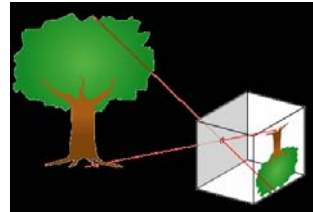


# INF 1040

## Syn, avbildning og digitale bilder

### Temaer i dag :

1. Synssystemet vårt
2. Avbildning
3. Digitalisering av bilder



- **Pensumlitteratur:** Læreboka, kapittel 12, 13 og 14.

## Øyet og synssystemet vårt

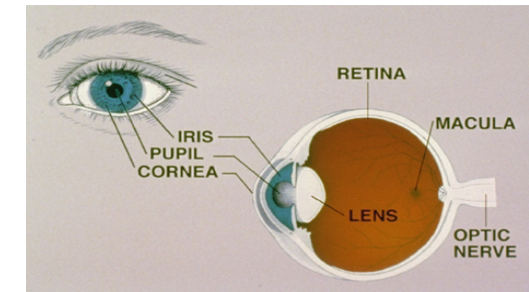
- **Motivasjon for å kunne noe om dette:**
  - Mesteparten av vår sensoriske input kommer via synssansen.

### Fleksibel optikk:

- Deformerbar linse

### Adaptiv detektor:

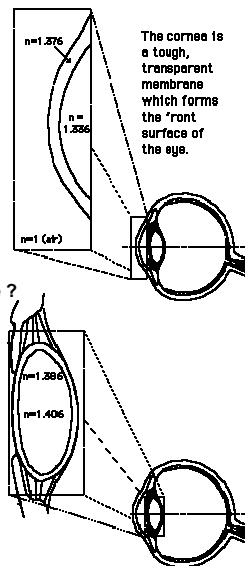
- Variabel oppløsning
- Logaritmisk respons
- Pre-prosessering
- Separate systemer for høylys- og lavlyssyn



### Enorm prosesserings- og lagringskapasitet i hjernen

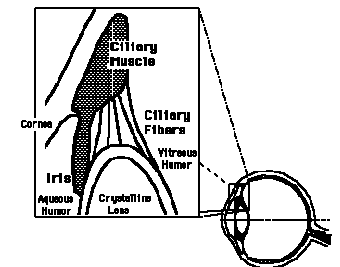
## Øyets linsesystem

- Øyets linsesystem fokuserer lyset.
- Øyelinsen har en fokallengde,  $f$ , som er ca 1.5 cm.
- Linsestyrken angis ofte i "dioptr",  $d=1/f$ , der  $f$  er gitt i meter.
- Øyelinsen er vanligvis 67 d ( $1/1.5 \cdot 10^{-2} \approx 67$ ), hvorav hornhinna (*cornea*) står for 45 d.
- Q: Hva betyr det at man korrigerer langsynthet med en +3.0 brille?  
A: Man bruker en konvergerende linse med  $f = 1/3$  m.
- Q: Hva er fokallengden for en - 4.0 brille?  
A:  $f = 1/d = -1/4 = -0.25$  m, divergerende linse.
- Øyelinsen er veldig spesiell: den kan endre fokallengde.
  - Evnen til å skifte fokus raskt (*akkomodasjon*) svekkes med alderen.



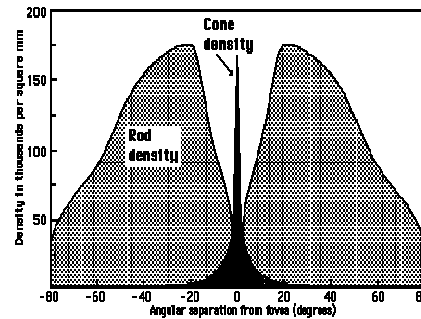
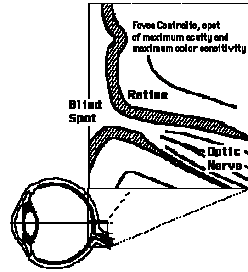
## Iris og pupillen

- Iris er den fargede delen av øyet.
- Den fungerer som en blender:
  - Kraftig lys: lukker seg til diameter 2 mm
  - Svakt lys: åpner seg til ca 8 mm
- Digitale bilder av iris kan brukes til verifikasjon ved adgangskontroll
  - mønstret er tilstrekkelig unikt for hver person.
- Pupillen er den svarte åpningen - midt i iris - som slipper lys inn i øyet



## Netthinna (retina)

- Netthinna er det lysfølsomme laget bak i øyet.
- Dekker omtrent 65% av den indre flaten.
- Omtrent 130 millioner detektorer.
- To typer: staver ("rods") og tapper ("cones").
- Tappene er konsentrert i fovea.
- Stavene er fordelt over resten av netthinna.
- Detektorene vender bort fra lyset!
- Der synsnerven går ut av øyet, har netthinna en blind flekk.



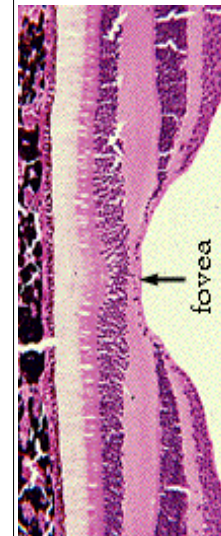
## Egenskaper ved synet

- Vi kan se lysintensiteter over et intervall på 10 dekadere
  - "Blendings-intensiteten" er  $10^{10}$  ganger så høy som den svakeste intensitet vi kan oppfatte.
- Vi ser bare et visst antall nivåer samtidig.
  - Den minste gråtone-forskjellen vi kan oppfatte er ca 2%.
  - Vi ser ca 50 forskjellige gråtoner samtidig.
  - Vi kan se mange flere fargenyanser samtidig.
- Når øyet skifter fokus til et annet sted i bildet tilpasser synet seg et annet intensitetsnivå.
  - Vi ser lokale intensitets-forskjeller, både i høylys og lav-lys.

