

UiO : **Institutt for informatikk**

Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

**INF1400**

Tilstandsmaskin



# Hovedpunkter

- Tilstandsmaskin
- Tilstandstabell
- Tilstandsdiagram
- Analyse av D-flip-flop tilstandsmaskin
- Reduksjon av antall tilstander
- Tilordning av tilstandskoder
- Designprosedyre for tilstandsmaskin basert på D flip-floper

# Tilstandsmaskin

- Engelsk: Finite State Machine
- Tilstandsmaskiner er en metode til å beskrive systemer med logisk og dynamisk (tidsmessig) oppførsel.
- Brukes mye innen:
  - Logiske/digitale styresystemer
  - Sanntidssystemer
  - Telekommunikasjon
  - Kompilatorteknikk
  - Digitalteknikk

# Tilstandsmaskin

Modellen av en tilstandsmaskin består av:

# Tilstandsmaskin

En tilstandsmaskin er et

Tilstanden systemet befinner seg i, pluss evt. inngangsverdier bestemmer utgangsverdiene

Tilstandsmaskins-konseptet gir en enkel og oversiktlig måte å designe avanserte system på

# Sentrale begreper for tilstandsmaskin

Tilstand:

- er et begrep som benyttes til å beskrive systemets status / tilstand.
- er et verdisett/attributter som beskriver systemets egenskaper.

• Hendelser:

- er et begrep som benyttes om innganger/påvirkninger på systemet
- kan beskrives som en plutselig og kortvarig påvirkning av systemet.

• Aksjoner:

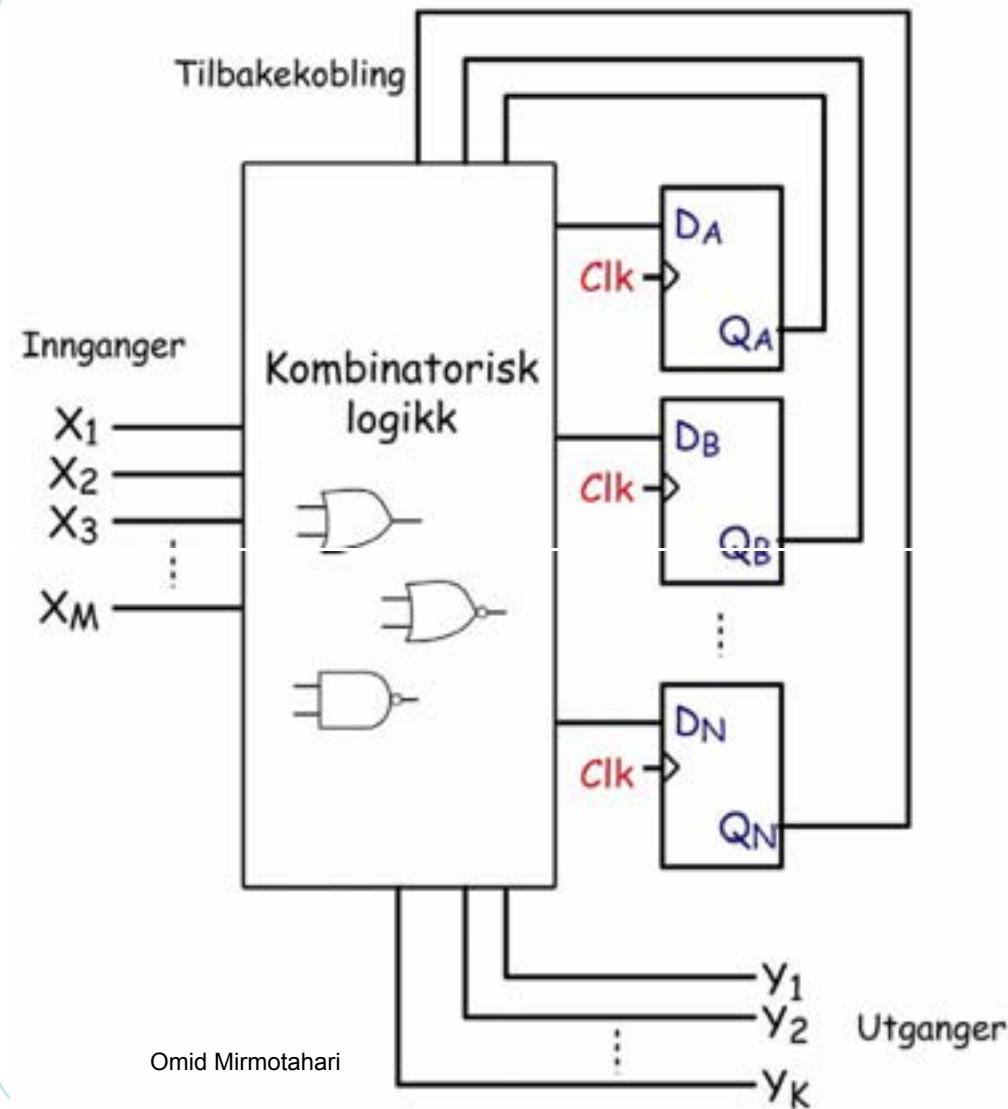
- er det som kommer ut av systemet. Det vil si resultatet
- er en respons på en hendelse



# Tilstandsmaskin

Generell tilstands-  
maskin basert på D  
flip-flops

Utgangssignalene er en  
funksjon av nåværende  
tilstand pluss evt.  
inngangsverdier



# Tilstandsdiagrammer

- For å visualisere oppførselen til systemer brukes gjerne tilstandsdiagrammer
  - Sirkler angir tilstander
  - Piler angir tilstandsendring
  - Hendelse og aksjoner settes over piler som angir tilstandsendringen

# Eksempel: Brusautomat

# Eksempel: Brusautomat

# Eksempel: Brusautomat

- Hendelser:

{

- Aksjoner:

{

- Tilstander:

{

# Implementasjon og kretsdesign

- Nå skal vi gjennom en rekke eksempler for implementasjon av tilstandsmaskiner.
- Vi skal lære om tilstandstabell.
- Vi skal se på noen forenklinger med med hensyn på reduksjon av tilstander
- Vi skal ta hensyn til ubrukte tilstander

