene tas, tegnes resultatet inn som histogram på et millimeterpapir med k som abscisse. Ordinaten krysses av (f.eks. 0,5 cm høyere) hver gang tallet k avleses på pulstelleren.
2. Beregn m og s , og avsett disse i diagrammet. Sammenlign s med \sqrt{m} .
3. Tegn den teoretiske fordelingen inn i samme diagram som den observerte. Den teoretiske Poissonfordelingen beregnes på enkleste måte slik:

$$y_0 = Ne^{-m}, \quad y_1 = \frac{m}{1}y_0, \quad y_2 = \frac{m}{2}y_1, \quad \dots, \quad y_k = \frac{m}{k}y_{k-1}.$$

18.1.4 GM-tellerens effektivitet for γ -stråler

GM-tellerens effektivitet er definert som forholdet mellom det antall γ -kvant som registreres og det antall γ -kvant som treffer telleren og kan i dette tilfellet uttrykkes ved følgende formel:

$$\epsilon = \frac{n - n_b}{A \frac{\Omega}{4\pi}}$$



Figur 18.3: Geometri for måling av GM-tellers effektivitet.

der n er antall γ -kvant som registreres pr. sekund, n_b er antall registrerte tellinger pr. sekund som skyldes bakgrunnstrålingen. Ω er romvinkelen¹ og A er aktiviteten til kilden. For å få en enkel oversiktlig geometri brukes en GM-teller med tynt vindu. Sett fra kilden utspenner telleren en romvinkel Ω . Siden kilden sender ut γ -kvant i alle retninger like sannsynlig (isotrop romlig fordeling), treffer $A\Omega/(4\pi)$ γ -kvant telleren pr. sekund.

Oppgave 2. Bestem GM-tellerens effektivitet for γ -stråler

Plasserer en ^{137}Cs -kilde med aktivitet A (oppgis av veileder) omlag 15-20 cm foran GM-telleren som vist på Fig. 18.3. Bestem GM-tellerens effektivitet. Måletid bør være minimum 60 s.

18.2 Absorpsjon av ioniserende stråling

18.2.1 Absorpsjon av γ -stråling

Når γ -stråling går gjennom et sjikt av infinitesimal tykkelse dz , avtar intensiteten I med dI , som er proporsjonal med tykkelsen dz og med intensiteten I ,

$$dI = -\mu I dz.$$

Integrerer vi denne ligningen fra $z = 0$ til z , dvs. fra I_0 til I , får vi:

$$I = I_0 e^{-\mu z}.$$

Konstanten μ kalles *svekkingskoeffisienten*.

¹Romvinkelen måles i steradianer, og er gitt som forholdet mellom kulelegemets areal og kvadratet av radius. Romvinkelen for hele kuleflaten sett fra kulas sentrum er derved $4\pi R^2/R^2 = 4\pi$. Sammenlign med definisjonen av vinkel i planet, som måles i radianer.

18.2.2 Bakgrunnsstråling

Selv om det ikke er noen radioaktiv kilde i nærheten av telleren, vil vi observere en viss tellerate b (bakgrunn) som skyldes γ -stråling fra naturlige radioaktive nuklider i bygningsmaterialene og fra kosmisk stråling. Denne må trekkes fra den observerte tellerate n_i for å få telleraten $n = n_i - b$ som skyldes kilden alene.

Oppgave 3. Skjerming av en radioaktiv γ -kilde

I denne øvelsen bruker vi et antall like blyplater som absorbatore.

1. Sett alle blyplatene foran GM-røret og mål bakgrunnstrålingen i 10 min. Da bakgrunnen betyr relativt mest ved de største blytykkelsene i pkt. 2, måler vi her bakgrunnen b med alle blyplater på plass. Denne verdien brukes som bakgrunn ved alle blytykkelser.
2. En ^{137}Cs -kilde stilles foran GM-røret i en slik avstand at det blir plass til alle blyplatene. Avstanden må ikke forandres under forsøket. Telleraten bestemmes uten bly og med 1,2,...,5 blyplater mellom kilde og rør. Velg tellertiden slik at antall tellinger blir minimum 1000.
3. Telleraten n (n_i korrigert for bakgrunnsstråling) fremstilles på enkelt logaritmeblad med n langs den logaritmiske akse og med antall blyplater som abscisse. Usikkerheten avsettes i diagrammet. Foreta en grafisk utjevning til en rett linje.
4. Hvor tykt må blylaget rundt kilden være for at 90% av gammakvantene skal bli absorbert? Hvor tykt må det være for at 99% skal bli absorbert?

18.2.3 Dosemetri

Med dosemetri forstår vi kvantitativ måling av ioniserende stråling for å bestemme strålingens fysiske eller biologiske virkninger. Som mål for virkningen av ioniserende stråling kan vi enten bruke den ioniseringen som strålingen frembringer når den absorberes, eller den energien som avgis ved absorpsjon. For en bestemt absorlator regner vi at det vil være proporsjonalitet mellom ioniseringen og den avgitte energi. I de fleste dosemeterne måles ioniseringen, men instrumentene blir kalibrert slik at de viser absorbert energi. Vi benytter en detektor som er følsom for ionisasjon, f.eks. et ionisasjonskammer, en fotografisk film eller en teller. Detektoren plasseres vi på det stedet vi ønsker å bestemme stråledosen, og vi kalibrerer instrumentet slik at det ikke viser antall ioniserende partikler eller ladningen til de frigjorte ionene, men den energien som strålingen overfører til stoffer på stedet. En slik kalibrering inneholder mange usikkerhetsmomenter, og gyldighetsområdet vil være begrenset til bestemte strålingstyper og avgrensede energiområder.

18.2.4 Enheter

Med *tildelt energi* forstår vi den energien som den ioniserende strålingen overfører til en avgrenset stoffmengde.

