



Invarianter, tilstander og litt mer semantikk

INF1010 – 11. mai 2017

Stein Gjessing

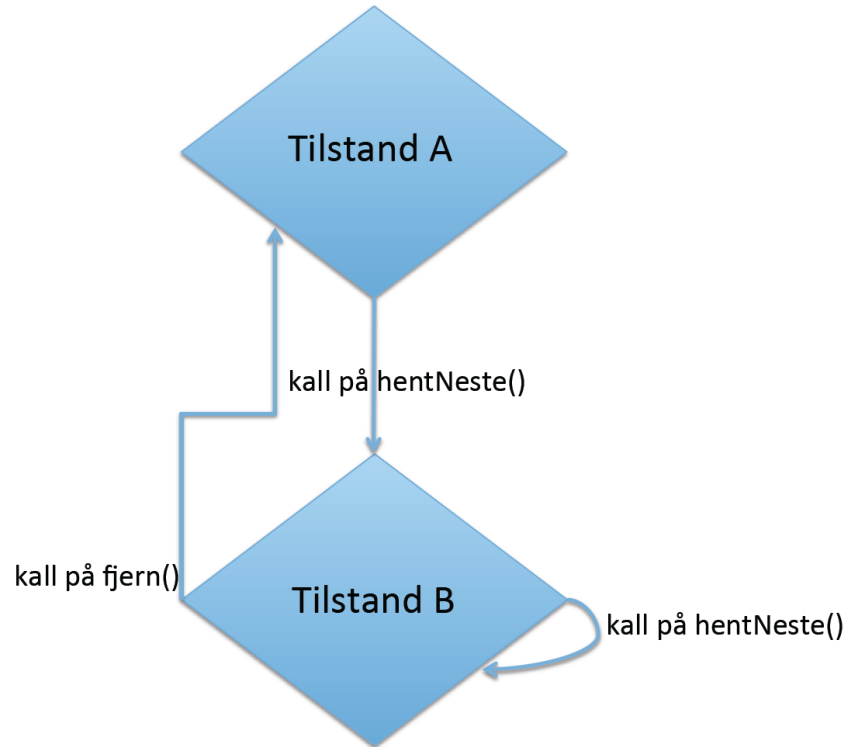


Invariant (= Invariant tilstandspåstand)

- Vi har sett flere ganger at det er svært nyttig å formulere **tilstandspåstander/tilstander** som styrer programmet (neste side).
- Når du lager en **løkke** er det alltid en invariant eller tilstandspåstand som sier hvor langt arbeidet i løkka er kommet
- Data i et **objekt** er alltid styrt av en (eller flere) invarianter (konsistensregler, tilstandspåstander)

- Tilstandspåstand = engelsk: assertion

Eksempel fra Stein Michaels forelesning om iteratorer



Tilstandsdiagram. Engelsk: state diagram

Invariant (computer science)

- In [computer science](#), an **invariant** is a condition that can be relied upon to be true during execution of a program, or during some portion of it. It is a [logical assertion](#) that is held to always be true during a certain phase of execution. For example, a [loop invariant](#) is a condition that is true at the beginning and end of every execution of a loop.
.....
- Programmers often use [assertions](#) in their code to make invariants explicit. Some [object oriented programming languages](#) have a special syntax for specifying [class invariants](#).