# Tilstandsdiagram

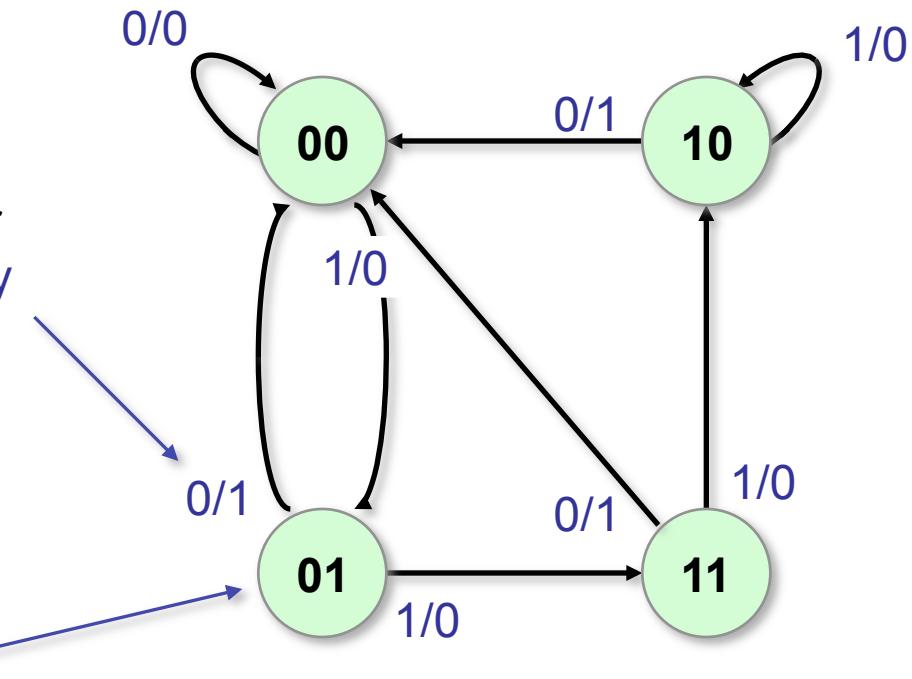
Tilstandsdiagram = grafisk illustrasjon av egenskapene til en tilstandsmaskin

## Eksempel nr.1:

Inngangsverdi  $x$  som medfører ny tilstand, samt utgangsverdi  $y$  for opprinnelig tilstand med inngangsverdi  $x$

$x / y$

Tilstand  
 $Q_A Q_B$



# Tilstandstabell

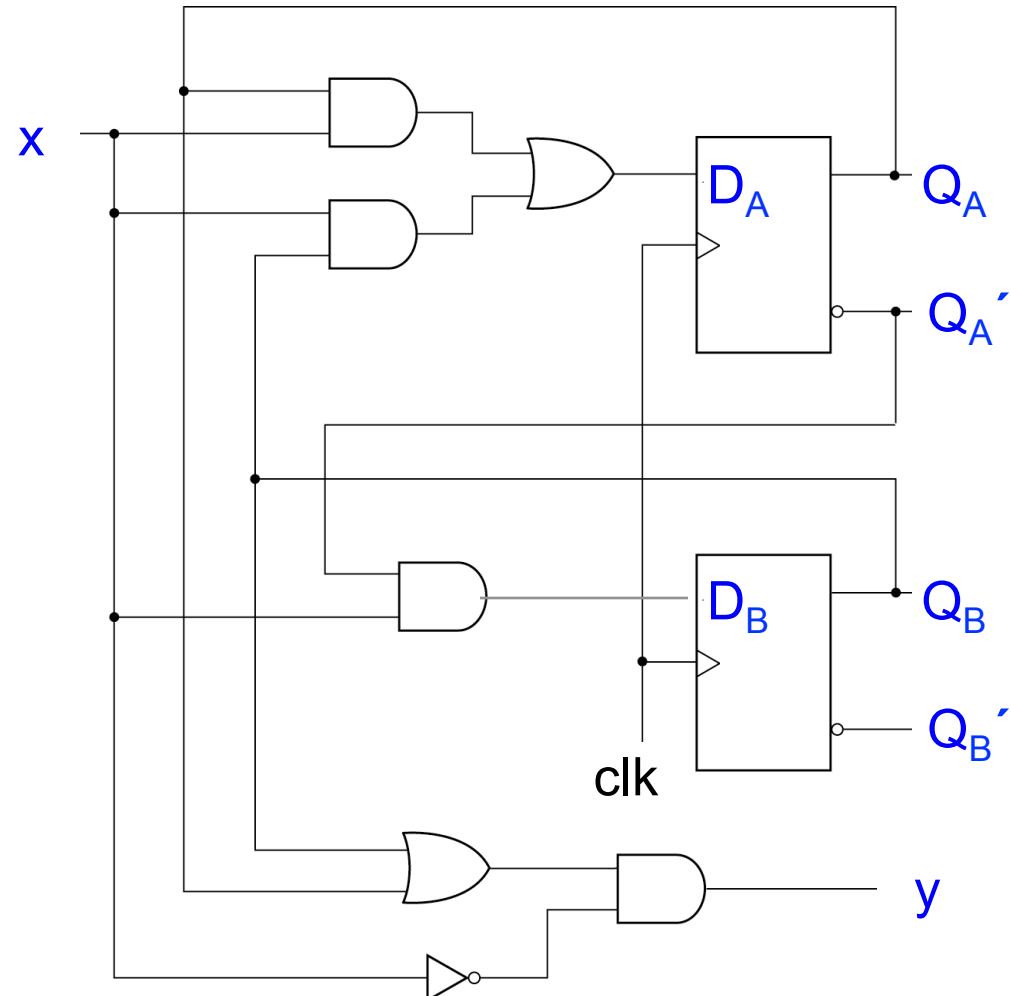
Tilstandstabell = sannhetstabell for tilstandsmaskin

Eksempel nr.1: En inngang, en utgang og 2 stk.  
D flip-flops

Nåværende tilstand		Inngang $x$	Neste tilstand		Utgang for nåværende tilstand $y$
$Q_A$	$Q_B$		$Q_A$	$Q_B$	
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	0	0