## Staver og tapper

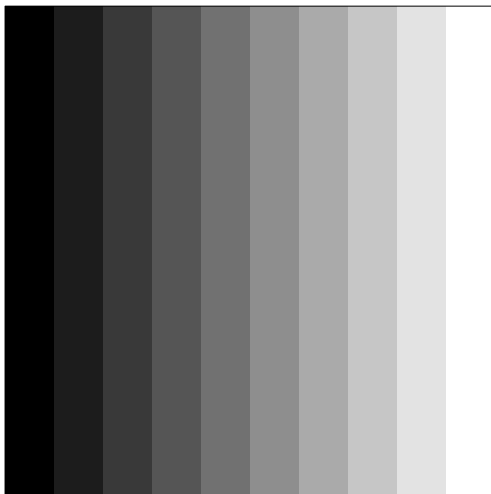
- To klasser av reseptorer:
  - Ca 120 millioner staver ("rods"), spredt over hele netthinna.
    - Flere koblet til hver nerve-ende => lav geometrisk oppløsning
    - Scotopisk (lav-lys) syn: dekker nedre 5 - 6 dekadere
    - Gir bare gråtoner (½ time mørke => 10 000 ganger høyere følsomhet)
    - Er ikke følsomme for rødt lys
  - Ca 7 millioner tapper ("cones"), konsentrert i fovea
    - Koblet til hver sin nerve-ende => høy geometrisk oppløsning
    - Fotopisk (høy-lys) syn: dekker øvre 5 - 6 dekadere
    - Farge-følsomme: 3 typer (R=700 nm, G=546nm, B=436 nm)

## Fovea



- Den gule flekken (*macula*) er ca 3 mm i diameter.
- *Fovea centralis* er ca 0.3 mm i diameter.
  - Overliggende celledag borte
    - Mer lys til detektorene
  - Bare tapper (høylys, fargesyn)
    - Veldig høy tetthet => høy geometrisk oppløsning.
    - Hver tapp er koblet til en nerve-ende.
- Når vi ser direkte på et objekt, øker oppløsningen, fordi øyet *foveerer* – flytter bildet til fovea.

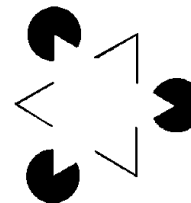
## Nevrale prosessorer i netthinna



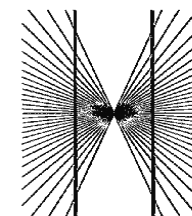
- Netthinna forsterker kanter.
- Stimulering av én del av netthinna undertrykker stimulering av en annen del.
- Dette øker kontrasten ved overgang mellom uniforme regioner i bildet.
- Kalles "Mach-bånd"

## Optiske illusjoner

### Illusoriske konturer



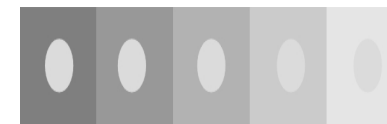
### Rette og buete linjer



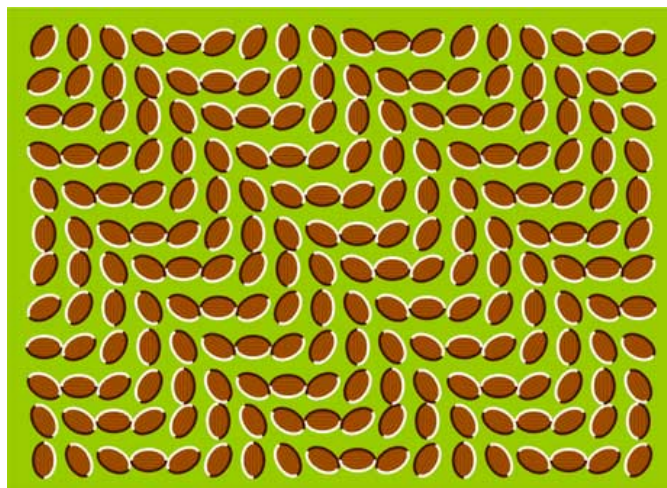
### Multistabile bilder



### Simultan kontrast



## Optiske illusjoner – "bevegelse"



## Farge-ergonomi

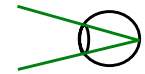
- Øynene stiller krav til arbeidsmiljøet
- Farger gir mer informasjon, hurtig identifikasjon, gir sammenhenger og assosiasjoner, øker motivasjonen.
- Jo flere farger, desto bedre? Sannheten er som vanlig noe mer nyansert.
- Rødt øker blodtrykk, puls og svette midlertidig. Blått virker motsatt.
- Viktig at ikke overlesset fargebruk forvirrer.
- Få og lett gjenkjennelige farger.
- Samme lysstyrke og fargemetning.
- Stabile farger – minst mulig påvirket av rombelysning.
- **Minst mulig farge-stereopsi: Forskjellige farger fokuserer i ulike plan. Resultat: Øye-hjerne arbeider med re-fokusering => hodepine og trøtthet.**

## "T-Rex and Me"

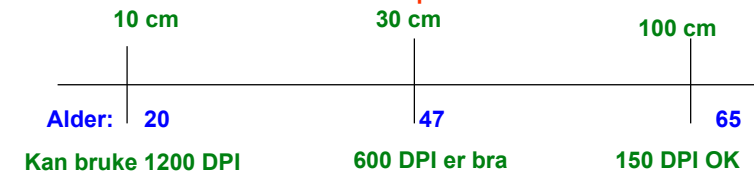
- I synshjernebarken (visual cortex) sitter flere sett av kant-detektorer, som finner kanter og linjer med forskjellige orienteringer (vinkler) og forskjellige tykkelser.
- Separate sett detektorer for høyre og venstre øye.
- Øyet skanner over objektet, og konsentrerer seg om de interessante, krumme kantene.
- I tillegg har vi flere typer raske øyebevegelser.
- Når øyet beveger seg raskt, er synet "slått av".
- Uten de raske øyebevegelsene, som gir nye reseptorer muligheten til å se bekrefte konturene av objektet, faller synet ut i løpet av sekunder.