Invarianter på data i løkker

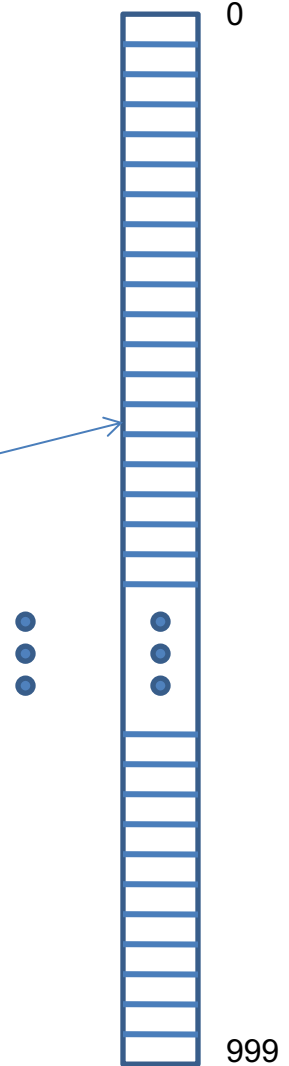
Eksempel: Finne minste verdi i tabell

`minstTilNaa`

`minstTilNaa` inneholder minste verdi i området fra og med tabell [0] til og med tabell[indeks]

= Inv(indeks):

`indeks`



Induksjons-basis: $\text{indeks} = 0$
 Induksjons-skritt: $\text{indeks} = \text{indeks} + 1$

Resultat: $\text{indeks} = 999$:

`minstTilNaa` inneholder minste verdi i området fra og med tabell [0] til og med tabell[999]

Invarianter på data i løkker

Eksempel: Finne minste verdi i tabell

`minstTilNaa`

// Vi vet ingenting annet enn at tabell [0] til og med
// tabell[999] inneholder tall. Vi skal finne det minste

```
int minstTilNaa = tabell[0];
```

```
// minstTilNaa inneholder minste verdi i området  
// fra og med tabell [0] til og med tabell[0]
```

```
for (indeks = 1; indeks < 1000; indeks ++) {
```

```
// minstTilNaa inneholder minste verdi i området  
// fra og med tabell [0] til og med tabell[indeks-1]
```

```
if (minstTilNaa > tabell [indeks] ) minstTilNaa = tabell[indeks]
```

```
// minst TilNaa inneholder minste verdi i området  
// fra og med tabell [0] til og med tabell[indeks]
```

```
}
```

```
// Nå er indeks == 1000
```

```
// minstTilNaa inneholder minste verdi i området  
// fra og med tabell [0] til og med tabell[indeks-1]
```

```
// Da følger:
```

```
// minstTilNaa inneholder minste verdi i området  
// fra og med tabell[0] til og med tabell[999] !!!!!
```

Inv(0)

Induksjons-basis

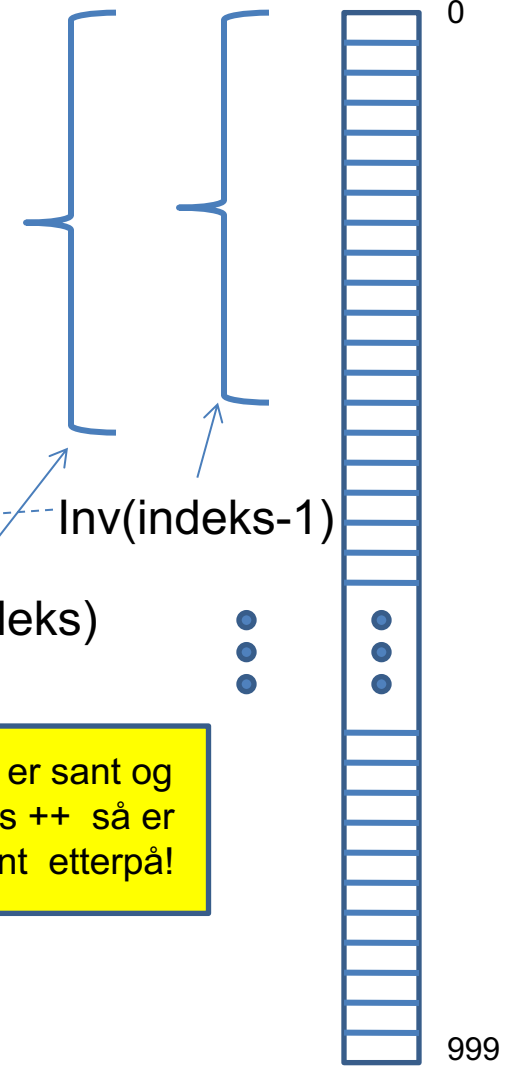
Inv(indeks-1)

Inv(indeks)

Hvis Inv(indeks) er sant og vi utfører: indeks ++ så er Inv(indeks-1) sant etterpå!