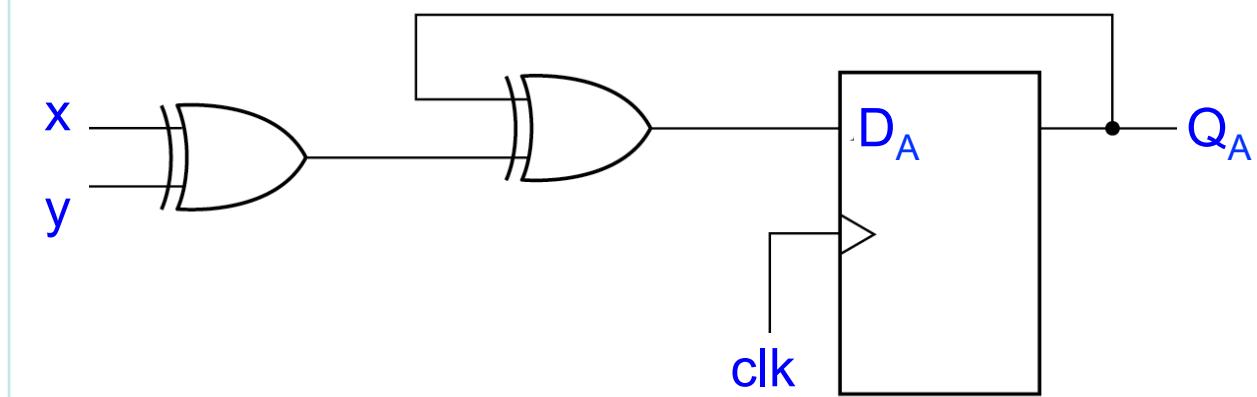
# Eksempel nr.1

Tilstandsmaskin der utgang  $y$  er en funksjon av tilstanden gitt av verdiene til  $Q_A$  og  $Q_B$ , samt inngangen  $x$



## Eksempel nr.2

To innganger  $x$  og  $y$ ,  
en utgang som bare  
er gitt av tilstanden  
 $Q_A$



Nåværende tilstand  
Innganger

$Q_A$	$x$	$y$	$Q_A$
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

# Eksempel nr.2

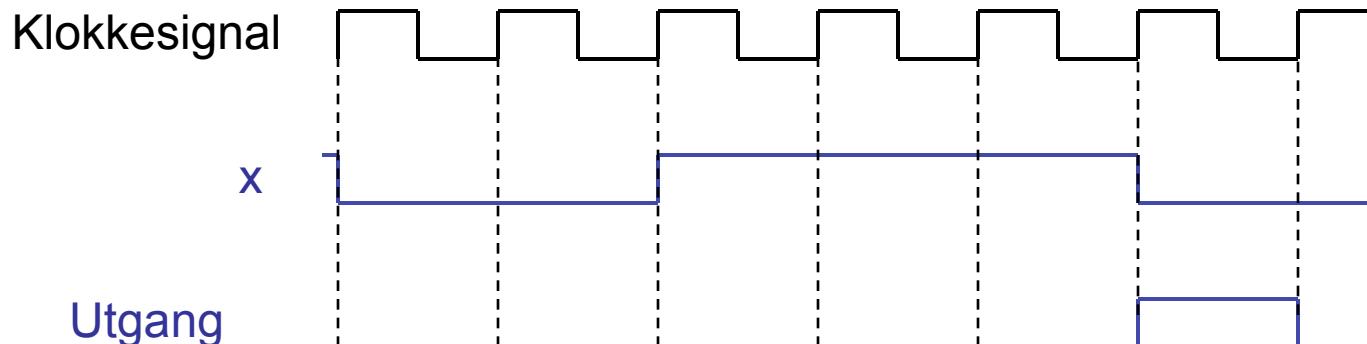
## Tilstandsdiagram

\*Merk at i dette tilfelle er utgangsverdien kun avhengig av tilstanden (uavhengig av inngangsverdiene)

# Eksempel nr.3 – design av sekvensdetektor

Ønsker å lage en krets som finner ut om det har forekommet tre eller flere "1"ere etter hverandre i en klokket bit-sekvens  $x$

**Klokket bit-sekvens:** Binært signal som kun kan skifte verdi synkront med et klokkesignal



## Eksempel nr.3 – design av sekvensdetektor

Tilstandsdiagram

Velger å ha 4 tilstander. Lar hver tilstand symbolisere antall "1"ere som ligger etter hverandre i bit-sekvensen.

Inngang: bit-sekvens  $x$

Utgang: gitt av tilstanden, "0" for tilstand 0-2, "1" for tilstand 3

# Eksempel nr.3

Bruker D flip-flops

$D_A$  og  $D_B$  settes til de verdiene man ønsker at  $Q_A$  og  $Q_B$  skal ha i neste tilstand

$D_A =$

$D_B =$

$y =$

Nåværende tilstand		Inngang	Utgang for nåværende tilstand	
$Q_A$	$Q_B$	$x$	$Q_A$	$Q_B$
0	0	0		
0	0	1		
0	1	0		
0	1	1		
1	0	0		
1	0	1		
1	1	0		
1	1	1		

# Eksempel nr.3

Forenkler uttrykkene  
med Karnaugh-diagram

x

$$D_A = Q_A x + Q_B x$$

$$D_B = Q_A x + Q_B \bar{x}$$

$$y = Q_A Q_B$$

# Reduksjon av tilstander

En tilstandsmaskin gir oss en eller flere **utgangssignal** som **funksjon** av en eller flere **inngangssignal**

Hvordan dette implementeres internt i maskinen er uinteressant sett utenifra

I noen tilfeller kan man fjerne tilstander (forenkle designet) uten å påvirke inngangs/utgangs-funksjonene

# Reduksjon av tilstander

Hvis **to tilstander** har samme utgangssignal, samt leder til de **samme nye tilstandene** gitt like inngangsverdier, er de to opprinnelige tilstandene **like**. En tilstand som er lik en annen tilstand kan **fjernes**.