## Hvor fine detaljer kan vi se?

- Vi kan se ca. 60 svarte og 60 hvite rader per grad av synsfeltet.
- Et A4-ark holdt ca. 30 cm foran øyet
  - dekker et synsfelt på ca. 50° horisontalt og 40° vertikalt
- 50° horisontalt synsfelt =>  $50 \cdot 60 = 3\,000$  vertikale linjer -> 6 000 piksler
- 40° vertikalt synsfelt =>  $40 \cdot 60 = 2\,400$  horisontale linjer -> 4 800 piksler
- 6 000 piksler / 11 tommer (A4) → 550 DPI (dots per inch)



Vi kan fokusere skarpt ned til avstander:



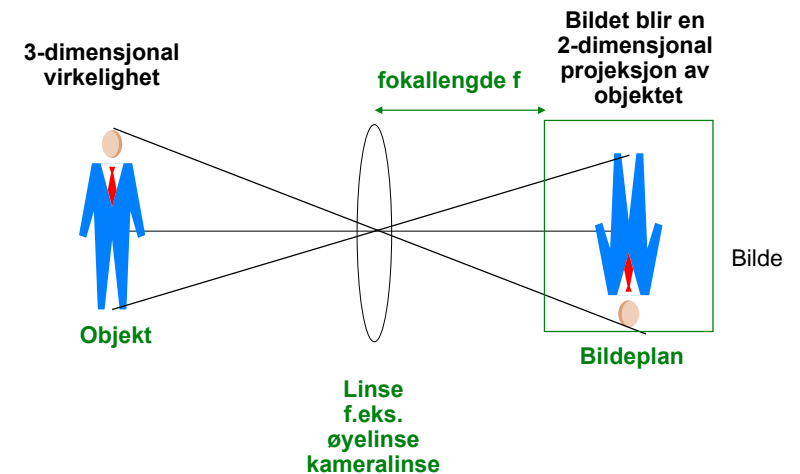
## Avbildning

- Avbildning er en prosess som produserer et bilde av en del av våre omgivelser.
  - Visualisering er ikke avbildning.
- Vi konsentrerer oss om digitale bilder.
- **Motivasjon for å kunne noe om dette:**



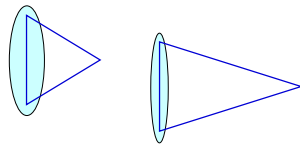
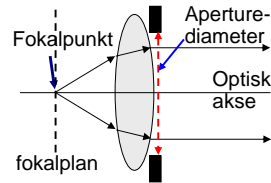
- *Hvor små må detektorene i bildeplanet være for å få med seg alle detaljene?*
  - Da må vi finne hvor store de minste synlige detaljene i bildet er, når vi kjenner linsens diameter og lysets bølgelengde.
- *Hvordan skal vi sample og kvantisere disse detaljene?*
  - Nyqvist-teoremet – en gang till!
- *Hvor mange detektorer trenger vi for å dekke hele bildet?*
  - Da må vi finne ut hvor stort bildet av objektet blir, gitt at vi kjenner fokallengden til linsen, avstanden til objektet og objektets størrelse.

## Kamera og optikk



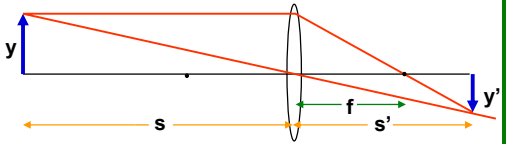
# Linser

- En **konveks** linse vil samle lysstråler som er parallelle med **optisk akse** i **fokalpunktet**.
- Avstanden fra fokalpunktet til midten av linsen er **fokallengden**.
- Bildet av et fjernt objekt dannes i **fokalplanet**.
- Linsen kan blendes ned til en **aperture-diameter**  $\leq$  **fysisk diameter**.
- Fokallengden avhenger av krumningen på linseflatene:
  - En veldig krummet linse har kort fokallengde
  - En flattere linse har lang fokallengde.



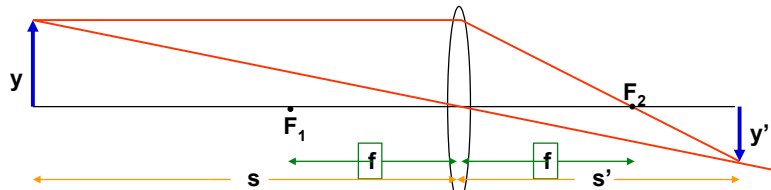
# Objekt-bilde relasjonen (avsnitt 13.2.1)

- Lysstråler parallelle med optisk akse går gjennom fokalpunktet.
- Lysstråler gjennom linsens sentrum avbøyes ikke.
- En trekant til venstre og en til høyre for linsen gir oss  $\frac{y}{s} = \frac{y'}{s'} \Rightarrow \frac{y'}{y} = \frac{s'}{s}$
- To trekanter med felles toppunkt i fokalpunktet til høyre for linsen gir  $\frac{y}{f} = \frac{y'}{s'-f} \Rightarrow \frac{y'}{y} = \frac{s'-f}{f}$
- To uttrykk for  $y'/y$  settes lik hverandre og gir  $\frac{s'}{s} = \frac{s'-f}{f}$
- Rydder vi litt og får "objekt-bilde relasjonen":



$$\frac{1}{s} + \frac{1}{s'} = \frac{1}{f}$$

# Objekt-bilde relasjonen (avsnitt 13.2.1)



- Objekt-bilde relasjon:  $\frac{1}{s} + \frac{1}{s'} = \frac{1}{f}$   
Mer praktisk:  $s' = \frac{sf}{s-f}$
- Forstørrelse:  $m = y'/y = s'/s$
- Hvor stort blir bildet?  $y' = ys'/s$ .

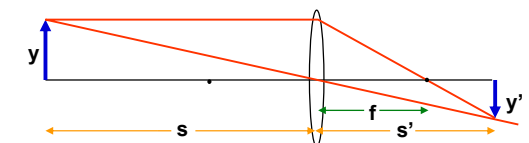
Setter vi inn det uttrykket vi har for  $s'$  ovenfor, finner vi et nyttig uttrykk for størrelsen på bildet i fokalplanet:

$$y' = \frac{yf}{s-f}$$

# Hvor stort blir bildet av Månen ?

- Hvor stort blir bildet av månen med  $f = 50$  mm?
- Månen har en diameter på 3 476 km, og avstanden fra jorda til månen er 384 405 km.
- $s = 384\,405$  km,  $f = 50$  mm,  $y = 3\,476$  km i figuren vår

$$y' = \frac{yf}{s-f}$$



- Da blir  $y' = yf / (s - f) = 3\,476 \text{ km} \cdot 50 \text{ mm} / (384\,405 \text{ km} - 50 \text{ mm}) = 0.45 \text{ mm}$ .
- Dette bildet fyller bare 0.2 promille av arealet på en  $24 \cdot 36$  mm film!

