### INF5490 RF MEMS

#### F9: RF MEMS resonatorer III

V2007, Oddvar Søråsen Institutt for informatikk, UiO

# Dagens forelesning

- Vertikalt vibrerende resonatorer
  - Clamped-clamped beam (c-c beam)
    - Virkemåte
    - → Detaljert modellering
  - free-free beam (f-f beam)
- Andre typer resonatorer
  - Tuning fork
  - Bjelke med lateral bevegelse
  - Disk resonatorer

### **Beam-resonator**

- Ønsker høyere resonansfrekvens enn kamstrukturen
  - Massen må reduseres mer-> beam resonator
- Fordeler ved beam-resonatorer
  - Mindre dimensjoner
  - Enkel
  - Kan ha mange frekvens-referanser på en chip
  - Høyere resonansfrekvens
  - Mer lineær frekvensvariasjon mhp temp over et større område
  - Mulighet for integrering med elektronikk → lavere kostnader

#### **Beam-resonator**



**Figure 7.10** Illustration of a beam resonator and a typical circuit to measure the signal. The beam is clamped on both ends by anchors to the substrate. The capacitance between the resonant beam and the drive electrode varies with the deflection.

#### **En-port**

#### Utgangskrets

- Resonator er en tidsvarierende kapasitans C(ω)
- Enkel elektrisk utgangskrets
  - L = shunt blokkerende induktor: Åpen ved høye frekvenser
  - C\_∞ = serie blokkerende kapasitans: Kortsluttet ved høye frekvenser
  - Når Vd er en høy DC-spenning, så er den dominerende utgangs-strømmen ved inngangsfrekvens  $\omega$ : i0 = Vd \* dC/dt
  - Ved høye frekvenser er i0 strømmen gjennom R\_L
    - Kan være inngangsimpedans i måleutrustningen. Kan erstattes av transimp.-forsterker



**Figure 7.10** Illustration of a beam resonator and a typical circuit to measure the signal. The beam is clamped on both ends by anchors to the substrate. The capacitance between the resonant beam and the drive electrode varies with the deflection.

#### Mekanisk resonans-frekvens

$$f_o = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_r}{m_r}} = 1.03 \kappa \sqrt{\frac{E}{\rho}} \frac{h}{L_r^2} [1 - g(V_P)]^{1/2}, \qquad (12.2)$$

- Parametre
  - E = Youngs modul
  - $-\rho$  = tettheten av materialet
  - h = tykkelsen av beam
  - Lr = lengde av beam
  - g modellerer effekten av en elektrisk fjærstivhet k\_e
    - Gjør seg gjeldende når en setter spenning på elektrodene
    - Subtraheres fra den mekaniske fjærstivheten, k\_m (beam-softening)
  - $-\kappa$  =skaleringsfaktor (effekten av overflatens topografi, typ. 0.9)
  - V\_p = DC spenning på ledende beam
  - k\_r = effektiv resonator fjærstivhet
  - m\_r = effektiv masse
- NB! E og ρ inngår + fjærstivhetsledd

### Forventede frekvenser

W <sub>r</sub> μm)	<i>L<sub>r</sub></i> (μm)	
8	14.54	
8	11.26	
4	6.74	
4	4.38	
4	8.88	
4	3.09	
4	6.16	
	8 8 4 4 4 4 4 4	

#### TABLE 12.1. µMechanical Resonator Frequency Design<sup>a</sup>

<sup>*a*</sup> Determined for free-free beams using Timoshenko methods that include the effects of finite h and  $W_r$  [11].

### "Beam-softening"

- DC-spenningen, Vd, forårsaker en nedoverrettet elektrostatisk kraft
- Kraften virker mot den mekaniske gjenopprettelses-kraften i bjelken
- Dette gjør den effektive mekaniske fjærkonstanten til systemet mindre
  - Resonansfrekvensen faller med en gitt faktor
  - sqrt (1 C \* Vd exp2 / (k\*g) exp2)

#### − → resonansfrekvensen kan tunes elektrisk!

# Detaljert modellering

- c-c beam modelleres med referanse til boka
  - T. Itoh et al: RF Technologies for Low Power Wireless Communications", kap. 12: "Transceiver Front-End Architectures Using Vibrating Micromechanical Signal Processors", by Clark T.-C. Nguyen
  - (+ oppsummering av resultater fra diverse publikasjoner)

### Clamped-clamped beam



Figure 12.4. Perspective-view schematic of a clamped-clamped beam µmechanical resonator in a general bias and excitation configuration.