# Reduksjon av tilstander

Eksempel:

Tilstand G er lik  
tilstand E

Nåværende tilstand	Inngang	Neste tilstand		Utgang
		B	C	
A	0	B		0
A	1	B		0
B	0	C		0
B	1	D		0
C	0	A		0
C	1	D		0
D	0	E		0
D	1	F		1
E	0	A		0
E	1	F		1
F	0	G		0
F	1	F		1
G	0	A		0
G	1	F		1

# Reduksjon av tilstander

	Nåværende tilstand		Neste tilstand	Utgang
		Inngang		
Eksempel:	A	0	B	0
	A	1	B	0
	B	0	C	0
	B	1	D	0
	C	0	A	0
	C	1	D	0
	D	0	E	0
	D	1	F	1
	E	0	A	0
	E	1	F	1
	F	0	E	0
	F	1		1

Fjerner tilstand G.  
Erstatter hopp til G  
med hopp til E

# Reduksjon av tilstander

Eksempel:

Nå er tilstand F lik tilstand D

Fjerner tilstand F

	Nåværende tilstand		Neste tilstand	Utgang
		Inngang		
	A	0	B	0
	A	1	B	0
	B	0	C	0
	B	1	D	0
	C	0	A	0
	C	1	D	0
	D	0	E	0
	D	1	F	1
	E	0	A	0
	E	1	F	1
	F	0	E	0
	F	1	F	1

# Reduksjon av tilstander

Eksempel:

Har fjernet tilstand F

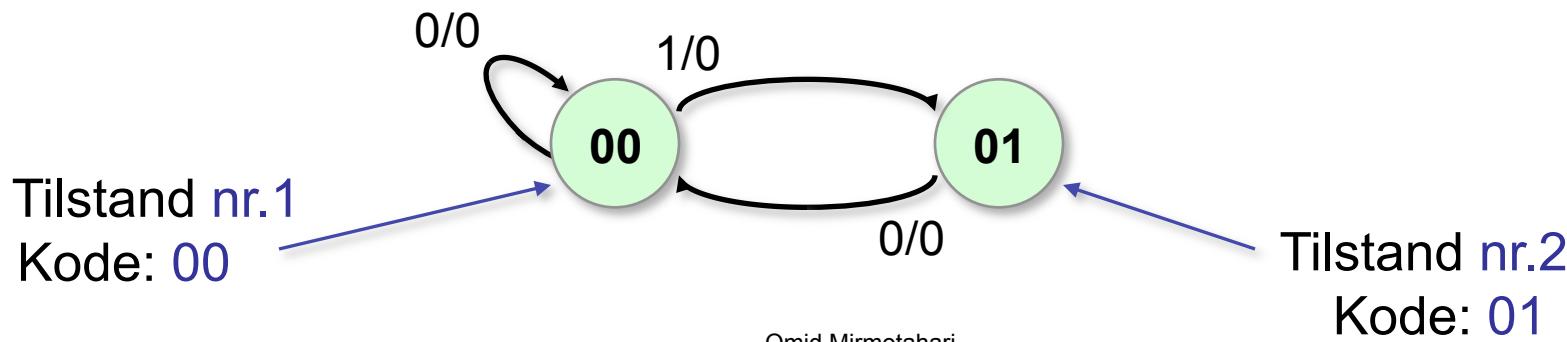
Nåværende tilstand	Inngang	Neste tilstand	
		Utgang	
A	0	B	0
A	1	B	0
B	0	C	0
B	1	D	0
C	0	A	0
C	1	D	0
D	0	E	0
D	1	D	1
E	0	A	0
E	1	D	1

# Tilordning av tilstandskoder

I en tilstandsmaskin med  $M$  tilstander må hver tilstand tilordnes en kode basert på minimum  $N$  bit der  $2^N \geq M$

Kompleksiteten til den kombinatoriske delen avhenger av valg av tilstandskode

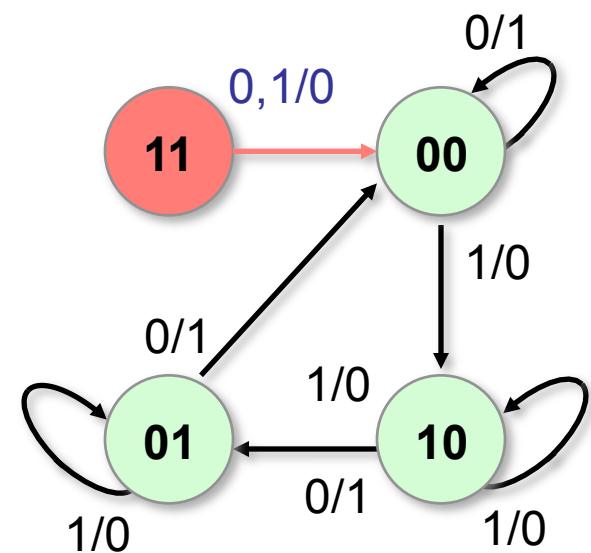
Anbefalt strategi for valg av kode: prøv-og-feil i tilstandsdiagrammet



# Ubrukte tilstander

I en tilstandsmaskin med  $N$  flip-flopper vil det alltid finnes  $2^N$  tilstander. Designer man for  $M$  tilstander der  $M < 2^N$  vil det finnes ubrukte tilstander.

**Problem:** Under oppstart (power up) har man ikke full kontroll på hvilken tilstand man havner i først. Havner man i en ubrukt tilstand som ikke leder videre til de ønskede tilstandene vil systemet bli låst.



**Løsning:** Design systemet slik at alle ubrukte tilstander leder videre til en ønsket tilstand.

## Generell designprosedyre basert på D flip-flops

- 1) Definer tilstandene, inngangene og utgangene
- 2) Velg tilstandskoder, og tegn tilstandsdiagram
- 3) Tegn tilstandstabell
- 4) Reduser antall tilstander hvis nødvendig
- 5) Bytt tilstandskoder hvis nødvendig for å forenkle
- 6) Finn de kombinatoriske funksjonene
- 7) Sjekk at ubrukte tilstander leder til ønskede tilstander
- 8) Tegn opp kretsen

# Design eksempel nr.4

Designer en teller som teller sekvensen  $5,4,3,2,1,0$ . Etter  $0$  skal telleren gjenta sekvensen (telle rundt). Telleren skal kunne resettes til  $5$  med ett reset signal.

