

# UNIVERSITETET I OSLO

## Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

<b>Eksamen i:</b>	<b>GEF1000</b>
<b>Eksamensdag:</b>	<b>1. Desember 2008</b>
<b>Tid for eksamen:</b>	<b>09.00-12.00</b>
<b>Oppgavesettet er på 4 side(r)</b>	
<b>Vedlegg:</b>	<b>Ingen</b>
<b>Tillatte hjelpemidler:</b>	<b>Kalkulator</b>

*Kontroller at oppgavesettet er komplett før du begynner å besvare spørsmålene.*

Oppgave 1 og Oppgave 2 teller hver 40%, mens Oppgave 3 teller 20%

### Oppgave 1.

- Forklar hva vi forstår med den såkalte Hadleysirkulasjonen i tropene. Tegn gjerne en figur.
- Gjør rede for hva som driver denne sirkulasjonen. Ville sirkulasjonen i Hadleycellen vært kraftigere eller svakere dersom atmosfæren ikke hadde inneholdt vanndamp? Begrunn svaret.
- Fluksen av følbare varme mot nord er gitt ved

$$F = c_p \cdot \rho \cdot v \cdot T$$

der  $c_p$  er varmekapasiteten ved konstant trykk for luft,  $\rho$  er tettheten til luft,  $v$  er komponenten av vinden mot nord, og  $T$  er luftas temperatur.  $F$  har enheten  $J/m^2s$ .

Anta at  $c_p$  og  $\rho$  er konstante og  $v$  og  $T$  kan uttrykkes som

$$v = \bar{v} + v' \quad \text{og} \quad \bar{v} = [\bar{v}] + \bar{v}^*$$

$$\text{og} \quad T = \bar{T} + T' \quad \text{og} \quad \bar{T} = [\bar{T}] + \bar{T}^* \quad \text{og}$$

Der  $[x]$  representerer et sonalt middel av  $x$ , og  $x'$  er avviket fra det sonale middelet.

$\bar{x}$  representerer et tidsmiddel av  $x$ , og  $x^*$  er avviket fra tidsmiddelet.

Varmefluksen mot nord midlet sonalt langs en breddegradssirkel og over tid kan da skrives:

$$F = c_p \cdot \rho \cdot [\bar{v}T] = c_p \cdot \rho \cdot \{ [\bar{v}][\bar{T}] + [\bar{v}^* \cdot \bar{T}^*] + [\bar{v}'T'] \}$$

De tre leddene i klammeparentesen representerer ulike former for transport mot nord.

Forklar hvilke transportformer dette er og hvilken av de tre som er viktigst på midlere breddegrader (ca. 45 grader N og S).

d. Energibalansen for jordas overflate er gitt ved likningen:

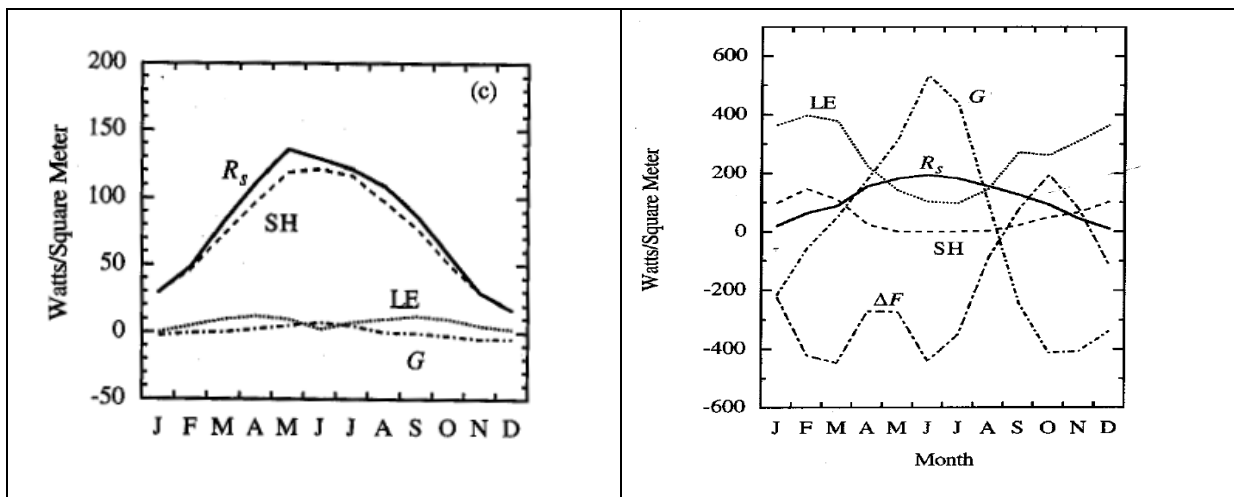
$$\frac{\partial E_s}{\partial t} = G = R_s - LE - SH - \Delta f_{eo}$$

Forklar kort hva de ulike leddene i likningen beskriver

e. Figuren under viser årlig variasjon i leddene i energibalanselikningen over for 2 forskjellige steder.

Hva kan du si om forskjellen i overflateegenskapene for de to stedene?

Hva slags steder tror du de representerer?



Figur 1. Energiflukser for overflaten ved 2 ulike steder på Jorda.