Absorbert dose er midlere tildelt energi dividert med massen av stoffmengden. Absorbert dose betegnes vanligvis med symbolet D . SI-enheten for absorbert dose er gray, eller forkortet Gy, $1 \text{ Gy} = 1 \text{ J/kg}$.

Doserate vil si dose avsatt pr. sekund. Som symbol for doserate benyttes vanligvis \dot{D} . SI-enheten for doserate er Gy/s. Ofte benyttes Gy/h, mGy/h, eller $\mu\text{Gy/h}$ som hensiktsmessige enheter.

Den biologiske virkningen av strålingen avhenger ikke bare av avsatt energi, men også av den lokale ionisasjonstettheten. Virkningen er derfor også avhengig av strålingstypen. F.eks. vil α -stråling gi større biologisk virkning enn samme dose β - eller γ -stråling. Den biologiske virkningen av strålingen angis ved ekvivalent dose H , som er lik dosen multiplisert med en *strålingsvektfaktor* w_R for strålingen, $H = w_r D$. Faktoren er satt lik 1 for β - og γ -stråling, og er ca. 20 for lavenergetisk α -stråling. Enheten for ekvivalent dose er sievert, eller Sv. Når $w_r = 1$ blir $1 \text{ Sv} = 1 \text{ Gy} = 1 \text{ J/kg}$.

18.2.5 Stråling fra radioaktive kilder

En radioaktiv kilde kan karakteriseres ved stråletypen (α -, β - eller γ -stråling), strålingens energi og kildens aktivitet. Strålingsdosen avhenger av kildens egenskaper, avstanden til kilden, og av det absorberende stoff som eventuelt skjermer kilden. En kilde stråler likt i alle retninger (isotrop).

α -stråling stoppes raskt i luft. En α -partikkel med energi på 5 MeV, en typisk energi for α -stråling fra naturlig radioaktive stoffer, stoppes av ca. 5 cm luft, eller av et tynt papirark. Rene α -kilder gir derfor stråledose bare dersom de berøres eller dersom de på en eller annen måte kommer inn i kroppen, f.eks. hvis en puster inn radioaktive partikler. Et viktig eksempel er den radioaktive gassen radon og dens døtre (vi bruker uttrykket datterkjerne for den kjernen som dannes etter en radioaktiv prosess).

β -stråling svekkes også i luft, men vesentlig mindre enn α -stråling. Tynne metallplater, f.eks. veggene i en teller, kan svekke β -strålingen betydelig eller helt absorbere den. β -partikler med energi på 1 MeV har en rekkevidde på ca. 3 m i luft, men de stoppes fullstendig av 1,5 mm aluminium. Måleinstrumenter med tykke vegger blir derfor ikke brukbare for β -dosemetri.

γ -stråling svekkes lite i luft. Med god tilnærming kan vi, med de avstander vi opererer med i oppgaven, regne med at intensiteten av strålingen fra en γ -kilde i luft kun avtar som $1/r^2$. Hvis en kjenner energien til γ -strålingen (energispiktret) og kildestyrken (aktiviteten), kan en derfor beregne stråledosen i en gitt avstand fra kilden.

Aktiviteten av en radioaktiv kilde vil si antall radioaktive omdanninger per

sekund. SI-enheten for aktivitet er s^{-1} . På samme måte som man for svingninger pr. sekund har innført enhetsnavnet hertz, har man kalt enheten for aktivitet for becquerel, eller kort Bq.

Sammenhengen mellom aktivitet og doserate for noen vanlige kilder er vist i Tabell 18.1, der det er forutsatt at det ikke er merkbar absorpsjon mellom kilden og stedet der dosen skal beregnes.

Kilde	γ -energi (keV)	Doserate 1 m fra kilden ($\mu\text{Gy/h}$)
^{137}Cs	662	7,8
^{60}Co	1330, 1170	31,9
Radium	mange energier	19,4

Tabell 18.1: *Doserater fra tre kilder på 100 MBq.*

18.2.6 Håndinstrumenter

De vanligste dosemetere er utstyrt med et GM-rør. Disse er forholdsvis robuste og kan lages så små at de lett får plass i lommen. De er forholdsvis følsomme for høyenergetisk α -stråling, men ikke for β -stråling. De er som regel laget som ratemeter med viseravlesning og er dessuten ofte utstyrt slik at de gir “knepp” med intensitet proporsjonal med dosen. I denne oppgaven benyttes en GM-teller. Detektoren er et GM-rør som kan fjernes fra instrumentboksen og lett føres inn på vanskelig tilgjengelige steder.

Det andre håndinstrumentet er et ionisasjonskammer med volum 450 cm^3 . På undersiden har det et tynt vindu med areal 100 cm^2 . **Vinduet er bare 8 mg/cm^2 tykt, og det er lett å ødelegge.** Det er beskyttet med et lokk med tykkelse 700 mg/cm^2 , nok til å stoppe opptil $1,8\text{ MeV}$ β -partikler. Når man skal måle β -stråling, trekkes lokket fra, og instrumentet vendes med undersiden mot kilden. Husk alltid å trekke lokket tilbake etter bruk, slik at vinduet ikke skades. Instrumentet kan brukes både som doseratemeter og som dosemeter. Som ratemeter har det innstillinger fra $30\ \mu\text{Sv/h}$ til 300 mSv/h for fullt utslag. På det mest følsomme området tar det relativt lang tid før viseren innstiller seg. Etter ca. 10 s vil instrumentet vise 90% . For de andre måleområdene er innstillingstiden ca. 1 s . Instrumentet er kalibrert slik at det skal gi korrekt verdi for doseraten innenfor $\pm 3\%$ for γ -stråling med energi 662 keV . For γ -stråling innen området 30 keV – 1500 keV er instrumentfeilen mindre enn 10% .