- 1) Velger en tilstand for hvert tall ut. Systemet har  $1$  reset inngang, og trenger  $3$  utganger for å representer tallene  $5$  til  $0$ .
- 2) Velger tilstandskoder som direkte representerer tallene ut. Tallene ut blir gitt av tilstandene

# Eksempel nr.4

2) Tegner tilstandsdiagram

# Eksempel nr.4

- 3) Tegner tilstandstabell
- 4) Ingen reduksjonsmulighet
- 5) Velger å ikke bytte tilstandskoder da utgangene i såfall må omformes

	Nåværende tilstand / utgang      Inngang				Neste tilstand $Q_A$ $Q_B$ $Q_C$
	$Q_A$	$Q_B$	$Q_C$	R	
	0	0	0	0	1 0 1
	0	0	0	1	1 0 1
	0	0	1	0	0 0 0
	0	0	1	1	1 0 1
	0	1	0	0	0 0 1
	0	1	0	1	1 0 1
	0	1	1	0	0 1 0
	0	1	1	1	1 0 1
	1	0	0	0	0 1 1
	1	0	0	1	1 0 1
	1	0	1	0	1 0 0
	1	0	1	1	1 0 1
	1	1	0	0	X X X
	1	1	0	1	X X X
	1	1	1	0	X X X
	1	1	1	1	X X X

Ubrukte  
tilstander

# Eksempel nr.4

- 6) Setter inn i karnaughdiagram og finner forenklede funksjoner

		$D_A$	$Q_C$	$R$		
		00	01	11	10	
		00	1	1	1	0
		01	0	1	1	0
		11	x	x	x	x
		10	0	1	1	1

		$D_B$	$Q_C$	$R$		
		00	01	11	10	
		00	0	0	0	0
		01	0	0	0	1
		11	x	x	x	x
		10	1	0	0	0

		$D_C$	$Q_C$	$R$		
		00	01	11	10	
		00	1	1	1	0
		01	1	1	1	0
		11	x	x	x	x
		10	1	1	1	0

$$D_A = R + Q_A' Q_B' Q_C' + Q_A Q_C$$

$$D_B = Q_B Q_C R' + Q_A Q_C' R'$$

$$D_C = Q_C' + R$$

# Eksempel

## nr.4

- 6) Sjekker at ubrukte tilstander leder til ønskede tilstander – ok

Nåværende tilstand / utgang      Inngang				Neste tilstand		
$Q_A$	$Q_B$	$Q_C$	R	$Q_A$	$Q_B$	$Q_C$
1	1	0	0	0	1	1
1	1	0	1	1	0	1
1	1	1	0	1	1	0
1	1	1	1	1	0	1