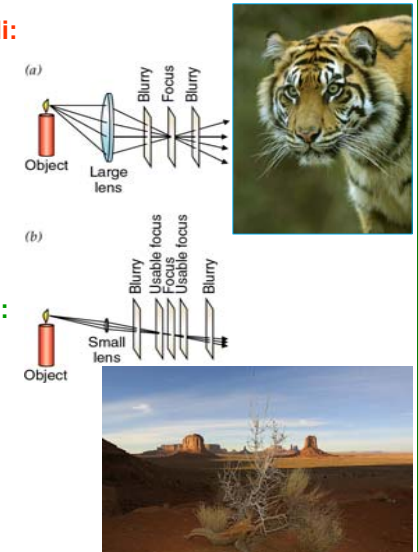
## Synsfelt og perspektiv

- For et gitt bildeutsnitt vil fokallengden bestemme hvor stort synsfelt vi får.
- Hvis bildeutsnittet i fokalplanet er  $24 \cdot 36$  mm:
  - $f = 28$  mm gir et vidvinklet synsfelt:  $75^\circ$
  - $f = 300$  mm zoomer inn synsfeltet til bare  $8^\circ$ .
- Fokallengden kan forvrengje perspektivet.
  - Kort brennvidde gir stor nese i *en face* portrett.
  - Telelenser komprimerer dybden i bildet.
- "Normalobjektiver" gir samme perspektiv som øyet
  - $f = 50$  mm gir  $47^\circ$  synsfelt på  $24 \cdot 36$  mm film
  - En liten detektor-brikke i et digitalkamera kan gi normalt perspektiv med en liten linse med kort brennvidde, men oppløsningen vil bli dårligere.



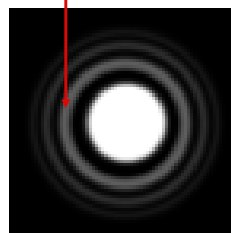
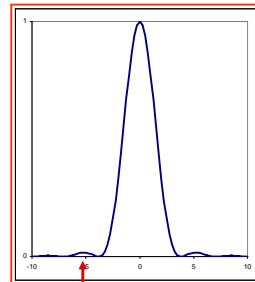
## Apertur og dybdeskarphet

- **Stor linse-apertur  $D$ , liten  $f/D$  - verdi:**
  - Mindre dybdeskarphet
    - Fokus er mer kritisk
  - Kortere eksponeringstid
    - Mindre bevegelses-uskarphet
  - Bedre oppløsning av detaljer
- **Liten linse-apertur  $D$ , stor  $f/D$ -verdi:**
  - Bedre dybdeskarphet
    - Fokus mindre kritisk
  - Lengere eksponeringstid
    - Mer bevegelses-uskarphet
  - Dårligere oppløsning av detaljer



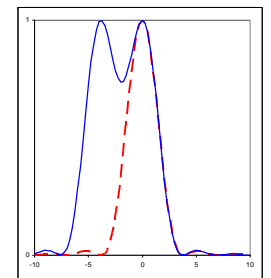
## Punktspredningsprofil (PSF)

- En linse avbilder ikke en punktkilde (for eksempel en stjerne) som et lite punkt.
- På grunn av diffraksjon vil en sirkulær linse avbilde en punktkilde som en lys flekk med mørke og lyse ringer rundt, der intensiteten til ringene avtar ganske raskt utover.
- Hver aperture har en "punktspredningsprofil" (PSF) eller diffraksjonsprofil.
  - PSF for en gitt aperture kan beregnes ved hjelp av enkle ligninger.



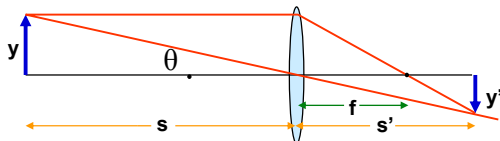
## Rayleigh-kriteriet

- To lys-punkter kan akkurat adskilles i bildet hvis de ligger slik at sentrum i det ene diffraksjonsmønstret faller sammen med den første mørke ringen i det andre.
- Linse med diameter  $D$ , bølgelengde  $\lambda$ .
- La maksimum til den ene falle i første minimum til PSF for den andre.
  - Vinkelen mellom dem er da gitt ved
 
$$\sin \theta = 1.22 \lambda / D \text{ radianer.}$$
  - Dette er "Rayleigh-kriteriet".
  - Vi kan ikke se detaljer mindre enn dette.



## Den minste detalj i et bilde ...

- ☐ Fokallengde:  $f = 35 \text{ mm}$ .
- ☐ F-tall:  $f/D = 3 \Rightarrow D = f/3$ .
- ☐ Avstand til objektet:  $s = 3.5 \text{ meter}$ .
- ☐ Bølgelengde:  $\lambda = 500 \text{ nm}$ .



- ☐ **Vinkelopløsningen, sett fra lensens sentrum, er gitt ved Rayleigh-kriteriet:**

$$\sin(\theta) = 1.22 \lambda / D = 1.22 \cdot 500 \cdot 10^{-9} \cdot 3 / 35 \cdot 10^{-3} = \underline{5.23 \cdot 10^{-3} \text{ (radianer)}}.$$

- ☐ **Q: Hva er avstanden y mellom to akkurat adskillebare punkter på objektet ?**

- ☐ A: Gitt ved:  $\text{tg}(\theta) = (y/s)$ .

For små vinkler er  $\sin(\theta) = \text{tg}(\theta) = \theta$ , når  $\theta$  er gitt i radianer.

$$y = 3.5 \cdot 5.23 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 1.83 \cdot 10^{-4} \text{ m} \approx \underline{0.2 \text{ mm}}.$$

- ☐ **Q: Hva er den tilsvarende avstanden y' i fokalplanet?**

- ☐ A:  $y' = y \cdot f / (s - f)$

$$y' = 0.2 \cdot 35 / (3500 - 35) \text{ mm} \approx 0.002 \text{ mm} = \underline{2 \mu\text{m}}.$$

## Andre sensorer enn øyet

- ☐ Aktive og passive sensorer: "belyse og se" eller bare "se".
- ☐ Optisk satellittbilde: Landsat
- ☐ Radarbilde fra satellitt: SAR
- ☐ Infrarødt satellittbilde
- ☐ Medisinsk ultralyd
- ☐ Røntgen og CT
- ☐ NMR – magnetisk resonans
- ☐ Sonar, seismikk – lyd
- ☐ Mikroskopi
- ☐ Laser avstand scanner