Induksjons-skritt

resultat





Invarianter på data i løkker

Eksempel: Finne minste verdi i tabell

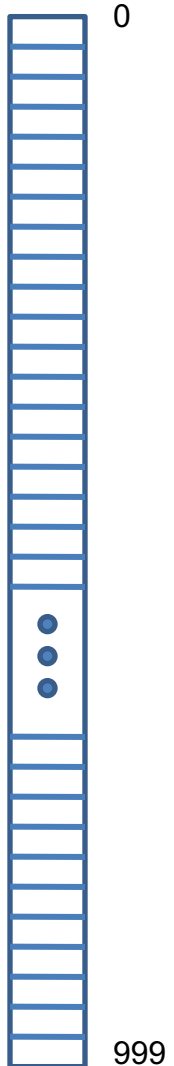

minstTilNaa

// Vi vet ingenting annet enn at tabell [0] til og med
// tabell[999] inneholder tall. Vi skal finne det minste

For-betingelse. Engelsk: Pre-condition

**Bak-betingelse.
Engelsk: Post-condition (Post-assertion)**

// minstTilNaa inneholder minste verdi i området
// fra og med tabell[0] til og med tabell[999] !!!!!



Invarianter på data i objekter

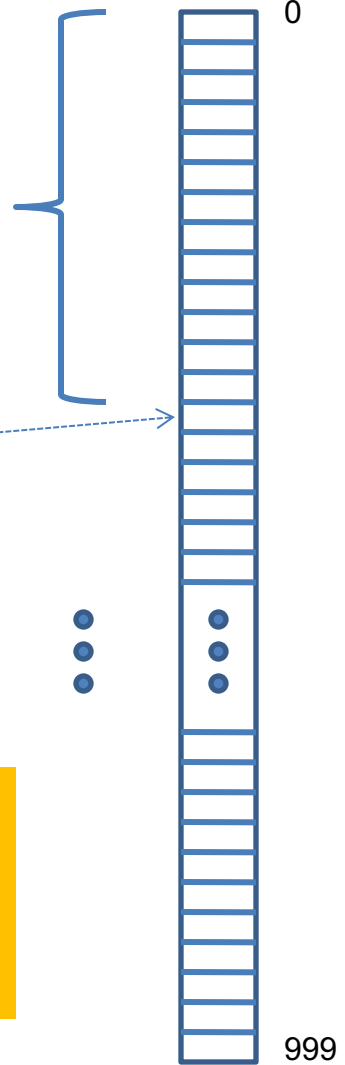
Invariant:

Alle dataene vi lagrer ligger i tabell[0]
til og med tabell [antall - 1] og
 $0 \leq \text{antall} \leq 1000$

```
setlInn(x) {  
  if (antall == 1000) return ;  
  antall ++;  
  tabell[antall-1] = x;  
}
```

```
taUt ( ) {  
  if (antall == 0) return null;  
  antall --;  
  return (tabell[antall]);  
}
```

antall



Overbevis deg (og andre)
om at invarianten gjelder
initielt og at alle metodene
bevarer den !!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!



Da gjelder den alltid

Spesifikasjon av objekters oppførsel (semantikk) ved hjelp av sekvens av metodekall:

Hvis objektet (på forrige side) har hatt følgende sekvens av kall:

settlInn(7), settInn(4), taUt(), settInn(8), settInn(2), settInn(9), taUt()

Hva returnerer nå neste kall på taUt() ?

Hva returnerer neste kall på taUt() om dette var en FIFO-kø ?