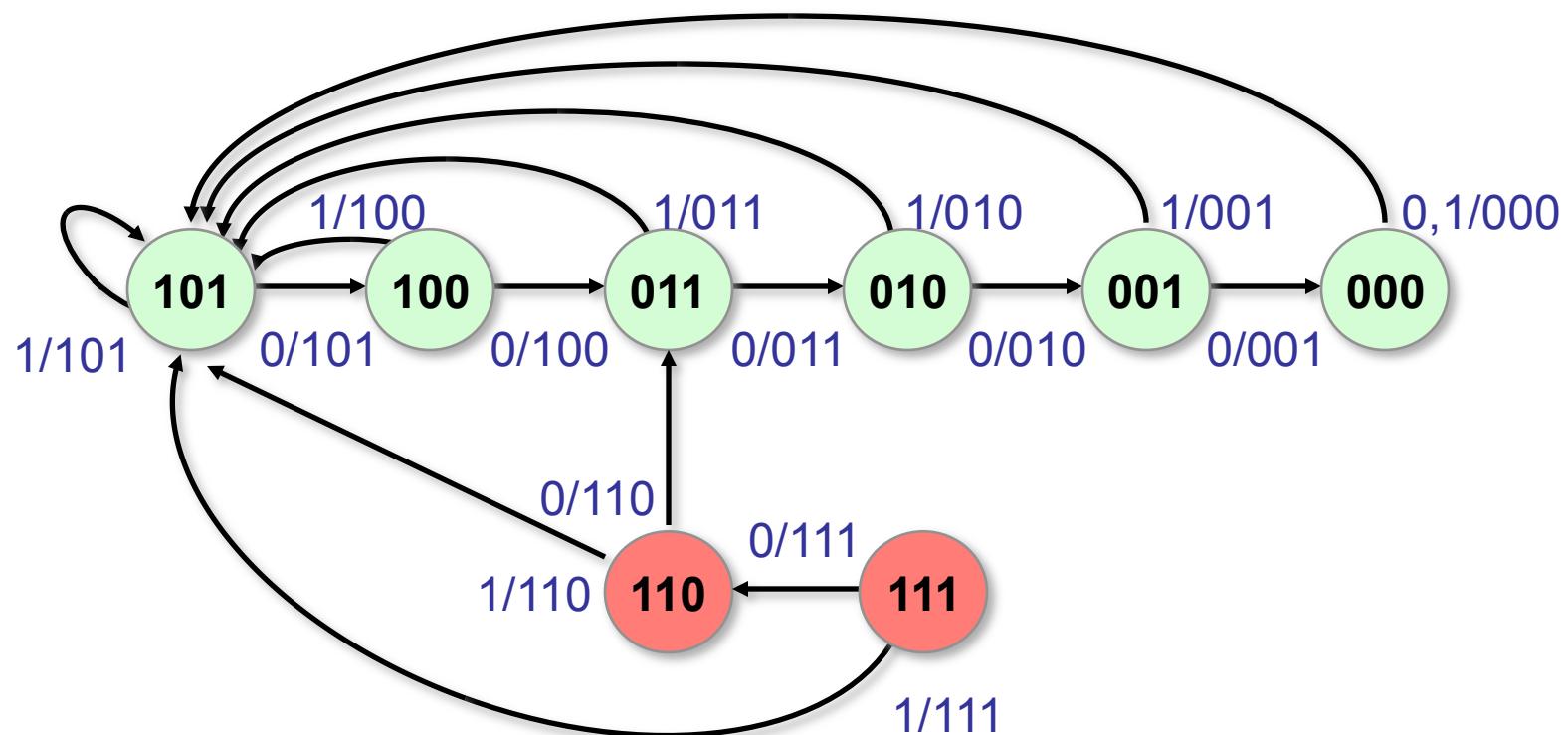
$$D_A = R + Q_A' Q_B' Q_C' + Q_A Q_C$$

$$D_B = Q_B Q_C R' + Q_A Q_C' R'$$

$$D_C = Q_C' + R$$

# Eksempel nr.4

- 6) Alle ubrukete tilstander leder til ønskede tilstander, viser med diagram

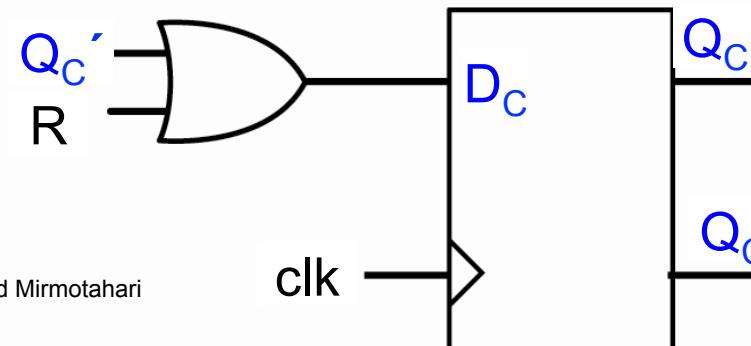
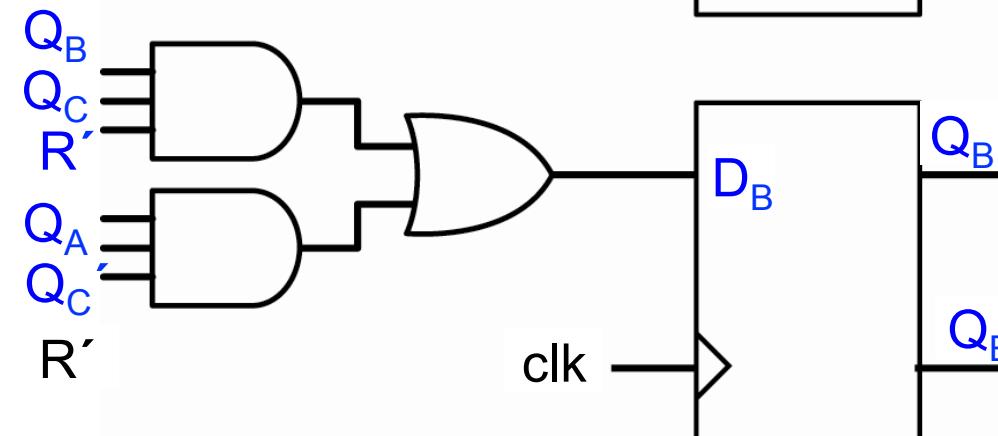
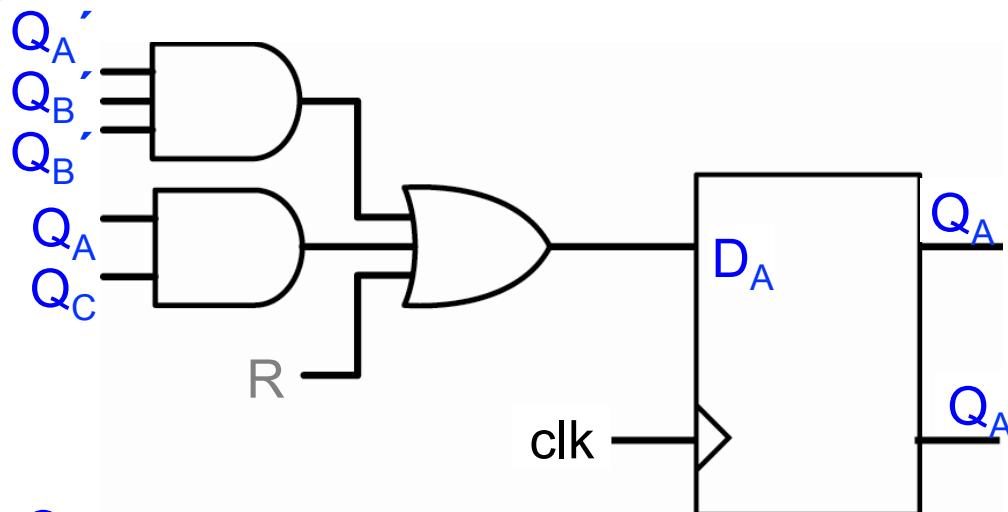


## Eksempel nr.4

7) Tegner opp krets

$Q_A$ ,  $Q_B$  og  $Q_C$  blir tellerens utganger

Telleren resettes ved å sette  $R=1$

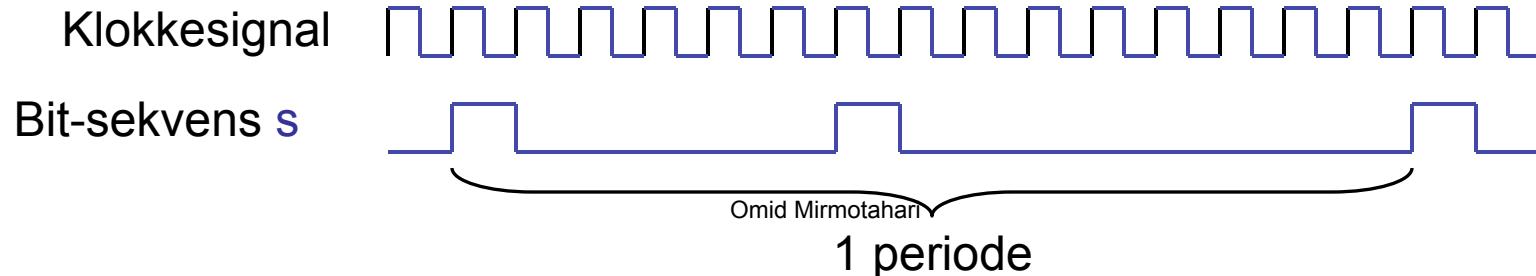


## Eksempel nr.5 - trafikklys

Ønsker å bruker tilstandsmaskin for å styre trafikklys

Krysset har to vanlige trafikklys A og B. Disse styres med de binære signalene  $R_A$ ,  $G_A$ ,  $Gr_A$  samt  $R_B$ ,  $G_B$ ,  $Gr_B$ . Setter man  $G_A$  til "1" lyser det grønt i lys A osv.