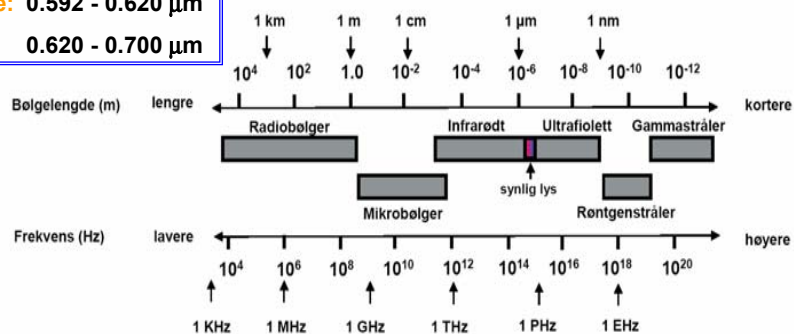
## Det elektromagnetiske spekteret

- Fiolett:** 0.400 - 0.446  $\mu\text{m}$
- Blå:** 0.446 - 0.500  $\mu\text{m}$
- Grønn:** 0.500 - 0.578  $\mu\text{m}$
- Gul:** 0.578 - 0.592  $\mu\text{m}$
- Oransje:** 0.592 - 0.620  $\mu\text{m}$
- Rød:** 0.620 - 0.700  $\mu\text{m}$

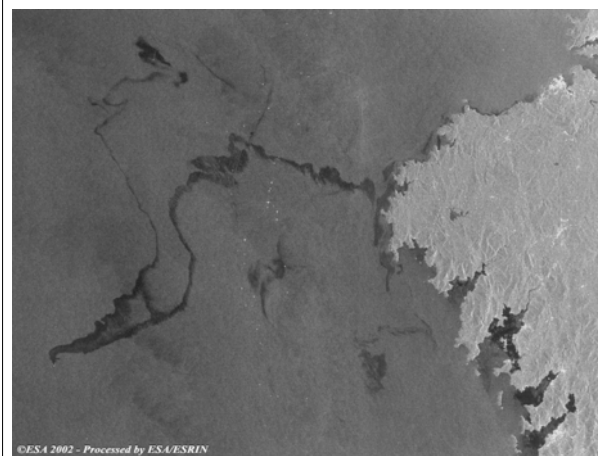
### Sammenheng mellom bølglengde og frekvens:

$$c = f \lambda \text{ (bølgeligningen)}$$

$c = \text{lysets hastighet } (3 \cdot 10^8 \text{ m/s})$   
 $\lambda = \text{bølglengde (m)}$   
 $f = \text{frekvens (svingninger pr. sekund, Hz)}$



## Eksempel: radarbilde av oljesøl fra skipsforlis



- ☐ Radar detekterer overflatens "røffhet".
- ☐ Olje demper vindbølger på vann.
- ☐ Radarbilder fra satellitt og fly kan overvåke oljesøl
  - Fra skipsforlis
  - Utslipp fra skip
  - Utslipp fra oljerigger
- ☐ Eksempel:
  - M/S Prestige, 2002.

© ESA

## Satellittbilder med lav og høy oppløsning

- Lavoppløsningsbilder gir oversikt, f.eks innen meteorologi.

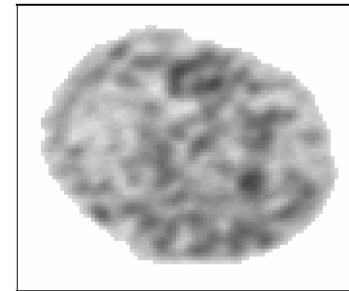


- Høyoppløselige bilder nyttige til kartlegging, arealplanlegging, spionasje, ...

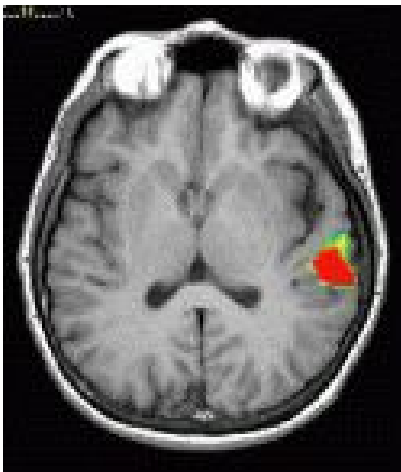


## Medisinsk mikroskopi

- Eksemplet viser mikroskopi-bilder av cellekjerener fra kreftsvulst i eggstokkene (ovarie) for en pasient med god prognose (venstre) og en pasient med dårlig prognose (høyre).
- Visuelt kan man ikke se forskjell, men med matematisk analyse av teksturen kan man klassifisere dem riktig.



## Funksjonell MR



- Funksjonell MR (f MRI) avbilder de delene av vevet hvor oksygenforbruket er høyt eller endres mens man gjør opptaket.
- Kan f.eks avbilde de delene av hjernen som er i aktivitet når man utfører en spesiell oppgave.
- Eksempel: axialt snitt fra lyttende person (Miami Childrens Hospital)
- Tilsvarende verbal aktivitet ligger nær dette området i hjernen (ved venstre tinning).

## Flerdimensjonale bilder

- Et 2-D bilde er en projeksjon av et 3-D objekt.
  - For å gjenskape objektet i 3-D må vi ha flere 2-D projeksjoner.
  - Vi må løse "korrespondanseproblemet", hvilke punkter i bildene svarer til samme punkt i virkeligheten.
  - Dette gjør hjernen vår. Kombinerer høyre og venstre bilde - *stereo-syn*.
- Laser avstandsmåler gir 2-D avbildning av den tredje dimensjonen.
- CT og MR gir 3-D bilder av organer inne i kroppen vår.
- Mikroskopi
  - *konfokal mikroskopi belyser og avbilder på flere dyp i vevet,*
  - *serielle tynne snitt av cellepreparater gir 3D bilder med meget høy oppløsning.*
- En tidssekvens av 2-D bilder kan sees på som et 3-D datasett.
- En tidssekvens av 3-D bilder kan betraktes som et 4-D bilde.
- Avbildning på flere bølgelengder for hvert tidspunkt gir et 5-D bilde.