Oppgave 4. Håndinstrumenter

Kontroller kalibreringen av GM-røret ved hjelp av en ^{137}Cs -kilde med aktivitet av størrelsesorden 1 MBq . Benytt forskjellige avstander fra kilden. Korrigjer om

nødvendig for bakgrunnsstråling. Sammenlign avlesningen for instrumentet med beregnet verdi for doseraten fra kilden.

18.2.7 Radioaktivitet i luften

Fra de radioaktive stoffene uran og thorium og deres datterprodukter, foregår det en konstant avgivelse av den radioaktive gassen radon til luften. Gassen vil sive inn fra bakken og avgi stråling spesielt i kjelleretasjen. Uran og thorium kan også finnes i byggemateriale. De radioaktive datterprodukter av radon er faste stoffer som kan slå seg ned på støvpartikler i luften. Denne aktiviteten kan måles.

Oppgave 5. Måling av radioaktivitet i luften

Benytt en støvsuger for å samle opp støv fra luften i et dårlig ventilert rom (gangen utenfor labben). Ta ut filteret av støvsugeren etter ca 10–15 min. Undersøk om filteret er blitt radioaktivt. Benytt en GM-teller med endevindu.

18.2.8 Strålevern, risikogrenser

Ioniserende stråling i store doser (flere Sv) mottatt over et kort tidsrom (timer eller dager) kan gi akutte skader og kan medføre døden. Ved lavere doser (større enn 0,5 Sv til hele kroppen) er det påvist en statistisk sannsynlighet for at ioniserende stråling kan ha negative senefekter som f.eks. utvikling av kreft. Det kan være verdt å merke seg at det hittil ikke er påvist genetiske endringer hos mennesker som følge av ioniserende stråling, ikke engang hos etterkommerne til atombombeofrene i Hiroshima og Nagasaki.

I små doser (mindre enn 200 mSv) medfører strålingen ingen statistisk målbare skadevirkninger på mennesker (pr. 1998). I en rekke celle- og dyre-studier observeres det positive helseeffekter av lave stråledoser.

Vi er født radioaktive, vi dør radioaktive og vi lever alle i et naturlig og kontinuerlig strålemiljø. Den naturlige bakgrunnstrålingen har forskjellig opprinnelse; *kosmisk stråling* fra verdensrommet; *stråling fra radioaktive stoffer i jord- og berggrunnen*; naturlig *radioaktivitet i menneskekroppen*; og den radioaktive gassen *radon* som siver opp fra berggrunnen. Den gjennomsnittelige dosen fra bakgrunnstrålingen er på omlag 4 mSv pr. år, med store variasjoner. Enkelte steder kan den årlige dosen komme opp i over 100 mSv på grunn av geologiske og geografiske forhold som gir mye radon. I tillegg mottar vi gjennomsnittelig omlag 0,6 mSv pr. år fra medisinsk bruk av stråling. Ved medisinske undersøkelser, diagnostikk, benyttes det som regel doser av størrelsen 10-100 mSv (lokal bestråling), mens det ved strålebehandling, hvor hensikten er å ødelegge sykt vev, kan benyttes lokale doser mellom 10 og 100 Sv.

Selv om det ikke observeres negative helseeffekter ved lave stråledoser antar strålevernsmyndighetene at også små doser kan ha en statistisk sannsynlighet for

skade, og de ønsker derfor å minimalisere de stråledosene som skyldes menneskelig aktivitet. Den internasjonale komiteen for strålebeskyttelse (ICRP) har anbefalt grenser for høyeste tillatte årlige strålebelastning. Det skilles mellom yrkesutsatte og den generelle befolkningen. For befolkningen generelt er maksimaldosene satt en faktor 10 lavere enn for yrkesutsatte. Dette skyldes i hovedsak at den generelle gruppen også inneholder barn. Noen maksimaldoser er gjengitt i Tabell 18.2.

Organ	Allmennbefolkning	Yrkesutsatte
Hele kroppen	1	20
Hud	50	500
Øye	15	150
Hender og føtter	–	500

Tabell 18.2: Noen årtdosegrenser fra ICRPs anbefaling. Alle doser i mSv.

Oppgave 6. Vurdering av anbefalte maksimaldoser

Sammenlign de målte doserater med de høyeste tillatelige doser for strålingsutsatt personell og for befolkningen som helhet.

1. Hvor lenge kan du arbeide i 1/2 m avstand fra en uskjermet 1,0 MBq ^{137}Cs -kilde uten å overstige ICRPs maksimale årtdosegrenser?
2. Hvilken dose har du mottatt som følge av denne laboratorippgaven?

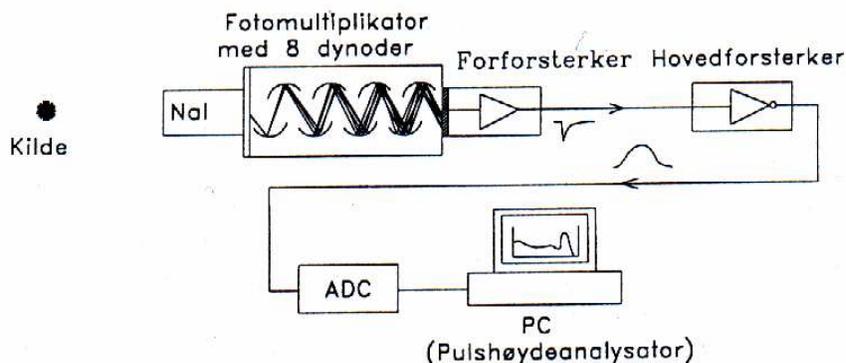
18.3 Gammaspektroskopi

I denne delen av oppgaven er målet å:

- Lære bruk av et enkelt, vanlig brukt gammaspektrometer
- Studere spektrometerets responsfunksjon, og å gjøre en energikalibrering
- Gjøre enkle kjernespektroskopiske studier
- Måle energien av comptonspredte gamma-kvanter

18.3.1 Beskrivelse av apparatur

Et γ -spektrometer består av delene som er vist skjematisk på Fig. 18.4. γ -kvantene vekselvirker med materien i et følsomt volum som kan være en gass (som f.eks. i Geigertelleren) eller et fast stoff, enten en halvleder eller et lysutsendende stoff (scintillator).



