

Parallelisering av Radix – hint fra Arne Maus ☺

Dette dokument ser på det å parallellisere steg b) i Radix, det første steget inne i radixSort-metoden. Husk at vi allerede tidligere i kurs har parallellisert steg a), det å finne største verdien i `a[]`.

I steg b) ønsker vi å finne hvor mange det er av de ulike sifferverdiene i `a[]` – hvor mange 0-ere, 1-ere, .. osv. det er i `a[]` på det sifferet vi undersøker. Siden vi vet hvor stort sifferet er (for eksempel 10 bit) så vet vi også at de mulige sifferverdiene da er mellom 0 og 1023 (fordi $2^{10} = 1024$). Den sekvensielle koden er en enkel for-løkke:

```
for (int i = 0; i < n; i++){
    count[(a[i]>> shift) & mask]++;
}
```

Vi skal altså ha en array `count[]` hvor vi teller opp hvor mange det er av hver mulige verdi på dette sifferet. Det uttrykket `(a[i]>> shift) & mask` som finner sifferverdien i `a[i]` skal vi heldigvis ikke gjøre noe med i parallelliseringen. Det er gjennomgått i Uke3 på forelesninga, og nå skal vi bare akseptere at det virker som beskrevet.

Vi skal nå beskrive en metode som gjør at alle trådene jobber hele tiden og at vi bare gjør to synkroniseringer per tråd på en **CyclicBarrier** `synk`. Problemet her er at `count[]` er en felles variabel, og at vi bryter en av de tre reglene for skriving og lesing på felles variable hvis vi lar to eller flere av trådene skrive samtidig på samme variabel eller samme array-element eller en annen tråd lese hvis en annen tråd skriver..

Du skal følge følgende algoritme for parallellisere dette steget (anta at vi har `k` tråder, og sorterer på et siffer som har `numSif` mulige sifferverdier på det sifferet vi sorterer på):

- 1) Opprett en to-dimensjonal `int[][] allCount = new int[antTråder][numSif]` som fellesdata. I tillegg deklarerer også `int[] sumCount = new int[numSif]` som fellesdata.
- 2) Du deler så *først* opp `a[]` slik at tråd₀ får de `n/k` første elementene i `a[]`, tråd₁ får de neste `n/k` elementene, ..., og tråd_{antTråder-1} de siste elementene i `a[]`.
- 3) Hver tråd har en egen `int[] count = new int[numSif]`. Vi teller så i alle trådene opp hvor mange det er av hver mulig sifferverdi i den delen av `a[]` som vi har, og noterer det i vår lokale `count[]`.
- 4) Når tråd_i er ferdig med tellinga, henger den sin `count[]` opp i den doble int-arrayen som da vil inneholde alle opptellingene fra alle trådene, slik: `allCount[i] = count;`
- 5) Alle trådene synkroniserer på den sykliske barrieren '`synk`'.
- 6) Nå skal vi dele opp arrayen `allCount[][]` etter verdier i `a[]`, slik at tråd₀ får de `n/k` første elementene i `sumCount[]` og de `n/k` første kolonnene i `allCount[][]`, tråd₁ får de neste `n/k` elementene i `sumCount[]` og kolonnene i `allCount[][]`, ..., osv.
- 7) Hver tråd_i summerer så tallene i alle sine kolonner 'j' fra `allCount[0..antTråder-1][j]` til `sumCount[j]`.
- 8) Alle trådene synkroniserer på nytt på den sykliske barrieren '`synk`'.

Etter pkt. 8 inneholder `sumCount[]` nå det samme som `count[]` i den sekvensielle algoritmen (de tre linjene ovenfor), og alle trådene har hele tiden lest og skrevet på ulike array-elementer.