### Beregning av elektrisk eksitasjon

- 2 påtrykte spenninger
- A) Beregn først potensiell energi
- B) Deretter beregnes kraften →



Figure 12.4. Perspective-view schematic of a clamped-clamped beam µmechanical resonator in a general bias and excitation configuration.

Elektrisk eksifasjon  

$$v_e = input p^a_a$$
 elektrode  
 $v_b = input p^a_a$  beam  
 $v_e - v_b = effektiv spenning elektrode - bjekte
 $\mathcal{M} = \frac{1}{2} C V^2 = \frac{1}{2} C (v_e - v_b)^2 = pot. energi
Kraft = endring mhp. x av pot energi
 $F_d = \frac{\partial \mathcal{U}}{\partial x} = \frac{1}{2} (v_e - v_b)^2 \frac{\partial C}{\partial x} = hraftm$   
 $= \frac{1}{2} (v_b^2 - 2v_b \cdot v_e + v_e^2) \frac{\partial C}{\partial x}$   
 $C = \frac{\mathcal{E}_o \mathcal{H}}{d_o} = \mathcal{E}_o \frac{\mathcal{W}_e \cdot \mathcal{W}_h}{d_o}$   
 $\mathcal{W}_e = elektrode - budde
 $\mathcal{W}_h = beam - budde$   
 $d_o = elektrode - resonator gaps (statister
 $v_b = permittivitet i vakuum$$$$$ 

A

В

12

# Prosedyre, forts.

- C) Sett på DC-spenning, Vp
- D) Regn videre på ligningen for kraften
- E) Diskusjon av ulike bidrag
  - Off-resonans DC-kraft
  - Kraft i takt med inngangsspenning
  - Dobbeltfrekvens-ledd

Ved bruck som resonator eller filler:  
De-spenning settes på beam : Vp  

$$N_{b} = V_{p}$$
 beam  
 $N_{z} = N_{i} = V_{i} \cos w_{i}t$  elekthode  
 $F_{d} = \frac{1}{2} \left( V_{p}^{2} - \lambda V_{p}V_{i} \cos w_{i}t + V_{i}^{2}\cos^{2}w_{i}t \right) \frac{\partial c}{\partial x}$   
Mellomregning:  
 $\cos^{2}w_{i}t = 1 - \sin^{2}w_{i}t = \frac{1}{2} \left( 2 - \lambda \sin^{2}w_{i}t \right)$   
 $= \frac{1}{2} \left( 1 + 1 - \sin^{2}w_{i}t - \sin^{2}w_{i}t \right)$   
 $= \frac{1}{2} \left( 1 + \sin^{2}w_{i}t + \cos^{2}w_{i}t - \sin^{2}w_{i}t \right)$   
 $= \frac{1}{2} \left( 1 + \cos^{2}w_{i}t - \sin^{2}w_{i}t \right)$   
 $= \frac{1}{2} \left( 1 + \cos^{2}w_{i}t - \sin^{2}w_{i}t \right)$   
 $= \frac{1}{2} \left( 1 + \cos^{2}w_{i}t - \sin^{2}w_{i}t \right)$   
 $dvs$   
 $V_{i}^{2}\cos^{2}w_{i}t = \frac{V_{i}^{2}}{2} \left( 1 + \cos^{2}w_{i}t \right)$ 