Figur 18.4: Spektrometer med $\text{NaI}(\text{Tl})$ scintillator. I oppgaven er forsterkerne og ADC bygget sammen i én enhet sammen med høyspenningskilden til fotomultiplikatoren

Gammakvantene avsetter sin energi, helt eller delvis, i det følsomme volumet. I en halvleder vil energiavsetningen direkte gi en elektrisk ladningspuls, mens vi i en scintillator vil få lyskvanter. Scintillatoren, som er gjennomskiktig for lyskvantene, er montert på en lysmåler (fotokatode), som omformer lyssignalet til en elektrisk ladningspuls. Informasjonen foreligger derved som et elektrisk signal.

I neste del av spektrometeret overføres den elektriske ladningspulsen gjennom en forsterkning av fotokatodens signal i en fotomultiplikator. Deretter forsterkes og omformes ladningspulsen til en spenningspuls i en forforsterker, og sendes inn i en overføringskabel til en kombinert forsterker og pulsformer.

Det siste leddet i spektrometeret er den delen som registrerer og tar vare på informasjonen i pulsene. I vårt spektrometer er dette en PC med et spesielt tilkoblingskort for pulshøydeanalyse.

Scintillatoren kan være en krystall, et plaststoff, eller en væske. For å øke lysutbyttet er det ofte tilsatt små mengder av et annet stoff, kalt aktivator. I denne oppgaven bruker vi en thalliumaktivert natriumjodidkrystall, $\text{NaI}(\text{Tl})$. Krystallen er innkapslet slik at den ikke forstyrres av lys fra omgivelsene. På én side er den i god optisk kontakt med fotokatoden, mens innkapslingen på de andre sidene gir god refleksjon av lyskvantene.

Fotomultiplikatoren består av ca. 10 dynoder og til slutt en anode, alt montert i et vakuumbør. Katoden holdes på høy negativ spenning (1–2 kV) og dynodene er koplet slik at spenningen avtar i jevne trinn mellom dem. En egen spenningskilde gir negativ høyspenning til fotokatoden. Høyspenningen bestemmer spenningen mellom dynodene og dermed også fotomultiplikatorrørets forsterkning. Scintillatoren,

fotokatoden og fotomultiplikatoren er montert sammen i én enhet.

Når lyskvantene fra scintillatoren treffer fotokatoden, river de løs elektroner som blir akselerert i spenningsfallet mot den første dynoden. Hvert elektron slår løs ca. 4 nye elektroner, og dette gjentar seg ved hver dynode. I et rør med 10 dynoder oppnås derfor en total forsterkning på 4^{10} , eller ca. 10^6 , slik at et lysglimt som frigjør noen få elektroner fra fotokatoden gir en målbar ladningspuls på anoden (se Fig. 18.4).

Antall fotoner i lysglimtet er proporsjonalt med avsatt energi i det følsomme volumet. Og siden pulshøyden er proporsjonal med antall fotoner i lysglimtet, er pulshøyden derfor et mål for avsatt energi (dette gjelder f.eks. ikke for en Geigerteller). Antall pulser pr. tidsenhet gir oss videre informasjon om strålingsintensiteten. I tillegg er pulsene meget godt definert i tid, slik at scintillasjonstellere er meget godt egnet til f.eks. tidsmålinger.

Forforsterkeren som er tilkopleet anoden, forsterker (og former) pulsen slik at den kan drives gjennom en relativt lang kabel fram til hoved-forsterkeren, som både forsterker og former (filtrerer) pulsen, slik at pulshøyden (amplituden) kan måles mest mulig nøyaktig (pulsene er antydnet på Fig. 18.4). Denne todeling av forsterkningsdelen er vanlig av praktiske årsaker; når vi skal foreta måling av sterke kilder må gjerne strålekilde og detektor være skjermet og langt borte fra det øvrige måleutstyret og den som foretar målingene (dette er ikke situasjonen i denne øvelsen.)

Den siste delen av spektrometeret er en pulshøydeanalysator, som tar vare på informasjonen som kommer i form av spenningspulser. Analysatoren er her en PC utstyrt med en spesiallaget tilkoblingskrets (“interface”). Mellom siste forsterkertrinn og PC'en er det en ADC (Analog to Digital Converter, eller analog til tallomformer) som gjør spenningspulsenes amplitude om til et tall etter hvert som de kommer (dvs. i “sann tid”). Legg merke til at alle omforminger, fra avsatt energi i det følsomme volumet og til det tilsvarende tallet fra ADC'en, er lineære. Tallet er derfor proporsjonalt med avsatt energi i tellerens følsomme volum.