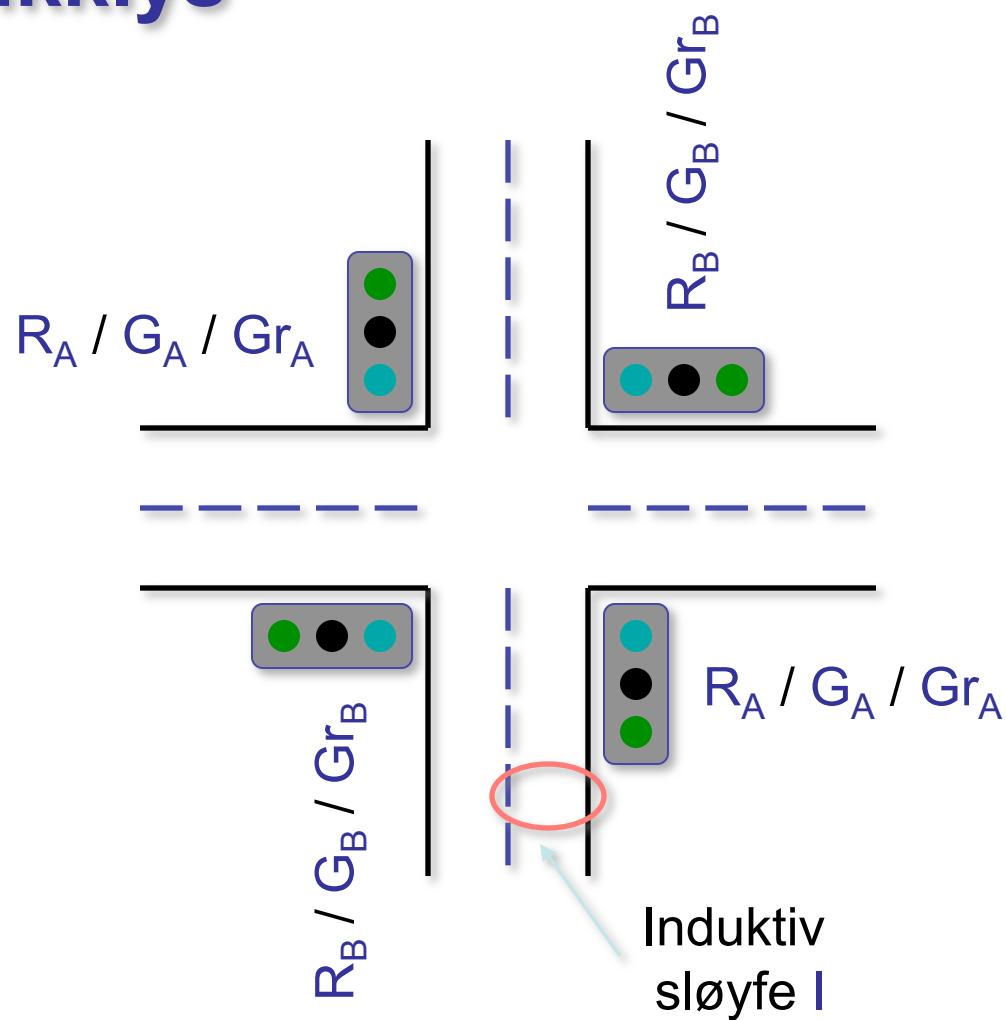
For å generere lyssekvensene bruker vi en repeterende bit-sekvens s som vist under. Avstanden mellom "1"er pulsene gir intervallene mellom skifte fra grønt i lys A til grønt i lys B og motsatt.



## Eksempel nr.5 - trafikklys

Systemet har en induktiv sensor i bakken som registrerer biler den ene veien. Bil over sensoren gir  $I=1$  ellers har vi  $I=0$

Vi ønsker at bil registrert av sensoren skal gi grønt lys i A så fort som mulig



# Eksempel nr.5

1,2) Velger følgende forenklede tilstander:

00 - Grønt lys i A, rødt lys i B

01 - Gult lys i A og B. Skifter mot grønt lys i B.

10 - Rødt lys A, grønt lys i B

11 - Gult lys i A og B. Skifter mot grønt lys i A.

Innganger: s, I

Utganger:  $R_A$ ,  $G_A$ ,  $Gr_A$ ,  $R_B$ ,  $G_B$ ,  $Gr_B$

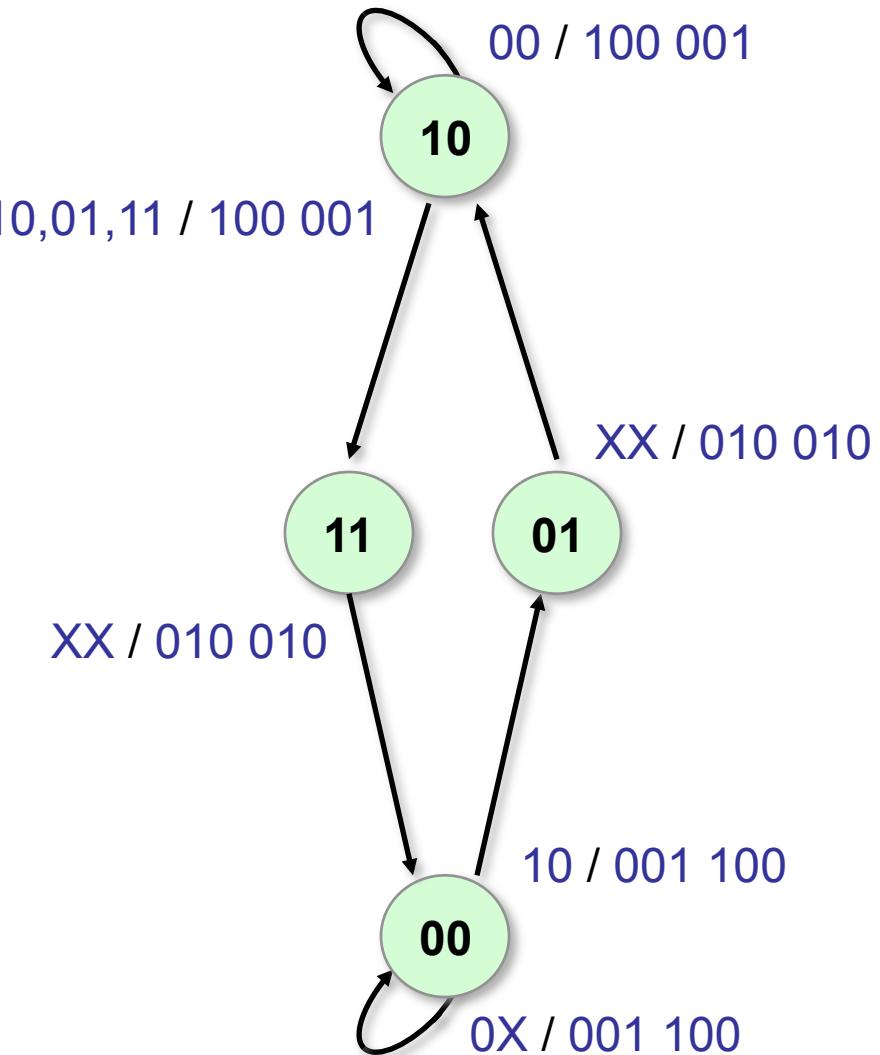
Lar utgangene kun være en funksjon av tilstanden