## Digitalisering i tre enkle steg

- Et kontinuerlig bilde er en reell funksjon  $f(x,y)$  av to (eller flere) reelle og kontinuerlige variable.
- 1. Vi legger på et rutenett, og beregner gjennomsnittsverdien av  $f(x,y)$  i hver rute.
  - Dette er samlingen.
    - Rutenettet er vanligvis kvadrater.
    - Vi har nå en reell funksjon  $f'(x',y')$ , der heltallene  $x'$  og  $y'$  gir nummereringen av rutene.
- 2. Vi skalere  $f'(x',y')$  slik at den passer innenfor det tall-området vi skal bruke som gråtoneskala.
- 3. Vi kvantiserer verdiene av  $f'(x',y')$  til nærmeste heltall i gråtoneskalaen.
  - Vi har nå funnet  $f''(x',y')$ , som er en heltalls funksjon av to heltalls variable.

## Viktige begreper

- Et **digitalt bilde** er en funksjon av to (eller flere) heltallsvariable  $f(x,y)$  ( $x$  og  $y$  er heltall)
- Et 2-dimensjonalt digitalt bilde er en 2-dimensjonal array/matrise. Dette kalles **raster-representasjon**.
- Hvert element i matrisen kalles et **piksel**, og angis ved koordinater  $x$  og  $y$ .
- Tallverdien til hvert piksel angir **intensiteten** til pikslet.
- Lagres pikselverdiene i **matriser**, trenger vi ikke ta vare på koordinatene.

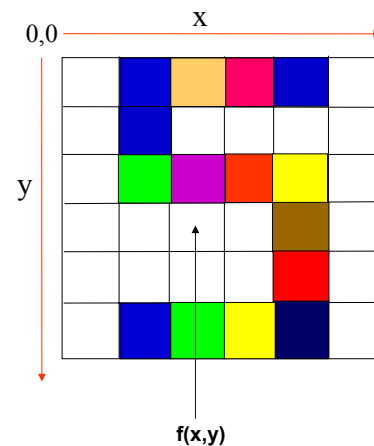
	x					
	1	5	7	3	6	4
	3	7	7	6	4	3
y	2	4	4	3	4	4
	3	3	1	1	1	1
	3	3	3	9	9	9
	5	6	5	5	6	6

Merk: origo (0,0) er ofte oppe i venstre hjørne i bildet.  
Det første pikslet kan ha indekser (0,0) eller (1,1)



## Representasjon av digitale bilder



- $f(x,y)$  er bildeverdien i piksel  $(x,y)$ .
- $f(x,y)$  er et tall som forteller noe om intensiteten (lysstyrken) målt i punktet  $(x,y)$ .
- $f(x,y)$  kan også være en vektor, f.eks.  $(r,g,b)$  for et fargebilde.
- $f(x,y)$  må representeres med en gitt datatype (integer, byte, float etc.).



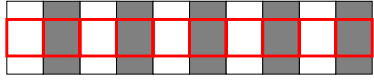

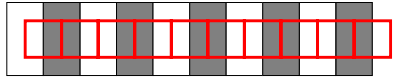
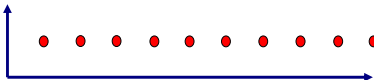
## Sampling – Nyquist igjen

- Antar at bildet inneholder av et endelig antall frekvenser.
- En høy frekvens beskriver et mønster som varierer hurtig i bildet, lav frekvens noe som varierer langsomt.
- **Nyquist-kriteriet:** Samplingsraten må minst være dobbelt så stor som den høyeste frekvensen i bildet.
  - Dette betyr: Vi må sample minst to ganger pr. periode av det objektet som varierer hurtigst i det kontinuerlige bildet.
- Det digitale bildet må altså ha minst to piksler pr periode for den minste periodisk struktur i det kontinuerlige bildet.
- I tillegg må vi ha god nok optikk til å avbilde slike strukturer !

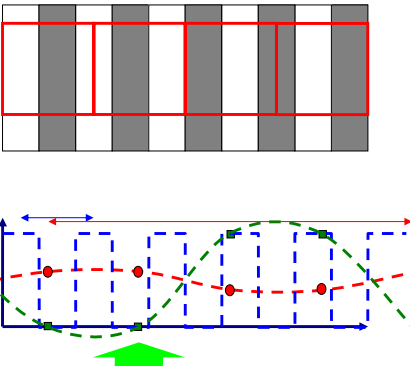
## Kommentar om sampling av bilder

- Når et kamera tar bilde av et objekt, vil hvert piksel i bildet inneholde lys målt fra hele det området som pikselet dekker.
- Eksempel: la oss si at 1 piksel dekker det området som er vist til høyre, og at dette lille området inneholder noe fin-struktur: 
- Dette representeres etter samplingen ved gjennomsnittlig lysstyrke i området: 
- Vi har målt en middelvei over et areal, og gjengir det likedan.
- Dermed er all struktur mindre enn pikselstørrelsen blitt visket ut.
- Dette er forskjellig fra sampling av lyd, der samplet lages ved at man "fryser" lydstryken på et gitt tidspunkt.

## Nyquist ... på et stakitt ...

- Ta et analogt bilde av et stakitt med 10 cm sprosser og 10 cm mellomrom.
  - Anta at det er to piksler per periode ... 
  - Vi finner gjennomsnittintensiteten i hvert piksel ... 
  - Så forskyver vi pikslene 1/4 periode ... 
  - Og ser at pikselverdiene blir helt annerledes ... 
- Vi må ha MINST to piksler per periode!

## Et undersamplet Nyquist-stakitt ...

- Ta et analogt bilde av et stakitt med 5 sprosser og 5 mellomrom per meter.
  - Vi har en periodisk struktur
    - $f = 5$  svingninger per meter
    - Periode  $T = 20$  cm
  - Anta at pikslene svarer til  $25 \times 25$  cm, dvs  $f_s = 4$  sampler per meter.
  - Finner gjennomsnitt i hvert piksel ...
    - Amplituden reduseres ...
    - Vi får aliasing,  $f_a = |f_s - f| = |4 - 5| = 1$
    - Perioden  $T_a = 1/f_a = 1$  meter
- Dette er annerledes enn ved sampling av lyd! 
- Vi får redusert amplitude i forhold til lydsampling
- Vi får samme aliasingfrekvens
- Vi kan få faseforskyvning

Hvor store kan pikslene være hvis vi skal garantere at målt intensitet skal bli riktig?