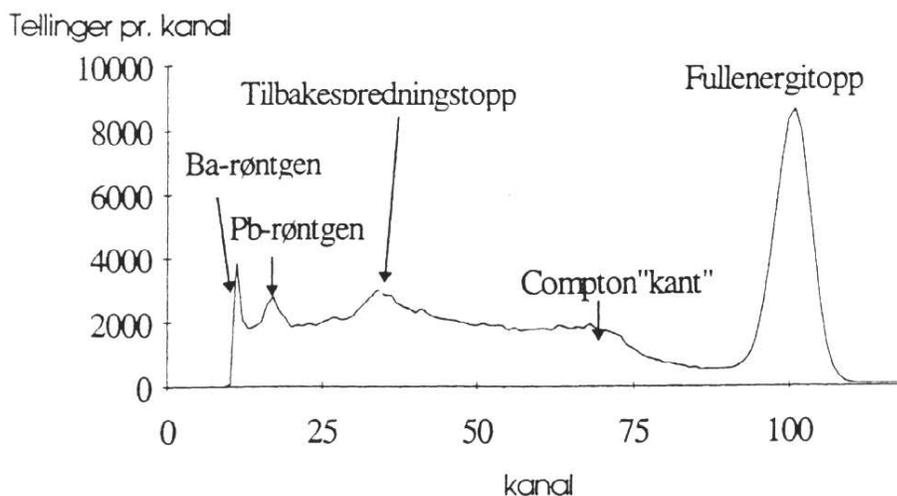
18.3.2 Databehandlingen

Den videre behandling av tallene fra ADC'en er avhengig av dataprogrammet i PC'en. Den vanligste prosedyren er å lage et pulshøydespektrum etter hvert som tallene blir “produsert”. Fig. 18.5 viser pulshøydespektret som fremkommer når NaI-telleren bestråles med fra en ^{137}Cs -kilde. Programmet lager spektret ved å addere 1 til innholdet i et vektorelement $A(I)$ når tallet (pulshøyden) I foreligger, eller i programnotasjon: $A(I) := A(I) + 1$. Vi kaller hvert element i vektoren A for en kanal, og hver kanal representerer et lite energiintervall ΔE . ΔE kalles pulshøydespektrets dispersjon og angis i MeV/kanal eller keV/kanal. I prinsippet kan vi regne oss fram til dispersjonen, men i praksis finner vi den ved å foreta en energikalibrering av hele spektrometeret ved hjelp av kjente energier. Ved en-

ergikalibrering finner vi konstantene ΔE og E_0 i uttrykket:

$$E = \Delta E \cdot I + E_0.$$

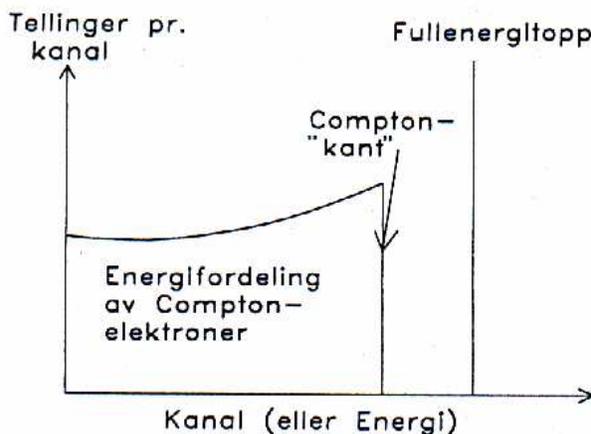
Her er E energien i kanal I , og ΔE er dispersjonen. E_0 er “nullpunktsenergien” som må tas med fordi vi ofte får en nullpunktsforskyvning gjennom alle ledd i forsterkere etc. Vi regner for øvrig kanal I fra 0.



Figur 18.5: γ -spektrum for 662 keV monoenergetisk stråling. Spektret blir derved også spektrometerets responsfunksjon for 662 keV gamma. Toppen merket Ba-røntgen kommer fra kilden. På denne figuren er den “kuttet” elektronisk på lavenergisiden.

Dersom spektrometeret hadde vært fullkomment, ville spektret i Fig. 18.5 bare hatt én skarp topp tilsvarende den totale γ -energien. For γ -spektrometre er dette aldri tilfelle, spektrometeret har en sammensatt responsfunksjon. Fig. 18.5 viser derfor også responsfunksjonen for 662 keV-stråling. Responsfunksjonen er avhengig av krystallens størrelse og omgivelser, spesielt eventuell blyskjerming. Videre er den energiavhengig. Men alle responsfunksjoner har generelle trekk som skyldes de forskjellige prosesser som skjer i krystallen når γ absorberes helt eller delvis.

γ -kvantene vekselvirker med materien ved å overføre energi til elektroner. Dette skjer på tre forskjellige måter; comptonspredning, fotoabsorpsjon og pardannelse, som alle bidrar til den generelle formen på spektret. Alle tre prosesser gir hurtige elektroner (eller et positron) som resultat. Elektronene mister deretter energi ved å eksitere molekyler i krystallen, som igjen gir lysglimt. Hver primærprosess gir opphav til karakteristiske trekk i responsfunksjonen. Pardannelse skjer for γ -energi over to elektronmasser (1022 keV), og er uten vesentlig betydning for de energier som vi skal studere i denne oppgaven. Bidraget fra de forskjellige delresponsene



Figur 18.6: Energispektrum i en tenkt teller uten statistisk spredning.

er skissert i Fig. 18.6. Siden all informasjonsoverføring i spektret er gjenstand for statistisk spredning, vil et observert spektrum spre de skarpe kantene i Fig. 18.6 ut over flere kanaler.

I γ -spektroskopien brukes fullenergitoppens halvverdbredde (“Full Width at Half Maximum”) som mål for spektrometerets oppløsningsevne. Den angis gjerne i prosent av γ -energien.

Comptonspredning er et elastisk støt mellom γ -kvantet og et elektron, og dersom det spredte γ -kvantet unnslipper krystallen igjen, gir det opphav til den kontinuerlige fordelingen på Fig. 18.6. Dette er den mest sannsynlige prosess i den relativt lille krystallen som brukes i oppgaven. Noen spredte kvant kan inngå i en ny “primærprosess” igjen, slik at et γ -kvants “historie” i krystallen ofte er ganske sammensatt.

Ved fotoabsorpsjon avgir γ -kvantet all sin energi til et atomært elektron. Dette gir opphav til en topp i spektret tilsvarende γ -kvantets totale energi. Toppen kalles fullenergitoppen, eller fototoppen. Denne toppens tyngdepunkt (også kalt centroide) tilsvarer derfor γ -kvantets energi. Vi bruker γ -kilder med kjent energi for å energikalibrere spektret (vi kan også intensitetskalibrere ved hjelp av kilder med kjent styrke).

