

INF2310 9. februar 2010 – Ukens temaer (Hovedsakelig fra kap 3.1 og 3.2 i DIP)

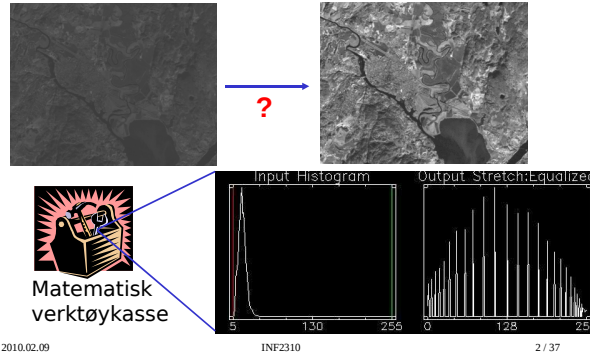
- Histogrammer
- Lineære gråtonetransformer
- Standardisering av bilder med lineær transform
- Ikke-lineære, parametriske transformeringer
- **Neste uke:** Histogrambaserte transformeringer og lokal gråtonetransform

2010.02.09

INF2310

1 / 37

Hvordan endre kontrasten i et bilde?



Histogrammer

- Et histogram er en diskret funksjon som viser antall målinger innenfor (som oftest) uniforme intervaller i et datasett
- Vi jobber med bilder og får
 - Et bilde som datasett
 - Pixel-intensiteter som målinger
- Altså en oversikt over forekomsten til intensitetene i bildet
- Kan også ha histogrammer over avledede egenskaper i bildet

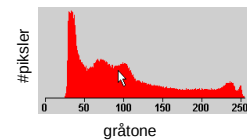
2010.02.09

INF2310

3 / 37

Gråtonehistogrammer

- Gitt et gråtonebilde med $n \times m$ piksler og G gråtoner
- Et histogram, $h(i)$, er slik at:
 $h(i)$ = antall piksler i bildet med pikselverdi i
- Dannes ved å gå igjennom alle pikslene og telle gråtoner
- Vi har naturligvis at $\sum_{i=0}^{G-1} h(i) = n \times m$



2010.02.09

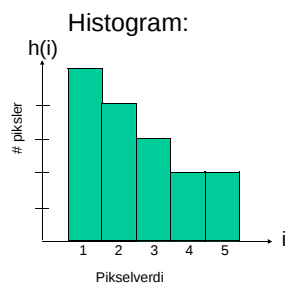
INF2310

4 / 37

Eksempel - histogram

Bilde:

1	3	2	1
5	4	5	3
4	1	1	2
2	3	2	1

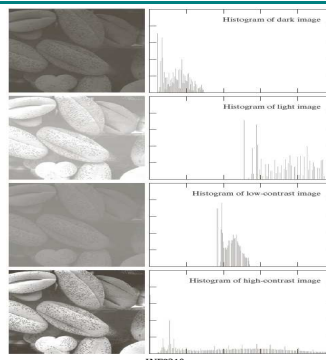


2010.02.09

INF2310

5 / 37

Eksempler



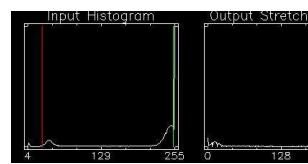
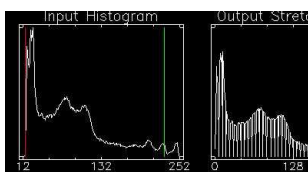
(Fig 3.16 s. 121)

2010.02.09

INF2310

6 / 37

Eksempler II



2010.02.09

INF2310

7 / 37

Oppgaver

Hvordan ser histogrammet ut?
(Anta 8 bits kvantisering)

Hvordan ser histogrammet ut?

Hvordan ser histogrammet ut?

Her er histogrammet.
Hvordan ser bildet ut?