С

D

14

Inn setting:  

$$F_{d} = \left(\frac{1}{2}V_{p}^{2} - V_{p}V_{i}\cos\omega_{i}t + \frac{1}{2}\cdot\frac{V_{i}^{2}}{2} + \frac{1}{2}\frac{V_{i}^{2}}{2}\cos^{2}\omega_{i}t\right)\cdot\frac{\partial c}{\partial x}$$

$$F_{d} = \frac{\partial c}{\partial x}\left(\frac{V_{p}^{2}}{2} + \frac{V_{i}^{2}}{4}\right) - V_{p}\frac{\partial c}{\partial x}V_{i}\cos\omega_{i}t + \frac{\partial c}{\partial x}\frac{V_{i}^{2}}{4}\cos^{2}\omega_{i}t$$

$$Off - resonands Dc - knaft + Knaft + Med$$

$$input - frekvensum, + \frac{forsturk_{i}t}{med} + \frac{forsturk_{i}t}{med}$$

$$rignal prosenserings funksjon + Dc - spenningen + V_{p}$$

$$3.dje ledd:$$

$$\frac{\partial c}{\partial x}\frac{V_{i}^{2}}{4}\cos^{2}\omega_{i}t + Kan + drive + beam - inn + i vibrasjonen + ved$$

# Prosedyre, forts.

- Kraftens hovedbidrag er prop med cos

   Driver beam inn i resonans
- F) Kraften gir "displacement" (x-variasjon)
   Den lokale fjærstivheten varierer over bredden av drive-elektroden
  - Lokalt displacement er avhengig av posisjon y
- G) Utledning av et uttykk for displacement, x(y), som funksjon av fjærstivheten i posisjonen y

# Topologi



Figure 12.9. Resonator cross-sectional schematic for frequency-pulling and impedance analysis.

Hovedbridnaget for hoy-Q-tank og filter-  
envendelden:  
Kraft = 
$$-V_P \stackrel{QC}{\supset x} V_i \cos w_i t$$
  
Nar  $w_i = w_0$  vil denne kraften dewe  
beam inn i resonans  
 $F_d = -V_P \stackrel{QC}{\supset x} \cdot v_i(w_0)$ , × pos oppoor  
Avstanden mellom beam og elektrode n  
ewhengig av y (= displacement)  
 $x_i^{\uparrow}$ 

Le y

Gennelt : F = k·x (Dette gjelder rent STATISK) Den lokale fjærshivheten varierer med y  $k(y) = k_{neff}(y)$  $k_{neff} = effektiv fjærstivhet i y$ 

o y

For multimistic systemes gilder Dynamisk oppførsel  

$$H(s) = \frac{x}{F} = \frac{displacemend}{force} = \frac{1}{s^{2} + \frac{b}{m}s + \frac{b}{m}}$$

$$H'(s) = \frac{kx}{F} = \frac{k/m}{s^{2} + \frac{b}{m}s + \frac{b}{m}} = \frac{u_{0}^{2}}{s^{2} + \frac{w_{0}}{Q}s + w_{0}^{2}}$$

$$H'(jw_{0}) = \frac{w_{0}^{2}}{-w_{0}^{2} + j\frac{w_{0}}{Q}\cdot w_{0} + w_{0}^{2}} = \frac{Q}{j}$$
Generalt:  $kx = F \cdot \frac{Q}{j}$  Ved resonans  
idutte hiffelle:  
 $x(y) = -\frac{Q \cdot Fd}{j\frac{k}{k}uff(y)} = -\frac{Q}{j\frac{k}{k}uff(y)} \cdot \frac{QC}{Qx} \cdot v_{i}}$   
(Knafl og displacement i molsatt retruing)

G

F

# Prosedyre, forts

- Når bjelken beveger seg, dannes det en tidsvarierende kapasitans mellom elektroden og resonatoren
- H) Dette fører til en utgangsstrøm som er "DC-biased" via Vp
  - dC/dx er her et ulineært ledd
  - dx/dt er hastigheten

Nar beam beveger sig, dannes det en tidsvarierende kaparitans mellom elektrode og resonator

Ditte form hi in <u>ubgangsshow</u> gitt av  $i_{o} = -V_{P} \frac{\partial C}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial t}$  ( $V_{P}$  or DC-bias  $p_{a}^{o}$  beam)  $Q_{o} = V_{P} \cdot C$  $Q_{o} = i_{o} = -$ 