I tillegg til bidragene fra de tre primærprosessene er det også deler av responsfunksjonens struktur som skyldes krystallens omgivelser. Det viktigste er en relativt bred lavenergetisk topp som kalles tilbakespredningstoppen. Den skyldes γ -kvanter som har passert krystallen uten å vekselvirke, hvoretter det har skjedd en comptonspredning i materialet bak krystallen, der noen av de γ -kvantene som er spredt bakover (180°) reabsorberes i krystallen. I tillegg ser vi røntgenstråling fra bly.

Denne røntgenstrålingen skyldes at γ -kvanter fra kilden slår løs indre elektroner i blyatomene. Den aller laveste røntgentoppen kommer fra ^{137}Ba , som er sluttkjernen etter β -desintegrasjon av ^{137}Cs . Merk for øvrig at denne toppen er blitt sterkt “kuttet” elektronisk i spektret på Fig.18.5.

Fullenergitoppens areal brukes som et mål på strålingens intensitet. I mer nøyaktige og omfattende intensitetsmålinger med NaI-tellere brukes hele responsfunksjonen. Dette krever omfattende programvare. I strålingsfysikk, f.eks. for å måle radioaktivitet, gjøres det som regel en enkel “fullenergitoppanalyse”.

Når vi måler på γ -stråling med flere energier vil de respektive responsfunksjonene adderes sammen i spektret. Dette er den normale situasjonen. En fullenergitopp vil derfor alltid ligge overlappet en spektrumbakgrunn. Skal vi finne intensiteten (dvs. antall tellinger) i toppen må vi derfor subtrahere bidraget fra spektrumbakgrunnen. I analyseprogrammet antas bakgrunnen under toppen å være lineær (legg for øvrig merke til at ordet bakgrunn ofte brukes om to ting, både om bakgrunnsstråling, dvs. stråling fra andre kilder enn den vi studerer, og om spektrumdelen som ikke er toppstruktur).

18.3.3 Et par praktiske råd

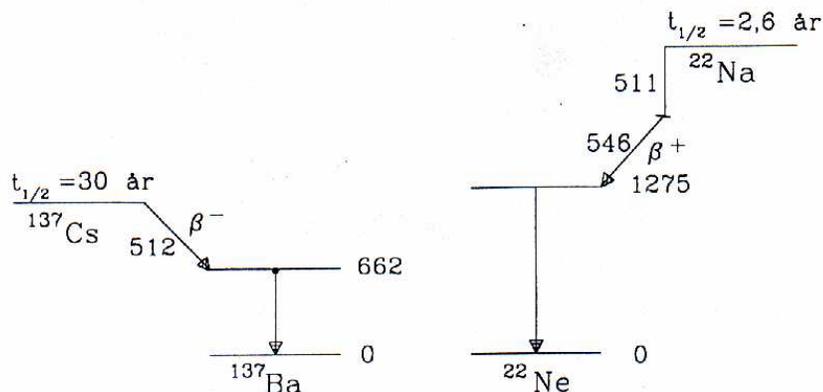
PC-programmet styres ved kommandoer fra tastaturet og/eller fra funksjonstastene. Bakerst i denne teksten finner du et Appendiks B med liste over de viktigste kommandoene. Slik systemet er satt opp, har du tilgjengelig 10 spektra i hukommelsen. Bruk etter hvert alle 10. Du kan (bør) analysere et ferdig målt spektrum mens du samler inn data i et annet. Husk alltid å skrive spektrene opp på diskfil med én gang de er ferdig målt.

Oppgave 7. Energikalibrering

Siden relasjonen mellom energi og kanal er lineær, bruker vi to kilder, en med lav og en med høy energi. Kildene er ^{137}Cs og ^{22}Na , og desintegrasjonsskjemaene er vist i Fig. 18.7. Merk at ^{22}Na -spektret har to topper; du skal bruke den med høyest energi. Den lavenergetiske (men intense) linjen skyldes annihilasjon av β^+ , som gir 511 keV gamma. Hva er dispersjonen og nullpunktsenergien?

Oppgave 8. γ -overganger i ^{60}Ni etter β -desintegrasjon av ^{60}Co

Desintegrasjonsskjemaet for ^{60}Ni (etter-desintegrasjon av ^{60}Co) er vist i Fig. 18.8. Mål γ -spektret fra en ^{60}Co -kilde. Hvilke γ -energier venter du å finne ut fra Fig. 18.8. Finn de tilsvarende toppene i spektret, og angi de målte energiene.



Figur 18.7: Desintegrasjonsskjema for ^{137}Cs og ^{22}Na . Energivåene er avsatt relativt til grunntilstanden, med γ -overganger som vertikale piler. β -overganger er tegnet som piler nedover mot hhv. høyre for β^- og mot venstre for β^+ . Alle energier er i keV. β -energien er maksimal energi, og for β^+ er også elektronmassen (511 keV) angitt.

Oppgave 9. Måling av Comptonspredte kvanters energi

Bruk en sterk (skjermet) Cs-kilde plassert på et bord som kan dreies om en fast jernstav. NaI-krystallen skjermes med blyklosser slik at den bare “ser” jernstaven og registrerer comptonspredte γ -kvanter. Mål først bakgrunnen i laboratoriet (med lokket på kilden i lukket posisjon) i ca. 10 min., og ta vare på bakgrunnsspektret. Mål deretter spektret fra comptonspredte γ -kvanter ved spredningsvinkel 30° , 60° og 90° , finn energiene og sammenlign dem med beregnede verdier. Før du analyserer spektret bør du trekke fra bakgrunnsspektret. Analyser også tilbakespredningstoppen i spektret fra oppgave 7, slik at du får med et punkt i 180° .