## Valg av rutenett/gridstørrelser

- Gridstørrelsen er ofte gitt av teknologiske standarder:
  - Video:
    - 640 x 480 (4:3 aspektforhold)
    - 720 x 576 (CCIR NTSC digital video)
    - 1 280 x 720 (16:9 Progressiv 60Hz HDTV)
    - 1 920 x 1080 (16:9 Interlaced 60Hz HDTV)
  - "Container-formater" (bildet fyller ikke hele formatet)
    - 2 048 x 1 080 ("2Ki" digital kino)
    - 4 096 x 2 160 ("4Ki" digital kino)
  - Digitalt kamera:
    - 4 Mpix og oppover, aspektforhold 36:24

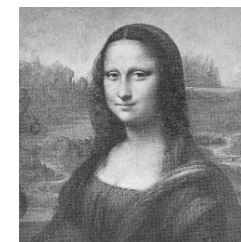
## Romlig oppløsning avhenger av anvendelsen

- ❑ Et kamera på mobiltelefon skal sende bildet over en GSM-linje og har relativt dårlig oppløsning.
- ❑ Bilder på Internett skal også overføres raskt og ligger ofte lagret med dårlig oppløsning.
- ❑ Skal vi skanne inn et håndtegnert kart, må vi ha god nok oppløsning til at tekst og linjer kommer korrekt med.
- ❑ Skal vi ta bilder av jorden fra satellitt, kan vi enten dekke
  - et stort område med liten oppløsning (1km)
  - et mindre område med moderat oppløsning (10m)
  - et enda mindre område med veldig høy oppløsning (10 cm)

## Eksempler - romlig oppløsning



512 · 512 piksler



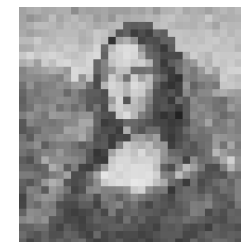
256 · 256 piksler



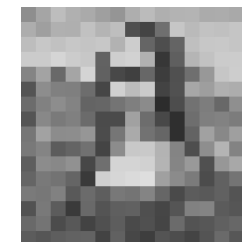
128 · 128 piksler



64 · 64 piksler

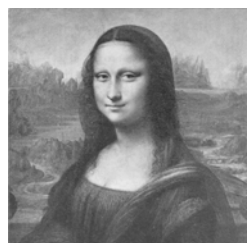


32 · 32 piksler

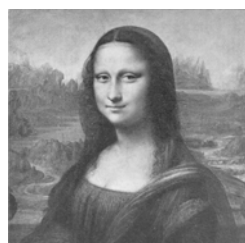


16 · 16 piksler

## Eksempler - antall biter pr. piksel



8 biter



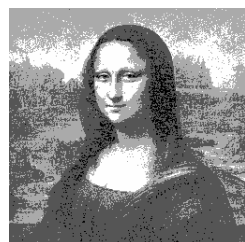
6 biter



4 biter



3 biter



2 biter



1 bit

## Bitplan i et gråtonebilde

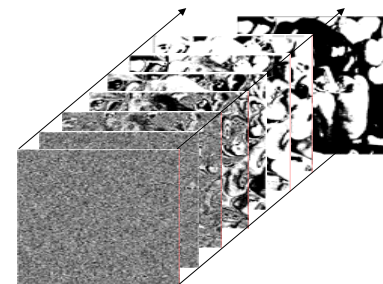
- ❑ Et 8 bits bilde har 8 **bitplan**.
  - LSB forrest i figuren - bare tilfeldig støy.
  - MSB bakerst i figuren.



- ❑ **Pikselverdien** i (x,y) er gitt ved:

$$f(x,y) = b_0(x,y) \cdot 2^0 + \dots + b_7(x,y) \cdot 2^7 = \sum b_i(x,y) \cdot 2^i$$

- Se representasjon av tall, kapittel 7.
- ❑ Hvis bit 0- 6 i (x,y) = 1:
  - $f(x,y) = 1+2+4+8+16+32+64 = 127$ .
  - MSB = 0 (svart) =>  $f(x,y) \in [0,127]$ .
  - MSB = 1 (hvit) =>  $f(x,y) \in [128, 255]$ .
  - **MSB-planet er en terskling av  $f(x,y)$ .**



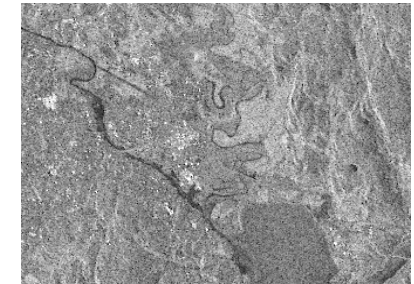
## Kvantisering og datatyper

- Hvert piksel lagres med en ordlengde på  $n$  biter
- Pikelet kan da inneholde verdier fra 0 til  $2^n-1$
  
- 8 bits bilder: 256 ulike verdier (0-255)
- 16 bits bilder: 65536 verdier
  - unsigned: fra -32 768 til 32 767
  - signed: fra 0 til 65 535
- 32 bits integer
- 32 bits float
- Merk: Display og videre bildeanalyse av det kvantiserte bildet stiller ulike krav til presisjon.

## Eksempel: plassbehov

Radarbilde fra ERS-satellitten:

- Dekker 100 · 100 km
- Pikselstørrelse 20 · 20m
- 5000 · 5000 piksler



Utsnitt av ERS1 SAR bilde

8-biter per piksel: 25 MB

16 biter per piksel: 50 MB

32 biter per piksel: 100 MB

## Bilder tar mye plass

- Anta at en side i en lærebok er på 50 linjer a 80 tegn.
- Hvor mange bok-sider svarer et 4 Mega-piksels fargebilde til ?  
 $(4 \cdot 10^6 \cdot 3 \cdot 8) / (50 \cdot 80 \cdot 8)$  bok-sider =  $3 \cdot 10^3$  bok-sider
- Hvor stort må et bilde være for at utsagnet "et bilde sier mer enn 10 000 ord" skal være riktig ?
  - Fargebilde :  
 $10\ 000 \text{ ord} \cdot 6 \text{ tegn/ord} \cdot 8 \text{ biter/tegn} / (24 \text{ biter/piksel}) = 20\ 000 \text{ piksler}$ ,  
altså et kvadratisk bilde med 141 piksler hver vei.
  - Gråtonebilde:  
 $10\ 000 \cdot 6 \cdot 8 / 8 = 60\ 000 \text{ piksler}$ ,  
altså et kvadratisk bilde med 245 piksler langs aksene.