Н

#### Frekvenskarakteristikk

- Typiske parametre, Q, vakuum
  - Gir båndpassfilter, Q ~ 10,000
  - Egner seg for referanse oscillatorer og filtre med lave tap
- Q ~ noen hundre ved atmosfære-trykk



**Figure 12.7.** Frequency characteristic for an 8.5 MHz clamped–clamped beam polysilicon µmechanical resonator measured under 70 mtorr vacuum using a dc-bias voltage  $V_P = 10$  V, a drive voltage of  $v_i = 3$  mV, and a transresistance amplifier with a gain of 33 K $\Omega$  to yield an output voltage  $v_o$ . Amplitude =  $v_o/v_i$ . (From reference [18])

#### Prosedyre, forts.

- Overføring til mekanisk ekvivalentkrets:
  - "mass-spring-damper"-krets
  - NB! Befinner oss fortsatt i mekanisk domene
- Bjelken beskrives ved "lumped elements"
- Elementverdiene er avhengig av HVOR på bjelken en betrakter, - avhengig av y



Figure 12.8. Lumped-parameter mechanical equivalent circuit for the micromechanical resonator of Figure 12.4.

I) Beregning av "ekvivalent masse" som funksjon av y Utfyllende fra R. A. Johnson: "Mechanical Filters in Electronics", Wiley, 1983

> Forenklet utledning av utbøyningsligning Form på "fundamentalmoden"

Hvert punkt, y, har en gitt effektiv masse, en gitt hastighet

og en gitt fjærkonstant

Lavest "masse" midt på, der hastigheten er høyest

Den ekvivalente mansen ved en lokasjon  
y på resonatoren er gitt av :  

$$m_{n}(y) = \frac{KE_{tot}}{\frac{1}{2} [v(y)]^{2}}$$
  
 $KE_{tot} = peak kinetisk energi i systemet$   
 $v(y) = hastighet i lokasjon y$ 

Velou'hy i x-retning (langs beam)  

$$V'(x) = u(x) = \frac{d}{dt} (M, e^{jwt}) = jw u(x)$$
Ekvivalent marn  

$$M_{eq}(x) = \frac{KE}{\frac{1}{2}v'(x)} = \frac{\frac{1}{2}pA \int v^{2}(x) dx'}{\frac{1}{2}v^{2}(x)}$$

$$M_{es}(x) = \frac{\frac{1}{2}pA(-w^{2})\int u^{2}(x) dx'}{\frac{1}{2}(-w^{2})u^{2}(x)}$$

$$= \frac{pw \cdot t \int [X_{mode}(x)]^{2} dx'}{[X_{mode}(x)]^{2}}$$

x svarer her til tidligere y

Anta y-richning langs by ithen (som vist i figur 12.9)  
Eknivaluit mann  

$$m_{n}(y) = \frac{k \in 44}{\frac{1}{2} [v(y)]^{2}}$$

$$= \frac{p W_{n} h \int [X_{mode}(y')]^{2} dy'}{[X_{mode}(y')]^{2}}$$
du  

$$= \frac{(X_{mode}(y))^{2}}{[X_{mode}(y)]^{2}}$$
du  

$$= utbøyningen som funksjon av y$$

$$X_{node}(y) = \xi (\cos \beta y - \cosh \beta y)$$

$$+ (sm' \beta y - sm' h \beta y)$$

$$\beta = "bølgetallet"$$

$$\xi = -1.01781 (fundamental modus)$$
Dimensjonn : frz 12.9

# Topologi



Figure 12.9. Resonator cross-sectional schematic for frequency-pulling and impedance analysis.