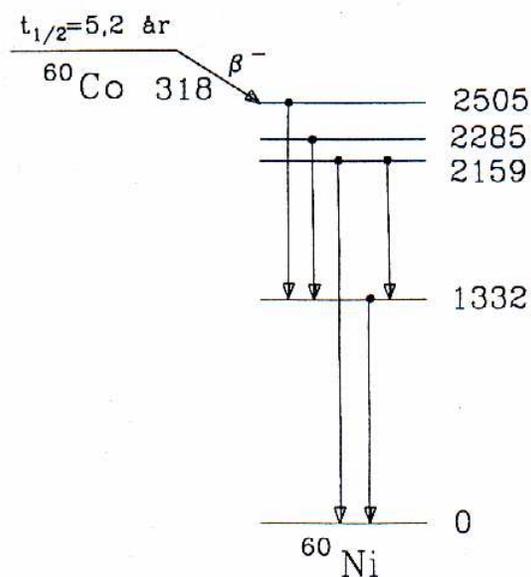
Det comptonspredte γ -kvantets energi kan vi beregne ved å betrakte γ -kvantet som en partikkel med hvilemasse 0. Vi lar så γ -kvantet støte elastisk mot elektronet slik at impuls og energi er bevart. Elektronet, med hvilemasse m , er i ro før støtet, og får etter støtet impulsen \vec{p}' . γ -kvantets impuls før (etter) støtet betegnes med \vec{k} (\vec{k}'). Ved kvadrering av impulsbevaringsligningen

$$\vec{k}' - \vec{k} = -\vec{p}'$$

får vi

$$\frac{E'^2}{c^2} + \frac{E^2}{c^2} - \frac{2EE'}{c^2} \cos \theta = \vec{p}'^2.$$

Her er E (E') γ -kvantets energi før (etter) støtet og θ er vinkelen mellom \vec{k} og



Figur 18.8: β^- -desintegrasjon av ^{60}Co , med nivåskjema for datterkjernen ^{60}Ni . Alle energier i keV, for øvrig samme konvensjon som for Fig. 18.7.

\vec{k}' . For øvrig er

$$(E + mc^2 - E')^2 = \vec{p}'^2 c^2 + m^2 c^4.$$

Vi eliminerer \vec{p}'^2 og får til slutt

$$E' = \frac{E}{1 + (1 - \cos \theta) \frac{E}{mc^2}}.$$

I denne oppgaven er $E = 662$ keV. Fremstill $E'(\theta)$ grafisk for vinkler mellom 0° og 180° . Tegn måleresultatene med usikkerheter inn i grafen.

APPENDIKS A

Poissonfordeling

Fysisk institutt, UiO

Vi har en kilde med N radioaktive kjerner. Sannsynligheten for emisjon av k partikler (f.eks. γ -kvanter) fra kilden i løpet av tiden t er gitt ved

$$P(k) = \binom{N}{k} p^k q^{N-k}$$

der

$$q = e^{-t/\tau} \text{ og } p = 1 - q.$$

Tiden τ er karakteristisk for den radioaktive kjernen. Halveringstiden er $t_{1/2} = \tau \ln 2$. Vi regner med at $t \ll \tau$, slik at vi kan sette

$$1 - e^{-t/\tau} \approx \frac{t}{\tau}.$$

Vi antar videre at $k \ll N$, slik at

$$\binom{N}{k} \approx \frac{N^k}{k!}.$$

Med disse tilnærmelser får vi

$$P(k) = \frac{m^k}{k!} e^{-m},$$

der den dimensjonsløse størrelsen m er definert ved

$$m \equiv \frac{Nt}{\tau}.$$

Vi benytter den momentgenererende funksjonen

$$\begin{aligned}
 Q(\lambda) &= \sum_k (1-\lambda)^k P(k) \\
 &= \sum_k (1-\lambda)^k \frac{m^k}{k!} e^{-m} \\
 &= e^{-m} \sum_k \frac{[(1-\lambda)m]^k}{k!} \\
 &= e^{-m} e^{(1-\lambda)m} \\
 &= e^{-m\lambda}.
 \end{aligned}$$

Ved derivasjon får vi

$$\begin{aligned}
 Q'(\lambda) &= -me^{-m\lambda} \\
 &= -\sum_k k(1-\lambda)^{k-1} P(k) \\
 Q''(\lambda) &= m^2 e^{-m\lambda} \\
 &= \sum_k k(k-1)(1-\lambda)^{k-2} P(k).
 \end{aligned}$$

Innsetting av $\lambda = 0$ gir

$$\begin{aligned}
 \sum_k P(k) &= 1 \\
 \sum_k kP(k) &= m \\
 \sum_k k(k-1)P(k) &= m^2
 \end{aligned}$$

Herav følger

$$\begin{aligned}
 \langle k \rangle &= m \\
 \langle k(k-1) \rangle &= m^2
 \end{aligned}$$

og

$$\sigma^2 \equiv \langle k^2 \rangle - \langle k \rangle^2 = m^2 + m - m^2 = m.$$

APPENDIKS B

Spektrumanalyse-programmet

Fysisk institutt, UiO

PC-programmet som samler inn data og gjør enkel spektrumanalyse, styres av en rekke kommandoer. Programmet er satt opp med 10 spektra (fra 1 til 10) á 512 kanaler (fra 0 til 511), hvilket er mer enn tilstrekkelig lengde for γ -spektroskopi med NaI-scintillator.

Syntaks: Kommandoene har en bokstavkode, som regel tre bokstaver, og eventuelt parametere. Bokstavkoden og parametrene er adskilt fra hverandre med komma eller mellomrom. Kommandoer som opererer på spektra virker på det spektret som vises på skjermen. 20 av de mest brukte kommandoene er også koblet til funksjonstastene F1 til F10, med eller uten shift-tasten trykket samtidig.

