

IN1020 - Hardware - Oppgavesett 01 FASIT

Omid Mirmotahari

(1) Binære tall konvertering

- | | | |
|--------------|-----------------|-------------------------------|
| a) 11011 | til desimaltall | = 16+8+2+1 = 27 |
| b) 1110111 | til desimaltall | = 64+32+16+4+2+1 = 119 |
| c) 1010101 | til desimaltall | = 64+16+4+1 = 85 |
| d) 100000001 | til desimaltall | = 256+1 = 257 |
| e) 111111111 | til desimaltall | = 512 - 1 = 511 |

(2) 2'er komplement / Signed

- | | | |
|-----------------------------------|------------------------|-------------------|
| a) -31 til 8-bit 2'er komplement | ($-31 + 256 = 225$) | = 11100001 |
| b) -32 til 8-bit 2'er komplement | ($-32 + 256 = 224$) | = 11100000 |
| c) -127 til 8-bit 2'er komplement | ($-127 + 256 = 129$) | = 10000001 |
| d) -128 til 8-bit 2'er komplement | ($-128 + 256 = 128$) | = 10000000 |
| e) -77 til 8-bit 2'er komplement | ($-77 + 256 = 179$) | = 10110011 |
| f) 22 til 8-bit 2'er komplement | (22) | = 00010110 |

(3) Addisjon av binære tall

- | | |
|------------------|-----------------|
| a) 101 + 11 | = 1000 |
| b) 111 + 111 | = 1110 |
| c) 1010 + 1010 | = 10100 |
| d) 11101 + 1010 | = 100111 |
| e) 11111 + 11111 | = 111110 |

(4) Subtraksjon av binære tall

- | | |
|----------------|---------------|
| a) 110 - 10 | = 100 |
| b) 101 - 11 | = 10 |
| c) 1001 - 11 | = 110 |
| d) 1101 - 11 | = 1010 |
| e) 10001 - 100 | = 1101 |

(5) NØTT! Binær multiplikasjon

- | | |
|----------------|-------------------|
| a) 10 x 10 | = 100 |
| b) 100 x 11 | = 1100 |
| c) 101 x 10 | = 1010 |
| d) 1011 x 11 | = 100001 |
| e) 11011 x 101 | = 10000111 |

(6) Porter

- a) Vis sannhetverdien for en 3—inputs: AND, OR, NOT, NAND, NOR og XOR port

Det går ikke ann å lage en not-port med mer enn 1 inngang!

A	B	C	AND	OR	NAND	NOR	XOR
0	0	0	0	0	1	1	0
0	0	1	0	1	1	0	1
0	1	0	0	1	1	0	1
0	1	1	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	1	0	1
1	0	1	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	0	0
1	1	1	1	1	0	0	1

b) Demonstre/vis hvordan man kan konstruere en 3-inputs AND, OR, NOT, NAND, NOR og XOR port kun ved bruk av 2-inputs porter.

(7) Forenkling av uttrykk

- | | |
|-----------------------------|------------|
| a) $xy + xy'$ | = x |
| b) $(x+y)(x+y')$ | = x |
| c) $xyz + x'y + xyz'$ | = y |
| d) $(A+B)'(A'+B)'$ | = 0 |
| e) $ABC + A'B + ABC'$ | = B |
| f) $(x'yz + xz$ | = $z(x+y)$ |
| g) $(x+y)'(x'+y')$ | = $x'y'$ |
| h) $xy + x(wz + wz')$ | = $x(w+y)$ |
| i) $(BC' + A'D)(AB' + CD')$ | = 0 |

(8) Sannhetsverditabell

Vis sannhetsverdi-tabellen til: $F = xy + xy' + y'z = F(x,y,z) = \Sigma(1,4,5,6,7)$

(9) Addisjonskrets

Se foiler

(10) Forenkle følgende uttrykk med Karnaughdiagram:

a) $BA + D'B' + DB'A \Rightarrow F = D'B' + A$

		BD			
		00	01	B	
		0	1		
A	0	1			
	1	1	1	1	1
		D			

b) $CZ + Z'W + CW' + C'ZW \Rightarrow F = C + W$

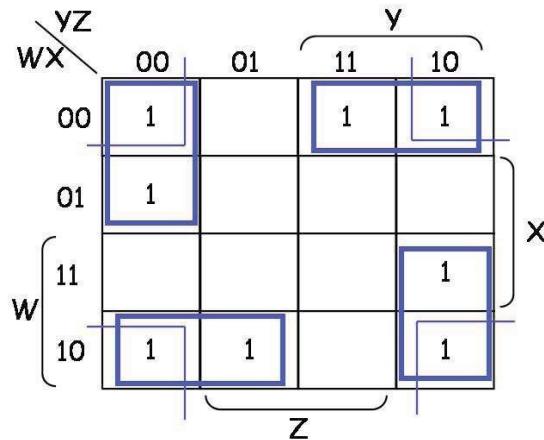
		ZW			
		00	01	Z	
		0	1	1	
C	0				
	1	1	1	1	1
		W			

c) $B'A' + D'A' + DB'A \Rightarrow F = D'A' + B'D$

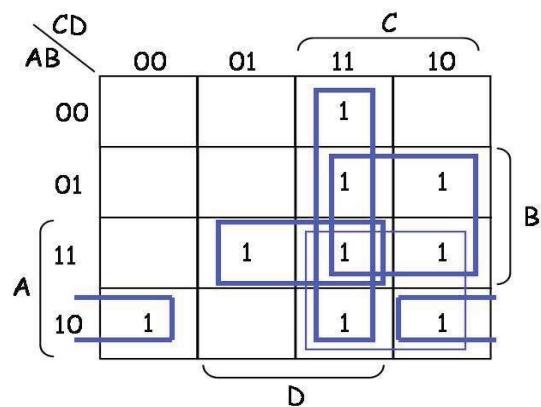
		BA			
		00	01	B	
		0	1		
D	0	1			
	1	1	1		
		A			