## To representasjoner for bilder

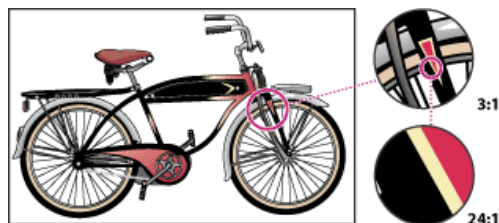
- Det er to fundamentalt forskjellige måter å representere et bilde på:
  1. Lagre alle pikselverdiene (gråtoneverdi, eller fargekomponenter)
  2. Lagre en parametrisert beskrivelse av bildets innhold
- Den siste metoden krever at bildet deles opp i objekter, og at hvert objekt beskrives ved en rekke parametre.
- Dette forutsetter
  1. Enten at bildet er forholdsvis enkelt (skisser, tegninger, CAD, kart, ...)
  2. Eller at det brukes veldig mange parametre for å generere noe som ligner på et naturlig bilde ("virtual reality").
- I det siste tilfellet er det naturlig å la objekter ha overflate-egenskaper (varierende farge, refleksjonsegenskaper, tekstur, etc.).

## Raster- eller vektor-bilde

- ❑ Rasterbilder er enkle å lage
- ❑ Tåler ikke mye forstørrelse
- ❑ Krever mye lagringsplass

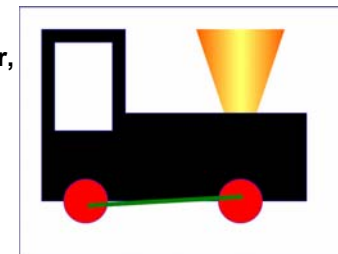


- ❑ Vektorbilder må konstrueres
- ❑ Krever god programvare
- ❑ Tåler mye forstørrelse
- ❑ Krever mindre lagringsplass



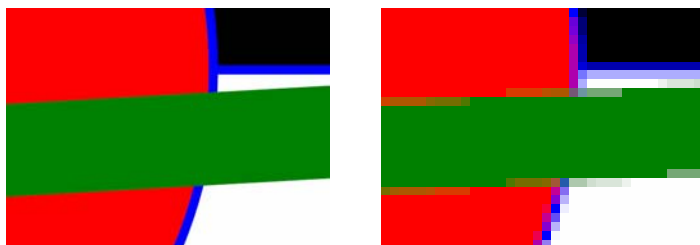
## Scalable Vector Graphics (SVG) – XML vektorgrafikk

- ❑ SVG er et språk for å beskrive 2-D grafikk i XML.
- ❑ Egner seg best for regulære, konstruerte former
- ❑ Et objekt kan ligge foran / bak et annet objekt.
- ❑ Naturlig scener kan oppnås ved hjelp av "støy" og fraktaler.
- ❑ Grafiske objekter kan grupperes og transformeres.
- ❑ Transformasjoner kan nøstes, man kan ha transparente masker, filtre og templer.



## Vektor og raster

- ❑ Vi kan forstørre deler av et vektorbilde uten at det går ut over bildekvaliteten.
- ❑ For rasterbilder er dette begrenset av pikselstørrelsen.
- ❑ Merk at vektorbilder må konverteres til rasterbilder før framvisning.



## Animasjon

- ❑ Når objektene er beskrevet som vektor-grafikk, kan man flytte på øye-punktet, og få fram et nytt bilde av objektene.
- ❑ Hvis øyet beveger seg langs en parametrisert bane, vil man få en sekvens av resultat-bilder.
- ❑ Man kan legge på fade-in og fade-out effekter.
- ❑ Objekter kan endre størrelse, form og farge underveis.
- ❑ Objekter kan bevege seg i forhold til hverandre, og rotere.
- ❑ Netto-effekten er en animasjon.
- ❑ Er animasjonen tilstrekkelig kompleks, kan "bilde"-sekvensen se ganske virkelighetsnær ut, uten at det er lagret noen bilder.

## Litt om digitale kart

- Digitale kart ligger lagret på vektorform:
  - Regioner ligger som flater
  - Veier ligger som linjer
  - Bygninger o.l. ligger som punkter med en viss størrelse.
  - Stedsnavn ligger som tekst
  - Høydekurver ligger som linjer
  - Vann ligger som konturer
- Kartene ligger med mange lag, f.eks. for M711-serien:
  - Stedsnavn, bygg og anlegg, høydepunkt, bygg og anlegg, veier, markslagsgrenser, samferdsel, høydedata, kommunegrenser, fylkesgrenser, vannkontur, elver, etc.

## Dette bør du ha fått med deg i dag ...

- Hornhinna og øyelinsen danner et bilde på netthinna.
- Øyelinsen kan forandre form slik at den kan fokusere på objekter på ulike avstander uten å endre avstanden mellom linsen og bildet.
- I netthinna er det ca 130 millioner lysfølsomme detektorer.
  - Ca 120 millioner staver er svært lysfølsomme, men ser ikke farger.
  - 6-7 millioner tapper gir oss et fargesyn med høy geometrisk oppløsning.
- I synshjernebarken sitter mengder av kantdetektorer som finner kanter og linjer i bildet
  - Separate detektorer for hvert øye, for ulike orienteringer og tykkelser.
- Vi kan se ca 60 svarte linjer på hvit bunn per grad i synsfeltet.
- Vi kan bare oppfatte ca 60 lysblink per sekund

## Dette bør du ha fått med deg i dag ...

- Et 2-dimensjonalt digitalt bilde er en 2-dimensjonal heltalls matrise (array).
- Hvert tall i matrisen svarer til et lite (oftest kvadratisk) område i det opprinnelige analoge bildet.
- Hvert tall i matrisen kalles et piksel ("picture element").
- I gråtone-bilder angir piksel-verdien hvor lyst / mørkt det lille området i det opprinnelige bildet er.
- I fargebilder er piksel-verdien en vektor (3 heltall).
- Hvert piksel har implisitte romlige koordinater (x,y), gitt ved posisjonen i matrisen.

## Dette bør du også ha fått med deg ...

- Det digitale bildet må ha **minst to piksler** pr periode for den minste periodiske strukturen i det kontinuerlige bildet.
- Vi må ha god nok optikk til å avbilde slike strukturer !  
Vinkeloppløsningen er gitt ved  $\theta = 1.22 \cdot \lambda / D$ .
- Vi velger en **kvantisering** som tilfredsstiller de krav som display og/eller senere bildebehandling og analyse stiller.
- Digitale bilder krever generelt mye lagringsplass.
- Vektorrepresentasjon kan være et alternativ til rasterbilder.