# Prosedyre, forts.

- J) Når en har beregnet ekvivalent masse som funksjon av (y), kan en beregne ekvivalent fjærstivhet k\_r (y) og dempefaktor c\_r (y)
  - k\_r = "ekvivalent", dvs. med innvirkning både fra mekaniske og elektriske effekter

Resonans-fuctives gitt av hidligere ligning  

$$f_{0} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_{R}}{m_{R}}}, \quad w_{0}^{2} = \frac{k_{R}}{m_{R}}$$
  
Eknivalent fjærstvirhet  
 $k_{R}(y) = w_{0}^{2} \cdot m_{R}(y)$   
 $f_{-} ekvivalent masse$   
Dempefaltborn  $C_{R}(y):$   
 $S^{2}_{+} = \frac{k_{R}}{m} = S^{2}_{+} = \frac{w_{0}}{Q}S_{+} = w_{0}^{2}$   
 $b_{-} dempefaltbor$   
 $b_{-} m \cdot \frac{w_{0}}{Q} = \frac{m \cdot \sqrt{\frac{k}{m}}}{Q} = \frac{\sqrt{k \cdot m}}{Q}$ 

J

Ser bare på det mekaniske bidraget. Dette gir en viss frekvens,  $\omega$ \_nom og en viss Q-faktor, Q\_nom

k\_m (y) = den mekaniske fjærstivheten

Dempingen er avhengig kun av de mekaniske faktorene, mens den elektrostatiske "beam-softeningen" virker gjennom å endre fjærstivheten

Hen: 
$$C_{\Lambda}(y) = b = \sqrt{\frac{k_{m}(y) \cdot M_{\Lambda}(y)}{\Lambda}} \frac{1}{Q_{nom}} Q_{nom}}{\frac{k_{m}(y)}{Q}} = \frac{W_{nom} \cdot M_{\Lambda}(y)}{Q_{nom}} \frac{1}{Q_{nom}} \frac{1}{W_{nom}} \frac{1}{$$

K) Den mekaniske stivheten av resonatoren alene uten innflytelse av påtrykt spenning og elektroder finnes

Κ

# Tunbar elektrisk fjærstivhet

- Fjærstivheten kan tunes ved Vp
  - Resultanten er avhengig av forholdet mellom
     k\_e og k\_m
- L) Beregn hvordan k\_e avhenger av lokasjon y

Voltage - hundar elektrisk shirhet  
- Resonaus-fukvens kan tunes ved Vp  
- Gir en Vp-avhungig elektrisk fjærkonstant  
ke som subhahens fra den  
mekaniske fjærkonstanten kem  
- Den resulterende fjærkonstanten senkes  

$$k_r = k_m - k_e$$
  
 $\int_{mekanisk}$   
Resonansfrehversen  
 $fo = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_m - k_e}{m-k_e}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_m}{m-k_e}}$ 

Kesonamspehvensen  $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \sqrt{\frac{k_m - k_e}{m_h}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_m}{m_h}} \left(1 - \frac{k_e/m_h}{k_m/m_h}\right)$  i realisteten  $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \sqrt{\frac{k_m}{m_h}} \left(1 - \frac{k_e}{k_m}\right)^{\frac{1}{2}}$ Forholdet endres over y', dvs. må summeres opp i et integral Vendier i sarka - 10kasjon Vendien i Sarka -<math>Vendien i Sarka - Vendien i Sarka -

L

av gapet!

35

Beregn gapet: Må finne it utbykk for 
$$d(y)$$
:  
Anda at karft ved in borshyrning ut  
fra tikuvelitstilling  $(V_p = 0)$ ; e:  
 $F = -\frac{1}{2} V_p^2 \frac{\xi}{\xi} \frac{H}{d^2} = k \cdot \text{displamment}^*$   
Gep-avolanden kan utbykkes ved:  
 $d(y) = d_0 - \frac{1}{2} V_p^2 \xi_0 W_n \int_{k_m}^{k_{e_1}} \frac{1}{k_m(y')} \left[ d(y) \right]^2 \frac{X_{stal}(y)}{X_{stal}(y)} dy'$  kraft / eff. fjærstivhet  
 $g_{q_p}$  ved  $V_{p=0}$   
Skakish "bending shape" dvs. relatert til  
svinge-amplituden  
 $d(y) - dyning in må lerves iterativt
Duved finnes  $dk_e(y')$  av  $V_p^2 \frac{\xi}{k_m} \frac{W_n}{dy'} \frac{d_{k_m}}{d(y')}$   
 $g' \left( \frac{k_e}{k_m} \right) = g(d, V_p) = \int_{k_{e_1}}^{k_{e_2}} \frac{dk_e(y')}{k_m(y')}$   
 $36$$ 

#### Forenklet betraktning (De Los Santos):

Regner bjelken flat over elektroden

Potensiell energi pga. påsatt spenning

Det arbeidet som utføres ved å forflytte bjelken en avstand g, MOT kraften som skyldes den elektriske fjærstivheten k e (Forutsetter at fjærstivheten er konstant i hvert punkt, y´)

Energiene kan settes lik hveran

Forenklet uttrykk for elektrisk fjærstivhet

$$\frac{1}{2}k_e \cdot g^2 = \frac{1}{2}C \cdot V_p^2$$
$$k_e = \frac{C \cdot V_p^2}{g^2}$$

$$U_2 = \int_0^g k_e \cdot x \cdot dx = \frac{1}{2} k_e \cdot g^2$$

 $U_{1} = \frac{1}{CV_{p}}^{2}$ 

idre 
$$\frac{1}{2}k_e$$
.

#### Forenklet uttrykk for frekvensen:

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_m - k_e}{m_r}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_m}{m_r}} \left(1 - \frac{k_e}{k_m}\right)$$
$$= \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_m}{m_r}} \cdot \sqrt{1 - \frac{k_e}{k_m}} = f_{nom} \cdot \sqrt{1 - \frac{C \cdot V_p^2}{k_m \cdot g^2}}$$

Innsatt for C:

$$\begin{split} C &= \varepsilon_0 \cdot \frac{A}{g} \\ f &= f_{nom} \cdot \sqrt{1 - \frac{\varepsilon_0 \cdot A \cdot V_p^2}{k_m \cdot g^3}} \end{split}$$

Dette harmonerer med de tidligere detaljerte beregningene

$$k_e = \varepsilon_0 \cdot \frac{A \cdot V_P^2}{g^3}$$
$$dk_e(y') = V_P^2 \cdot \frac{\varepsilon_0 \cdot W_r \cdot dy'}{[d(y')]^3}$$

Ha:  

$$k = V_{p}^{2} \frac{\varepsilon_{o} A}{d^{3}}$$

$$dk_{e}(y') = V_{p}^{2} \frac{\varepsilon_{o} W_{h} dy'}{[d(y')]^{3}}$$

$$\int_{affermmill} elektriste fjærstochut
i lokasjon y' og ved en en liten
elektroch-budde dy'$$

39

### **Beam-softening**

- Resonansfrekvensen faller med en gitt faktor
  - sqrt [1 C0 \* Vp exp2 / (k\_m \*d exp2)]
  - -> resonansfrekvensen kan tunes elektrisk!

$$f_o = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_r}{m_r}} = 1.03 \kappa \sqrt{\frac{E}{\rho}} \frac{h}{L_r^2} [1 - g(V_P)]^{1/2}, \qquad (12.2)$$

#### Småsignal-ekvivalent

 En elektrisk ekvivalentkrets trengs for å modellere og simulere impedansoppførselen til denne mikromekaniske resonatoren i en felles elektromekanisk krets

$$L_x = \frac{m_{re}}{\eta_e^2}, \qquad C_x = \frac{\eta_e^2}{k_{re}}, \qquad R_x = \frac{\sqrt{k_{re}m_{re}}}{Q\eta_e^2} = \frac{C_{re}}{\eta_e^2}, \qquad (12.17)$$



Figure 12.10. Equivalent circuit for a  $\mu$  mechanical resonator with both electrical (voltage  $v_i$ ) and mechanical (force  $f_c$ ) inputs and outputs.

# Koblingskoeffisient

- Hvis en ser inn i kretsen fra venstre
- En ser en en transformert LCR-krets med nye elementverdier gitt av (12.17)
  - Elektromekanisk koblingskoeffisient = "transformer turns ratio"
- Koblingskoeffisienten er utmeislet i notater fra UCLA
  - Tatt i forbindelse med 2-port lateral combdrive actuator (L8)







#### **Diskusjon:**

FSRM NAL TICLES OF THE **Resonator equivalent circuit** Admittance at resonance is Two types of currents possible:  $Y_{in}$  from resonator motion (should dominate!) from electrodes and resonator acting as where we want to minimize the pure electrical structure (from motional resistance, R<sub>m</sub>: feedthrough capacitance)  $\frac{\sqrt{k^*m}}{2m^2} \quad \eta = V_{DC} \frac{dC}{dg}$  $R_m = 1$  Need: ≻High Q >High coupling (high voltage or small gap) >Low mass  $R_{m}$  $C_m$ L ≻Low stiffness (!)

95

ICOLI JOLYTECH MOUT









### Tap, c-c-beam

- Stivheten til en gitt resonator-bjelke øker i takt med økende resonans-frekvens
  - Mer energi pr sykel går inn i substratet via ankere
- c-c-beam har tap gjennom ankerfestene
  - $\rightarrow$  Q-faktoren går ned når frekvensen øker
  - c-c-beam er ikke den beste strukturen ved de høyeste frekvensområdene!
  - Eks. Q = 8,000 ved 10 MHz, Q = 300 ved 70 MHz
- c-c beam kan brukes til referanse-oscillator eller HF/VHF filter/mikser
- "free-free beam" kan brukes for å minske tapet gjennom ankerene i substratet!

### free-free-beam

- Gunstig når det gjelder tap til substratet gjennom ankerfestene
- f-f-beam er opphengt ved 4 support-bjelker i bredderetningen
  - Torsjons-oppheng
  - Oppheng festet ved nodepunktene for "flexural mode"
- Support-dimensjonene tilsvarer en kvart-bølgelengde av f-f-bjelkens resonans-frekvens
  - Impedansen som bjelken erfarer fra support nulles ut
  - Bjelken blir fri til å vibrere som om den ikke hadde noe oppheng
- Høyere Q kan oppnås
  - Eks. Q= 20,000 ved 10 200 MHz
  - Anvendes i referanse-oscillatorer, HF/VHF-filtre/miksere

### free-free beam



Fig. 29. SEM of free-free beam virtually levitated micromechanical resonator with relevant dimensions for  $f_o = 71$  MHz.

Nguyen, 1999

#### **92 MHz Free-Free Beam** µResonator Free-free beam µmechanical resonator with non-intrusive supports 🗰 reduce anchor dissipation 🗰 higher Q Flexural-Mode Support Drive Beam Beams 13.1µm Electrode Anchor 1µm 10.4µm -70.5 Ground Plane and Sense Electrode -71.5 Design/Performance: [BP]-72.5 uossimsuru -74.5 92.25 MHz *L*<sub>*r*</sub>=13.1μm, *W*<sub>*r*</sub>=6μm 0 = 7,450*h*=2µm, *d*=1000Å $V_{P}=28V, W_{e}=2.8\mu m$ fo~92.25MHz -75.5 And the state Q~7,450 @ 10mTorr -76. [Wang, Yu, Nguyen 1998] 92.22 92.24 92.26 92.28 92.30 Frequency [MHz] C. T.-C. Nguyen Univ. of Michigan





#### Andre typer resonatorer



"Stemmegaffel" – balansert!

#### Scaling of Lateral Micromechanical Resonators



Fig. 1: Simulated plot of motional resistance versus electrode-toresonator gap for a 40µm-long, 2µm-wide, 3µm-thick, lateral clamped-clamped beam µmechanical resonator.



Fig. 2: Cross-section of the described sub-µm electrode-to-resonator gap process for lateral µstructures with metal electrodes.

- Advantages of lateral resonator
  - Wider variety of resonant modes
  - Balanced resonators (push-pull)
  - More design flexibility
- As frequency scales up
  - Resonator size shrinks
  - Capacitive transducer gaps must also shrink (to sub-100 nm for VHF)
  - High aspect ratio structures
- Combine Poly-Si (high-Q structural materials) with metal electrode (high conductivity)
  - Self-aligned process

Hsu, Clark, