

# UNIVERSITETET I OSLO

## Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

Eksamen i: GEF 4310 Skyfysikk

Eksamensdag: 1. april 2008

Tid for eksamen: 09:00-12:00

Oppgavesettet er på 4 sider

Vedlegg: Ingen

Tillatte hjelpemidler: Ingen

Kontroller at oppgavesettet er komplett før du begynner å besvare spørsmålene.

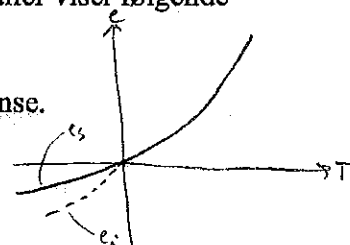
Hver av de første 7 oppgavene har 5 svarmuligheter. Kryss av på det svaret du mener er riktig. Det er kun ett riktig svar pr. oppgave. I oppgaver 8-9 er det bedt om svar med forklaringer. Hver av oppgavene 1-7 teller 10%, mens hver av oppgavene 8-9 teller 15% av karakteren.

### Oppgave 1

En sammenligning av diffusjonsvekst av skydråper og diffusjonsvekst av iskrystaller viser følgende (under typiske atmosfæriske forhold):

- a) Iskrystallene vokser raskere p.g.a. større overmetning og mindre konkurranse.  
 b) Skydråpene og iskrystallene vokser tilnærmet like raskt.  
 c) Skydråpene vokser raskere enn iskrystallene p.g.a. kule-symmetri.  
 d) Iskrystallene vokser raskere enn skydråpene p.g.a. kinetiske effekter.  
 e) Skydråpene vokser raskere enn iskrystallene p.g.a. ventilasjonseffekter.

$$\begin{matrix} \rightarrow e_s < e_i \\ \text{og } N_{\text{CCN}} > N_{\text{ICN}} \end{matrix}$$



### Oppgave 2

Dersom størrelsesfordelingen av partikler i en aerosol kan sies å være Junge-fordelt med  $\beta = 3$ , så vil følgende utsagn være riktig:  $\alpha \approx 0.93$ !

- a) Partikkelantallet  $n_d(D)$  øker jevnt og trutt med høyden.  
 b) Partikkelantallet  $n_d(D)$  avtar med høyden.  
 c) Antallsfordelingen  $dN/d(\log D)$  er "flat".  
 d) Arealfordelingen  $dS/d(\log D)$  er "flat".  
 e) Volumfordelingen  $dV/d(\log D)$  er "flat".

$$n_i(D) = c D^{-\beta}$$

$$n_d(D) = \frac{c}{(10^{10})} D^{-(\beta+1)}$$

Typisk for 0.1-10  $\mu\text{m}$

$$\frac{dV(D)}{d(\log D)} = \frac{\pi}{6} D^3 c D^{-\beta} \quad \text{med } \beta=3$$

$$= \frac{\pi}{6} c D^3 D^{-3} = \frac{\pi}{6} c$$

flat



OBS! Operer her med en oppsamlerdråpe med radius  $R$  og en masse smådråper med radius  $r$ . Antar at de mer de små..

Oppgave 3

Oppsamlingseffektivitet ( $E_c$ ) er definert som produktet av kollisjonseffektivitet ( $E$ ) og koalesenseffektivitet ( $E'$ ):  $E_c = E \cdot E'$

Riktig at  $E \ll 1$  pga. aerodynamiske effekter når små  $r$ , men det betyr ikke nødvendigvis at  $E' \ll 1$  hvis de ferat kolliderer..

- a) For små dråper ( $r < 10 \mu\text{m}$ ) er  $E \approx 1$  slik at  $E_c \approx E'$
- b) For små dråper ( $r < 10 \mu\text{m}$ ) er  $E \approx 1$  og  $E' \approx 1$ .
- c) For små dråper ( $r < 10 \mu\text{m}$ ) er  $E \ll 1$  og  $E' \ll 1$ .
- d) For store dråper ( $r > 100 \mu\text{m}$ ) er  $E \approx 1$  slik at  $E_c \approx E'$ .
- e) For store dråper ( $r > 100 \mu\text{m}$ ) er  $E \approx 1$  og  $E' \approx 1$ .

Se på fig. 8.3 s. 130. Jo lengre til høyre (større  $r$ ), nærmest verdien av  $R$ , jo nærmere kommer vi  $E=1$ .