Måledata kommer inn til programmet via avbrudd (interrupt), slik at andre operasjoner kan utføres samtidig. De mest aktuelle operasjonene er:

- Start og stopp av måling
- Fremvise en utvalgt del av spekteret (“zoom”)
- Forandre x - og y -aksenes skala
- Energikalibrering
- Beregne centroide og integral (sum) av topper
- Korrigere for bakgrunnstråling
- Overføre spekter til og fra fil på harddisken

De mest aktuelle kommandoene er (bokstavkode og evt. funksjonstast):

1. Datainnsamling

Start datainnsamling (til fremvist spektrum):	sta	shift+F2
Stopp datainnsamling	sto	shift+F4
Utfør datainnsamling i m sekunder	prt	m
Hvor lenge har pågående datainnsamling vart?		shift+F2
Null (slett) spektrum (i stopp-tilstand)	zer	F8
Stopp – null – start	res	shift+F6

2. Diverse spektrumbåndering (gjelder fremvist spektrum)

Skriv spektrum til fil med filnavn xx	sav	xx	(Filnavn som i DOS, uten “extension”)
Hent spektrum fra fil xx	rsp	xx	
Adder filspektrum xx til fremvist spektrum	add	xx	
Subtraher filspektrum xx (f.eks. bakgrunn)	sub	xx	(Normaliserer til samme måletid)

3. Toppanalyse

Du kan analysere topper i fremvist spektrum. Det fremvises alltid et trådkors som du kan bevege i planet ved hjelp av piltastene, og trådkorsets koordinater kan avleses. I trådkorsets posisjon kan du videre plassere hhv. en lav og en høy markør.

Når du skal analysere en topp gjør du følgende: Zoom inn et område med toppen omtrent i midten, og med ca. det samme antall kanaler som toppens “bredde” på hver side (på Fig. 18.5 vil det bli omtrent kanal 80 og 130). Tenk deg så at spektrumbakgrunnen ekstrapoleres med en rett linje under toppen. Plasser trådkorset i det punktet du mener linjen skal starte, og plasser lav markør der (se nedenfor). Gjør tilsvarende i punktet der du mener linjen stopper. Når du plasserer trådkorset på spektrumbakgrunnen kan det være fornuftig å velge en skala der bakgrunnen kommer over midten på skjermen, se kommandoene “ful” og “aut” under pkt. 4. De aktuelle kommandoene er da:

Plasser lav markør i trådkorsets posisjon	l	F2
Plasser høy markør i trådkorsets posisjon	u	F4
Beregn netto areal og centroide:	cen	F6
Sett inn et sett med e, c -verdier, (og kalibrer dersom antall e, c -sett er tilstrekkelig):	cal	e, c F8

e er energi i MeV. Dersom c utelates, vil programmet bruke den siste centroiden som ble beregnet. Kommandoene “kleber” kalibreringen til det fremviste spektret. Ved å overføre spektret til fil når det er kalibrert, følger kalibreringskonstantene med. Du kan så hente kalibreringen ned til andre fremviste spektre:

Hent kalibrering fra filspektrum xx	rca xx	
Beregn energien for kanal n	gee n	F10
Beregn kanal for energi e	gch e	F10

4. Noen fremvisningskommandoer (“display”)

Fremvis spektrum nr. xx	<code>dsp xx</code>	
“Zoom” spektrum mellom markørene:	<code>exp</code>	<code>shift+F9</code>
Fremvis (“Zoom”) fra kanal n til m :	<code>dis $n m$</code>	
Fremvis hele spekteret (“De-zoom”)	<code>dwh</code>	
Sett y -skala til n tellinger	<code>ful n</code>	<code>shift+F3</code>
Sett y -skala til automatisk (default)	<code>aut</code>	<code>shift+F3</code>
Log-skala på y -aksen	<code>log</code>	<code>F3</code>
Lineær skala på y -aksen	<code>lin</code>	<code>F3</code>
Fremvis energienheter på x -aksen:	<code>esc</code>	<code>F9</code>
Fremvis kanaler på x -aksen:	<code>csc</code>	<code>F9</code>

5. “Forbudte” kommandoer som ikke må gis

Programmet har kommandoer for skriving og plotting. PC-ene har foreløpig ikke tilkoblet skriver eller plotter, og programmet vil derfor henge seg opp dersom disse kommandoene gis: `plo`, `shift-F`, `pri`.

APPENDIKS C

Eldre enheter

Fysisk institutt, UiO

SI-enhetene i strålingsfysikken har vært vedtatt for internasjonalt bruk siden 1975, men eldre enheter blir fremdeles ofte benyttet både på måleinstrumenter og i litteratur. Det er derfor nødvendig å ha noe kjennskap til enhetene som er vist i Tabell C.1.

Størrelse	SI-enhet	Gammel enhet
Dose, D	gray, Gy = J/kg	1 rad = 10^{-2} Gy røntgen*, R
Dosekivalent, H	sievert, Sv	1 R tilsvare ca. $0,9 \cdot 10^{-2}$ Gy 1 rem = 10^{-2} Sv

Tabell C.1: *Grunnleggende enheter for dose. (*)Røntgen er en enhet for frigjort ladning, kalt eksposisjon. Den benyttes bare for elektromagnetisk stråling, ikke for α - og β -stråling. Eksposisjonen er 1 R når strålingen frigjør en ladningsmengde av positive eller negative ioner på $2,58 \cdot 10^{-4}$ C/kg i tørr luft. I praksis kan man regne 1 R omtrent lik 1 rad eller 10 mGy.*

En eldre enhet for aktivitet, curie, eller kort Ci, blir fremdeles ofte benyttet. En curie var opprinnelig definert som aktiviteten i ett gram radium. Nå gjelder definisjonen: $1 \text{ Ci} = 3,7 \cdot 10^{10} \text{ Bq} = 37 \text{ GBq}$.