## Oppgave 2

a) I Middelhavet; se Fig. 2, er det et netto tap av ferskvannsvolum per tidsenhet, mens Atlanterhavet utenfor har (tilnærmet) null tap i denne sammenhengen. Hvis vi kaller volumtransportene fra nedbør for  $f_P$ , elvetilførsel for  $f_R$ , og fordampning for  $f_E$ , blir  $f_P + f_R - f_E < 0$ . Hva betyr dette for retningen av overflatestrømmen gjennom Gibraltarstredet? Forklar.

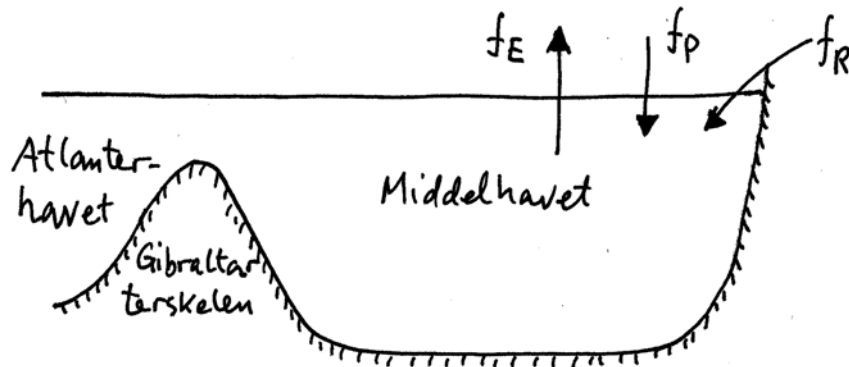


Fig.2 Modellskisse av Middelhavet (vertikalsnitt)

b) I en vannmengde med volum  $V$  og tetthet  $\rho$  er massen av oppløst salt  $m$ . Definer saliniteten  $S$  av dette vannet.

c) Vi regner at den totale massen av salt i Middelhavet er konstant på årsbasis (transporten av salt med elver og deponering av salt i bunnsedimenter er neglisjerbar i denne sammenheng). Hvordan må det totale strømbildet over terskelen i Gibraltarstredet være for at dette skal være mulig? Forklar.

d) Vi antar at vannstanden i Middelhavet ikke forandrer seg på årsbasis. Kall volumtransporten inn i Middelhavet over terskelen i Gibraltarstredet for  $Q_i$  ( $\text{m}^3 \text{s}^{-1}$ ), volumtransporten ut over terskelen for  $Q_o$  ( $\text{m}^3 \text{s}^{-1}$ ), og netto tap av ferskvann  $f_P + f_R - f_E \equiv X$  ( $\text{m}^3 \text{s}^{-1}$ ), der  $X < 0$ . Sett opp balanseligningen for bevaring av vannvolum i Middelhavet.

e) Det innstrømmende vannet i Middelhavet har tetthet  $\rho_i$  og salinitet  $S_i$ , mens det utstrømmende vannet har tetthet  $\rho_o$  og salinitet  $S_o$ . De tilhørende salttransportene gjennom stredet blir  $\rho_i S_i Q_i$  og  $\rho_o S_o Q_o$ . Sett opp ligningen som uttrykker at den totale massen av salt i Middelhavet er konstant.

f) Bruk resultatene i d) og e) til å vise at

$$Q_i = \frac{\rho_o S_o X}{\rho_i S_i - \rho_o S_o}, \quad Q_o = \frac{\rho_i S_i X}{\rho_i S_i - \rho_o S_o}$$

g) I dette problemet er  $S_i$  og  $S_o$  store, og nær hverandre i verdi (typisk mellom 36 og 38 ‰), mens  $\rho_i \approx \rho_o \approx 10^3 \text{ kg m}^{-3}$ . Hvordan blir tallverdiene av  $Q_i$  og  $Q_o$  i forhold til tallverdien av  $X$ ? Forklar.

h) Sett  $\rho_o S_o / (\rho_i S_i - \rho_o S_o) = -25$  og  $X = -2 \times 10^3 \text{ km}^3/\text{år}$ , og beregn  $Q_i$ .

i) Det totale volumet  $V_M$  av Middelhavet er omtrent  $4 \times 10^6 \text{ km}^3$ . Bruk resultatet i h) til å beregne hvor lang tid  $\tau$  som trengs for å skifte ut alt vannet i Middelhavet ( $\tau$  kalles residenstiden for vannet).

### Oppgave 3

Når det gjelder vinddrevet strøm i svært grunne havområder, kan vi se bort fra effekten av Corioliskraften. For konstant vindspenning  $\tau_x$  langs havoverflaten i  $x$ -retningen, blir ligningen for strømmen  $u$ :

$$\nu \frac{d^2 u}{dz^2} = 0.$$

Her er  $\nu$  den turbulente diffusjonskoeffisienten (kalt  $A$  i kompendiet). Havet har konstant dyp  $H$  og tetthet  $\rho_0$ . Legg  $x$ -aksen langs havoverflaten. Ved bunnen, gitt ved  $z = -H$ , antar vi at hastigheten er null. Bestem den vinddrevne strømmen (dvs.  $u(z)$ ) i dette tilfellet.