# Eksempel nr.5

## 2) Tilstandsdiagram

X – don't care

$s_I / R_A G_A G_r_A \ R_B G_B G_r_B$



## Nåværende tilstand

## Innganger

Neste  
tilstand

## Utganger

6) Finner kombinatoriske funksjoner

	$Q_A$	$Q_B$	$s$	$I$	$Q_A$	$Q_B$	$R_A$	$G_A$	$Gr_A$	$R_B$	$G_B$	$Gr_B$
	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0
$D_A = Q_A \oplus Q_B$	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0	0
	0	0	1	0	0	1	0	0	1	1	0	0
$D_B = Q_A Q_B' I + Q_B' s I'$	0	0	1	1	0	0	0	0	1	1	0	0
	0	1	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0
	0	1	0	1	1	0	0	1	0	0	1	0
$R_A = Q_A Q_B'$	0	1	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0
	0	1	1	1	1	0	0	1	0	0	1	0
$G_A = Q_B$	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	1
	1	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	1
$Gr_A = Q_A' Q_B'$	1	0	1	0	1	1	1	0	0	0	0	1
	1	0	1	0	1	1	1	0	0	0	0	1
$R_B = Gr_A$	1	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1
	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0
$G_B = G_A$	1	1	0	1	0	0	0	1	0	0	1	0
	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0	1	0
$Gr_B = R_A$	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0	1	0
	1	1	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0

# Eksempel nr.5

7) Tegner opp krets

$$D_A = Q_A \oplus Q_B$$

$$D_B = Q_A Q_B' I + Q_B' s I'$$

$$R_A = Q_A Q_B'$$

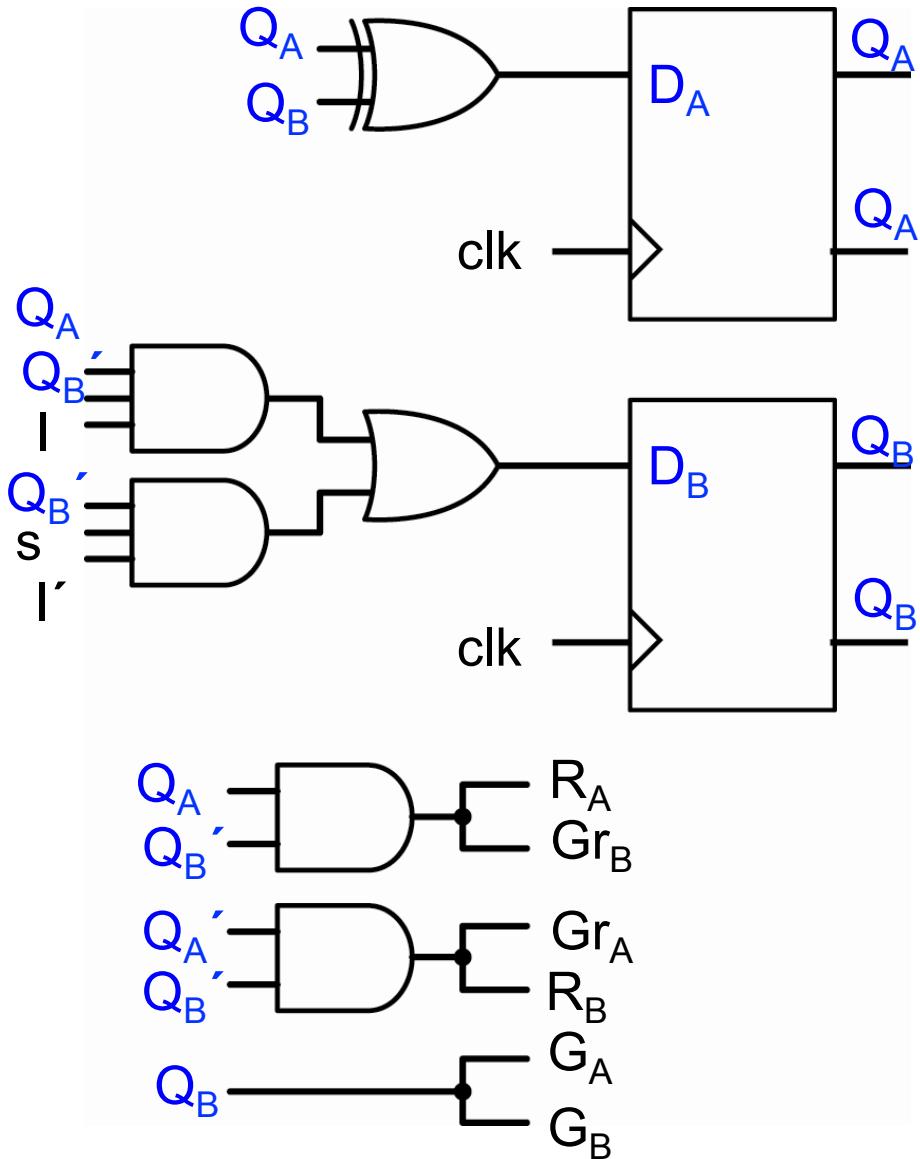
$$G_A = Q_B$$

$$Gr_A = Q_A' Q_B'$$

$$R_B = Gr_A$$

$$G_B = G_A$$

$$Gr_B = R_A$$



# Oppsummering

- Tilstandsmaskin
- Tilstandstabell
- Tilstandsdiagram
- Analyse av D flip-flop basert tilstandsmaskin
- Reduksjon av antall tilstander
- Tilordning av tilstandskoder
- Designprosedyre for tilstandsmaskin basert på D flip-flops