

Løsning 3.1

(a) Resultatet burde se slik ut:

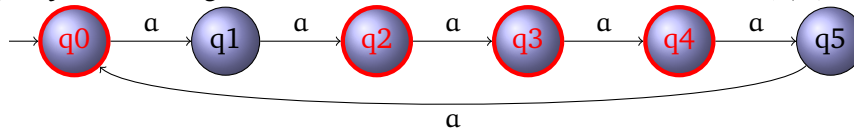
	a	b
{q0}, start	{q0}	{q1, q2}
{q1, q2}	{q1, q2, q3}	{q1, q2}
{q1, q2, q3}, final	{q1, q2, q3}	{q1, q2}

(b) Streng a, c og d blir akseptert.

(c) Alle strenger som inneholder minst en b, og ender på a.

Løsning 3.2

Den minimale DFAen vil inneholde $\text{lcm}(2,3)$ (altså 6) tilstander, mens automaten som godkjenner strenger med $\times 3$ eller $\times 5$ antall a vil inneholde $\text{lcm}(3,5)$ (altså 15) tilstander.

**Løsning 3.5**

(a) De nye tilstandene i en konvertert DFA tilsvarer delmengder av tilstandene til en NFA. Det størst mulige antall tilstander DFAen kan få tilsvarer altså *potensmengden* til NFAen. Vi skriver $\mathcal{P}(S)$ for potensmengden til S .

(b) Her må vi vise at ved hver nye tilstand som blir inkludert i DFAen, så kan det dannes alle tenkelige konstellasjoner med delmengder av tilstander. Dette kan man for eksempel ved å forestille seg følgende:

(a) Til nå har algoritmen DFA->NFA ført til at vi har innlemmet tilstandene X fra NFAen, og DFAens tilstander tilsvarer $\mathcal{P}(X) - \emptyset$.

(b) Algoritmen inkluderer nå en ny tilstand fra NFA, kall denne q . Vi må passe på at NFAen er konstruert slik at DFAen ender med $\mathcal{P}(X \cup \{q\})$ tilstander:

i. Vi har at $|\mathcal{P}(X \cup \{q\}) - \mathcal{P}(X)| = \chi$.

ii. Si at vi har χ symboler i språket som ikke finnes i den delvis oppbygde DFAens transisjoner fra før, kall disse T .

iii. Hvert symbol $s \in T$ kan gå til hver sin makrotilstand i $\mathcal{P}(X \cup \{q\}) - \mathcal{P}(X)$.

(c) Skjer dette for hvert trinn vil vi altså ende opp med en DFA som inneholder potensmengden til NFAs tilstander.

(d) For å inkludere \emptyset trenger vi bare passe på at én av makrotilstandene i NFAen ikke har en utgående transisjon for en av symbolene i alfabetet.