(11) Forenkle følgende funksjonsuttrykk

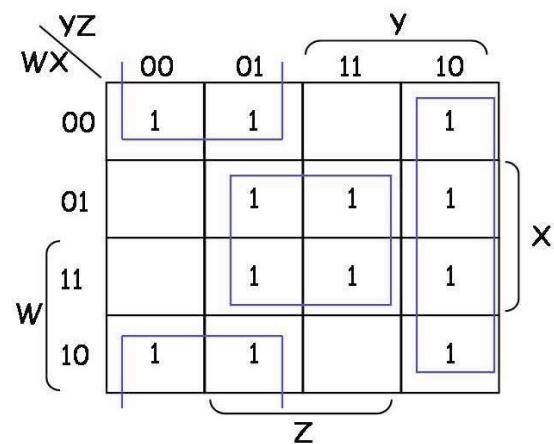
a) $F(W,X,Y,Z) = \text{Sum m}(0, 2, 3, 4, 8, 9, 10, 14) \Rightarrow F = \bar{W}\bar{Y}\bar{Z} + \bar{W}\bar{X}Y + W\bar{X}\bar{Y} + WY\bar{Z}$



b) $F(A,B,C,D) = \text{Sum m}(3, 6, 7, 8, 10, 11, 13, 14, 15) \Rightarrow F = CD + BC + ABD + AB\bar{D}\bar{D}$

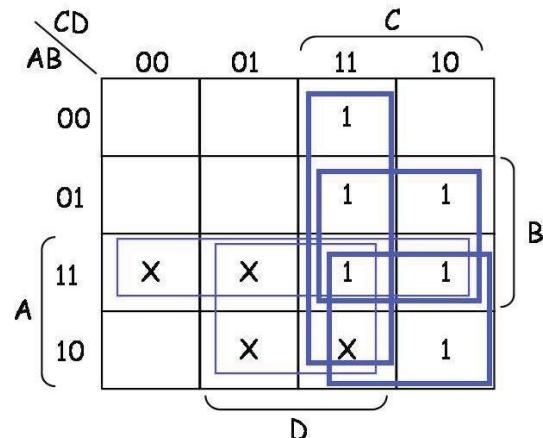


c) $F(W,X,Y,Z) = \text{Sum m}(0, 1, 2, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 13, 14, 15) \Rightarrow F = \bar{X}\bar{Y} + XZ + Y\bar{Z}$



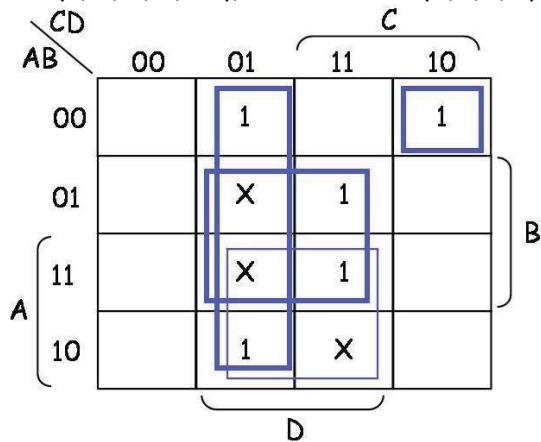
(12) Forenkle følgende funksjoner F med tilhørende "don't care"

a) $F(A,B,C,D) = \text{Sum m}(3, 6, 7, 10, 14, 15)$, don't-care: $d(A,B,C,D) = \text{Sum m}(9, 11, 12, 13)$



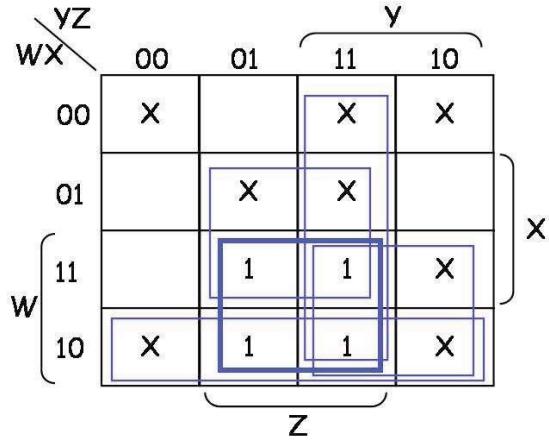
$$F = CD + BC + AC$$

b) $F(A,B,C,D) = \text{Sum m}(1, 2, 7, 9, 15)$, don't-care: $d(A,B,C,D) = \text{Sum m}(5, 11, 13)$



$$F = \bar{C}D + BD + \bar{A}\bar{B}CD$$

c) $F(W,X,Y,Z) = \text{Sum m}(9, 11, 13, 15)$, don't-care: $d(W,X,Y,Z) = \text{Sum m}(0, 2, 3, 5, 7, 8, 10, 14)$



$$F = WZ$$

(13) Forenkle følgende funksjonsuttrykk med en 4-variabels Karnaugh diagram:

$$F = wxy + yz + xy'z + x'y$$

		yz	
		00	01
wx		11	10
	00		
	01	1	1
	11	1	1
	10	1	1

$$F = \textcolor{red}{xz} + \textcolor{blue}{x'y} + \textcolor{green}{wy}$$