2010.02.09

INF2310

8 / 37

Normalisert histogram

• Vi har at $\sum_{i=0}^{G-1} h(i) = n \times m$

• Det normaliserte histogrammet:

$$p(i) = \frac{h(i)}{n \times m}, \quad \sum_{i=0}^{G-1} p(i) = 1$$

- $p(i)$ kan ses på som en **sannsynlighetsfordeling** for pikselintensitetene
 - "Uavhengig" av antall piksler i bildet

Kumulativt histogram

- Hvor mange piksler har gråtone mindre enn eller lik gråtone j ?

$$c(j) = \sum_{i=0}^j h(i)$$

- Normalisert kumulativt histogram:

$$\frac{c(j)}{n \times m}$$

(Sannsynligheten for at en tilfeldig valgt piksel er mindre eller lik gråtone j)

Eksempel, kumulativt histogram



Histogram og kumulativt histogram i samme figur

Histogrammer av objekt-egenskaper

- Begrepsapparatet omkring histogrammer vil også komme til nytte i digital bildeanalyse
- Vi kan lage histogrammer over egenskaper, feks:
 - Objekt-størrelse:
 - Viser fordelingen av størrelsen på objektene, og danner grunnlag for å sette en terskel for å kunne fjerne små og uvesentlige objekter fra bildet (støy)
 - Objekt-momenter:
 - Viser fordelingen av beregnede momenter fra hvert objekt, og danner grunnlag for å samle grupper av objekter i klasser eller "cluste"

Gråtonetransformasjon

- Når vi viser et bilde på skjermen er intensiteten kontrollert av den tilsvarende verdien i bildematriksen
- Vi kan opprette en avbildnings-funksjon mellom de tallene som finnes i bildematriksen, v_{in} , og den intensiteten vi ønsker på skjermen, v_{out}
- For ett-båndsbilder er $v_{out}=T[v_{in}]$
- T kan være en parametrisk funksjon eller en tabell
- Ren gråtonetransformasjon, så ett og ett piksel transformeres uavhengig av nabopikslar
- **Global** transformasjon

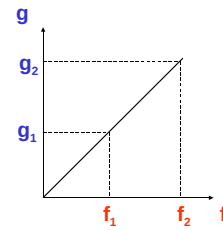
2010.02.09

INF2310

13 / 37

Identitetsmapping

- Figuren viser sammenhengen mellom pikselverdien i inn-bildet (f) og pikselverdien til den samme pikselen i utbildet (g) etter en gråtonetransformasjon
- Hvis transformasjonen er en identitetsmapping, $g=f$, vil figuren vise en rett linje gjennom origo, med stigningstall 1
- $T[i] = i$



2010.02.09

INF2310

14 / 37

Lineær avbilding

- Lineær strekking

$$T[i] = ai + b$$
$$g(x, y) = af(x, y) + b$$

- a regulerer kontrasten, og b "lysheten"
- $a > 1$: mer kontrast
- $a < 1$: mindre kontrast
- b: flytter alle gråtoner b nivåer
- Negativer: $a = -1$, $b = \text{maxverdi for bildetype}$

2010.02.09

INF2310

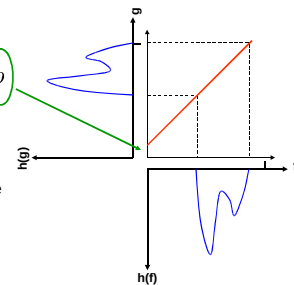
15 / 37

Endre "lysheten" (brightness)

- Legge til en konstant b til alle pikselverdiene

$$g(x, y) = f(x, y) + b$$

- Hvis $b > 0$, alle pikselverdiene øker, og bildet blir lysere
- Hvis $b < 0$, bildet blir mørkere
- Histogrammet flyttes opp eller ned med b



2010.02.09

INF2310

16 / 37

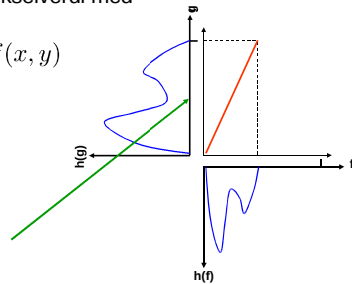
Endre kontrasten

- Multiplisere hver pikselverdi med en faktor a :

$$g(x, y) = af(x, y)$$

- Hvis $a > 1$, kontrasten øker
- Hvis $a < 1$, kontrasten minker

- Eks: Bruke hele intensitetsskalaen



2010.02.09

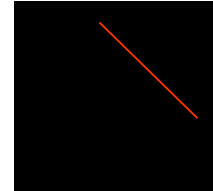
INF2310

17 / 37

Invertert gråtonebilde

- Danner bildets "negativ" ved å sett $a=-1$ og $b=\text{maksverdien}$

- Bildet får ikke negative verdier, men avbildningsfunksjonen har negativt stigningstall



2010.02.09

INF2310

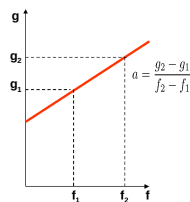
18 / 37

Fra gråtonenivå $[f_1, f_2]$ til $[g_1, g_2]$

- Endre intensiteter i intervallet $[f_1, f_2]$ til å ligge i $[g_1, g_2]$
- En lineær mapping fra f til g :

$$g(x, y) = g_1 + \frac{g_2 - g_1}{f_2 - f_1} [f(x, y) - f_1]$$

- Rett linje med stigningstall $a = (g_2 - g_1) / (f_2 - f_1)$



2010.02.09

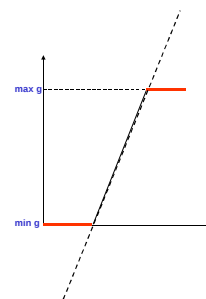
INF2310

19 / 37

Klipping etter transform

- Om $g(x, y)$ får verdier utenfor det støttede intervallet, foretas som oftest klipping av verdiene

- F.eks for et 8 bits unsigned bilde vil g bli tvunget innenfor intervallet $[0, 255]$



2010.02.09

INF2310

20 / 37

Standardisering av bilder

- Hensikt:
 - Fjerne variasjoner i «lyshet» og kontrast i en serie bilder
- Metode:
 - Justere middelveien og variansen til gråtoneverdiene i bildet ved hjelp av en lineær gråtonetransform
- Hvorfor? Fjerne effekten av
 - Døgnvariasjon i belysning
 - Aldringseffekter i lamper og detektorer
 - Akkumulering av støv på linser etc.
- HVOR:
 - Produkt-inspeksjon i industri
 - Mikroskopering av celler
 - ...

Neste uke: Kan også standardisere bildene med **histogramspesifikasjon**, men vil da ikke beholde "formen" på histogrammet

2010.02.09

INF2310

21 / 37

Middelveien av gråtonene

- Middelveien av pikselverdiene i et bilde med $n \times m$ piksler og G gråtoner kan finnes
 - enten fra bildet
 - eller fra bildets histogram, evt normalisert histogram

$$\begin{aligned} \mu &= \frac{1}{n \times m} \sum_{x=0}^{n-1} \sum_{y=0}^{m-1} f(x, y) \\ &= \frac{1}{n \times m} [0 \times h(0) + 1 \times h(1) + \dots + (G-1) \times h(G-1)] \\ &= \frac{1}{n \times m} \sum_{i=0}^{G-1} ih(i) = \sum_{i=0}^{G-1} ip(i) \end{aligned}$$

Hvorfor en fordel med det siste alternativet?

$$p(i) = \frac{h(i)}{nm}$$

(Normalisert histogram)

2010.02.09

INF2310

22 / 37

Varians av gråtonene

- Variansen av pikselverdiene i et bilde med $n \times m$ piksler og G gråtoner kan også finnes fra bildets histogram

$$\begin{aligned} \sigma^2 &= \frac{1}{n \times m} \sum_{x=0}^{n-1} \sum_{y=0}^{m-1} [f(x, y) - \mu]^2 \\ &= \frac{1}{n \times m} \sum_{i=0}^{G-1} h(i)[i - \mu]^2 \\ &= \sum_{i=0}^{G-1} p(i)[i - \mu]^2 \\ &= \sum_{i=0}^{G-1} i^2 p(i) - \left[\sum_{i=0}^{G-1} ip(i) \right]^2 \end{aligned}$$