Oppgave 4

Innblanding ('entrainment') av luft fra omgivelsene påvirker stigende luftpakker i konvektive skyer på hovedsakelig følgende måte:

- a) Innblanding i skytoppen øker luftpakkens oppdrift, mens innblanding fra sidene svekker den.
- b) Innblanding i skytoppen svekker luftpakkens oppdrift, mens innblanding fra sidene øker den.
- c) Innblanding enten den er fra skytoppen eller fra sidene svekker luftpakkens oppdrift.
- d) Innblanding enten den er fra skytoppen eller fra sidene øker luftpakkens oppdrift.
- e) Innblanding enten den er fra skytoppen eller fra sidene har vanligvis liten betydning for luftpakkens oppdrift.

$r < 30 \mu\text{m}$  : Stokes lov,  $u(r) = k_1 r^2$   
 $30 \mu\text{m} < r < 0.6 \text{ mm}$  : Linear,  $u(r) = k_3 r$   
 $0.6 \text{ mm} < r < 2 \text{ mm}$ ,  $u(r) = k_2 \sqrt{r}$

Oppgave 5

Hvilket av følgende utsagn om dråpers (radius  $r$ ) og iskrystallers fallhastigheter er korrekt:

- a) Skydråpers fallhastighet ( $v$ ) går som  $v \sim r^2$  for  $r < 30 \mu\text{m}$ ,  $v \sim r^{1/2}$  for  $r > 600 \mu\text{m}$  og  $v \sim r$  for dråperadier mellom  $30 \mu\text{m}$  og  $600 \mu\text{m}$ .
- b) Fallhastighetene er i alle tilfeller omtrent 1 m/s.
- c) Fallhastighetene er i alle tilfeller omtrent 10 m/s.
- d) Iskrystallene faller som regel raskere enn regndråper.
- e) Skydråpers fallhastighet ( $v$ ) går som  $v \sim r^2$  for  $r < 30 \mu\text{m}$ ,  $v \sim r$  for  $r > 600 \mu\text{m}$  og  $v \sim r^{1/2}$  for dråperadier mellom  $30 \mu\text{m}$  og  $600 \mu\text{m}$ .



## Oppgave 6

Isobarisk blanding:

- a) Er viktigere for skydannelse enn adiabatisk blanding.
- b) Er mindre viktig for skydannelse enn adiabatisk blanding.
- c) Kan ikke forklare hvordan dråper kan vokse fra 10  $\mu\text{m}$  til 20  $\mu\text{m}$ .
- d) Gjør at dråpespekteret blir bredere.
- e) Er viktig for dråpedannelse.

kan forsvindt  
gjøre det og den er  
inhomogen.

Bortoverblanding vs.  
oppoverblanding

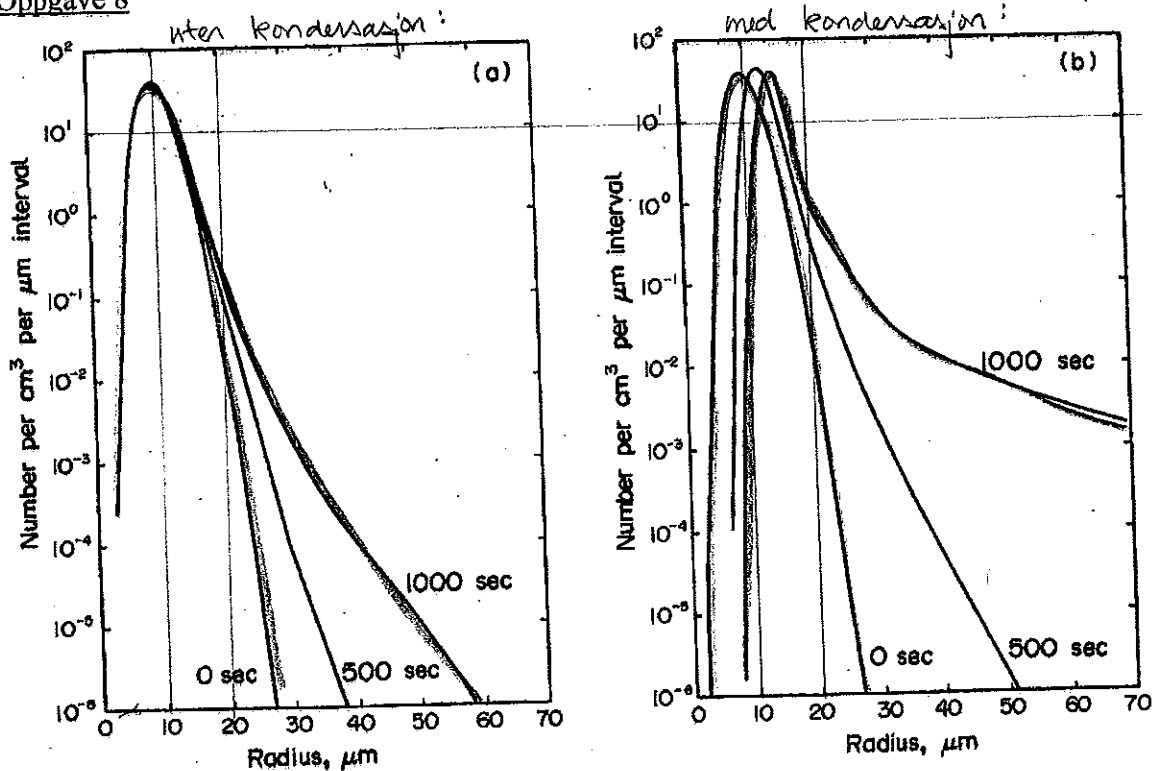
Detto har med  
heterogen blanding  
å gjøre.

## Oppgave 7

Hvilket av følgende utsagn om iskjerner er riktig?

- a) Iskjerner er vanligvis også gode kondensasjonsskjerner (CCN).
- b) Iskjerner er betydelig flere i antall enn iskrystallene.
- c) Iskjerner er mest effektive ved temperaturer like under 0°C.
- d) Iskjerner kan sies å være overflødige ved temperaturer lavere enn -40°C.
- e) Iskjerner kan kun danne iskrystaller fra vannfase, ikke fra dampfase.

## Oppgave 8



Figuren viser betydningen av kondensasjon som et supplement til vekst ved kollisjoner og koalesens. Forklar hvordan det kan ha seg at kondensasjon kan spille en slik rolle.

Med vekst ved kondensasjon vokser de små dråperne forttere enn de store. Se fig. 8.3 på s. 130. Siden vi her beveger oss forttere på x-aksen ( $r$ ) enn y-aksen ( $R$ ) får vi en kraftig økning i kollisjonseffektiviteter, noe som igjen sparker fart i koalesensen. Altså øker  $\bar{E}$  i likn. (8.13) s. 131. MEN i likn. inngår også  $u(R) - u(r)$ , og hvis denne blir mindre vil ikke koalesensen øke.. Men  $|u(R) - u(r)| = k_1(R^2 - r^2) = k_1(R_0^2 + 2\beta t - r_0^2 - 2\beta t) = k_1(R_0^2 - r_0^2) = \text{konstant}$

... for det er bare koalesens!

Oppg 8:

Kondensasjonen snevres inn dråpespektret og reduserer forholdet mellom de store og de små dråper. Dette gjør at kollisjonseffektiviteten  $E(R, r)$  øker og dermed at betydningen av koalesensraten øker.

Viser snorevning i dråpespektret s.f.a. kondensasjon

$$R(t) = \sqrt{R_0^2 + 2\zeta t} \quad R_0 > r_0$$

$$r(t) = \sqrt{r_0^2 + 2\zeta t}$$

$$R^2(t) - r^2(t) = R_0^2 + 2\zeta t - r_0^2 - 2\zeta t = R_0^2 - r_0^2 = \text{konstant}$$

Også

$$R^3(t) - r^3(t) = [R(t) - r(t)][R(t) + r(t)]$$

Sammen:

$$[R(t) - r(t)][R(t) + r(t)] = \text{konstant}$$

$$R(t) - r(t) = \frac{\text{konstant}}{R(t) + r(t)} \quad \frac{d}{dt} (R(t) - r(t)) > 0$$

$$\frac{d}{dt} (R(t) - r(t)) < 0 \quad \text{Kond.vokst påvirker forholdet mellom } R(t) \text{ og } r(t)$$

Koalesens også påvirket av relativ fallhastighet. Undersøker om dette påvirkes av kondensasjon:

$$\text{Antar } r \ll 3\sigma_{\text{max}} \quad u(r) \propto r^2$$

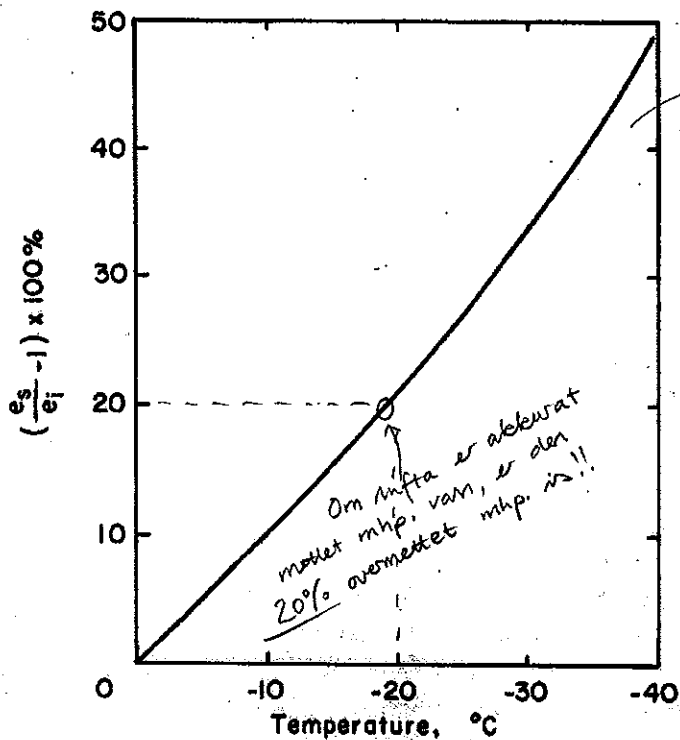
Relativ fallhastighet:

$$u(R) - u(r) \propto R^2(t) - r^2(t) = \text{konstant som vist over}$$

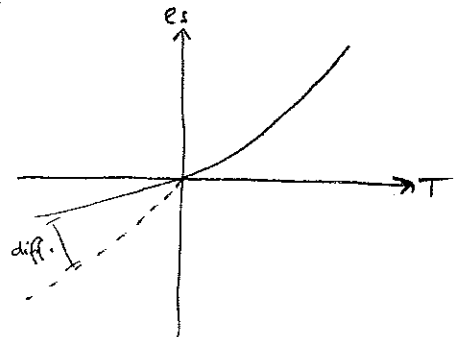
Kondensasjonen påvirker ikke relativ fallhastighet.

Effekten av økt  $E(R, r)$  dominerer og koalesensen blir mer effektiv.

Oppgave 9 s. 161



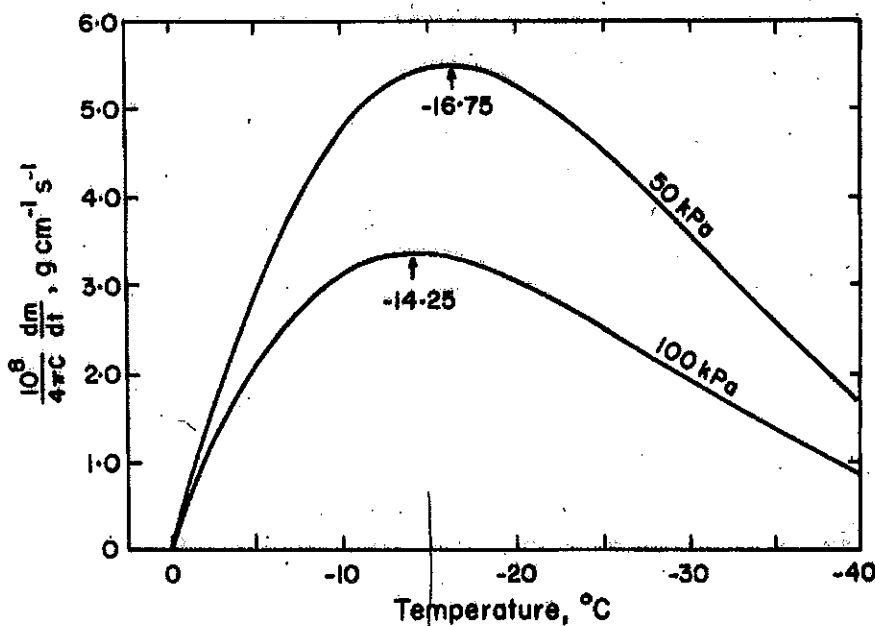
Viser forskjellen mellom  $e_s$  og  $e_i$ , som øker med økende temp.



Kun avhengig av temp.

Figuren over viser overmetning med hensyn på is (i %) i en atmosfære som er mettet med hensyn på vann. Figuren nedenfor viser vekstrate ved diffusjonsvekst for en iskrystall ved forskjellige temperaturer og trykk. Hvorfor faller ikke temperaturen for maksimal vekst sammen med de høyeste overmetningene i figuren over?

↑ vekst i iskrystallen masse



Antatt at veksten skjer i et miljø som er mettet mhp. vann

Max krystallvekst inntreffer ved  $-15^{\circ}\text{C}$  - eller det oppveies økende overmetning mhp. is (øverste figur) med stadig mindre vandampinnhold (de underkjølte regndråpene fordampes og "brukes opp" etter hvert)