σ^2 sier noe om kontrasten til bildet

2010.02.09

INF2310

23 / 37

Justering av μ og σ^2

- Gitt inn-bilde med middelvei μ og varians σ^2
- Anta en lineær gråtone-transform $T[i]=ai+b$
- Ny middelvei μ_T og varians σ_T^2 er da gitt ved:

$$\mu_T = \sum_{i=0}^{G-1} T[i]p(i) = a\mu + b$$

$$\begin{aligned} \sigma_T^2 &= \sum_{i=0}^{G-1} T[i]^2 p(i) - \left[\sum_{i=0}^{G-1} T[i]p(i) \right]^2 \\ &= \sum_{i=0}^{G-1} (a^2 i^2 + 2aib + b^2) p(i) - \left[\sum_{i=0}^{G-1} (ai + b) p(i) \right]^2 \\ &= a^2 \left[\sum_{i=0}^{G-1} i^2 p(i) - \left[\sum_{i=0}^{G-1} ip(i) \right]^2 \right] = a^2 \sigma^2 \end{aligned}$$

- Dvs.
 - $a = \sigma_T / \sigma$, $b = \mu_T - a\mu$
- Vi kan altså
 - velge nye μ_T og σ_T^2 ,
 - beregne a og b ,
 - anvende $T[i]=ai + b$ på inn-bildet
 - og få et ut-bilde med ønsket μ_T og σ_T^2

2010.02.09

INF2310

24 / 37

Eksempel 1: Justering av σ

- Vil beholde middelveien, slik at $\mu_T = \mu$,
men ønsker ny σ_T .
- Bestem a og b i ligningen $T[i] = ai + b$:

$$a = \frac{\sigma_T}{\sigma}, \quad b = \mu_T - a\mu = \mu \left[1 - \frac{\sigma_T}{\sigma} \right]$$

$$\Rightarrow T[i] = \frac{\sigma_T}{\sigma} i + \mu \left[1 - \frac{\sigma_T}{\sigma} \right] = \boxed{\mu + (i - \mu) \frac{\sigma_T}{\sigma}}$$

2010.02.09

INF2310

25 / 37

Eksempel 2: Justering av μ og σ

- Ønsker at alle bildene i en serie skal ha samme (μ_T, σ_T) .
- Bestem a og b i ligningen $T[i] = ai + b$:

$$a = \frac{\sigma_T}{\sigma}, \quad b = \mu_T - a\mu = \mu_T - \mu \frac{\sigma_T}{\sigma}$$

$$\Rightarrow T[i] = \frac{\sigma_T}{\sigma} i + \mu_T - \mu \frac{\sigma_T}{\sigma} = \boxed{\mu_T + (i - \mu) \frac{\sigma_T}{\sigma}}$$

- For hvert bilde må vi finne bildets (μ, σ)

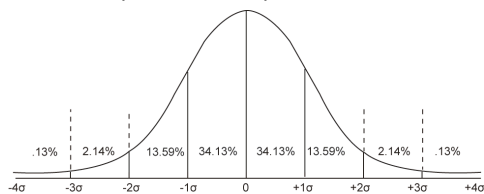
2010.02.09

INF2310

26 / 37

Valg av standardavvik

- Anta at histogrammet til innbildet er normalfordelt $N(\mu, \sigma)$, og at vi velger $\mu_T = G/2$.
- Hva er da optimalt valg av σ_T ?
- Hvor stor percentil blir klipt?



2010.02.09

INF2310

27 / 37

Ikke-lineær transform

- Logaritmisk skalering
 - Eks: Desibel og radarbilder, Fourier-transform
- Ekspontiell skalering
- Gamma-skalering
- Stykkevis-lineær skalering
- Hva gjøres med kontrasten i de mørke og lyse delene av bildet etter slike skaleringer
 - Tegn skisse av funksjonene og se Δf mot Δg

2010.02.09

INF2310

28 / 37

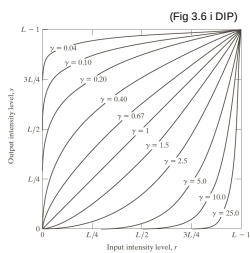
Power-law (gamma)-transformasjoner

- Mange bildeproduserende apparater har et input/output-forhold som kan beskrives som:

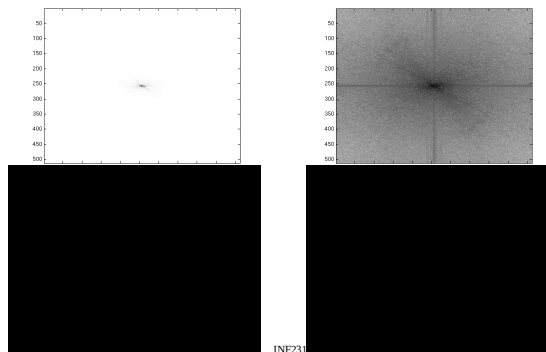
$$s = ci^\gamma$$

der s er ut-intensiteten ved en input i

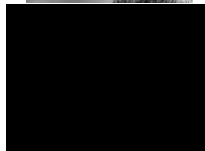
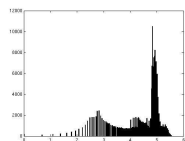
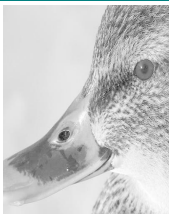
- Kan korrigeres ved gråtonetransformen $T[i] = i^{1/\gamma}$
- Generell kontrast-manipulasjon
 - Brukervennlig med kun én variabel



Logaritmisk mapping

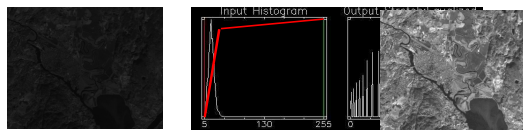


Ekspontiell mapping



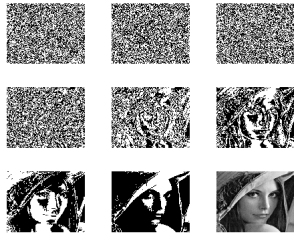
Stykkevis lineær mapping

- Brukerspesifisert stykkevis lineær mapping for å fremheve visse intervaller



Bit-plan-oppdeling

- Gir binært bilde basert på om pikslens n -te bit er satt
- I eksemplet, kun de siste 4 bit inneholder visuell signifikans
- Kan benyttes i kompresjon
 - Kun beholde visse plan
 - Effektivt å kode binære bilder (f.eks "runlength")



2010.02.09

INF2310

33 / 37

Terskling

- Dette er et grense-tilfelle av lineær transformasjon, der alle ut-verdiene settes lik 0 for inn-verdier f i et intervall $0-T$, mens alle andre ut-verdier settes lik 1
- Dette gir et to-nivå (binært) ut-bilde

2010.02.09

INF2310

34 / 37

Implementasjon: Oppslagstabeller (LUT)

- Mål: Effektivisere implementasjonen
- Avbildningsfunksjonen utføres på alle mulige intensiteter og resultatene lagres i en tabell (LUT=look up table)
- Gråtone-avbildningen utføres så som oppslag i en tabell
- Hardware
 - LUT-operasjonen utføres på data-strømmen mellom hukommelse og display "on the fly" (på grafikkortet)
 - Innholdet i bilde-matrisen endres ikke
 - Kontrastendring ved kun å endre tabellverdiene
- Software
 - Utregning av avbildningsfunksjonen for hvert piksel blir byttet ut med enkelt tabelloppslag

2010.02.09

INF2310

35 / 37

Implementasjon av gråtoneoperasjoner

```
for x=0:width-1
  for y=0:height-1
    g(x,y)=a*f(x,y) + b
```

 } direkte implementasjon

```
for i=0:nGreyLevels-1
  T[i]=a*i+b
```

 } ved bruk av LUT

```
for x=0:width-1
  for y=0:height-1
    g(x,y)=T[f(x,y)]
```

 } endring av pikselverdiene

2010.02.09

INF2310

36 / 37

Oppsummering

- Gråtonehistogrammer
- Lineær transform
 - Forstå effekten av parametrene **a** og **b**
- Standardisering av bilder med lineær transform
 - Fjerne effekten av variasjoner i avbildningsforhold (døgnvariasjon, lampe, støv etc)
 - Hvordan bestemme **a** og **b** for å få ønsket μ_T og σ_T
- Ikke-lineære, parametriske transformeringer
 - Logaritmisk, eksponentiell, "gamma", stykkevis lineær
 - Hva gjøres med kontrasten i de mørke og lyse delene av bildet etter slike transformeringer
 - Tegn skisse av funksjonene og se Δf mot Δg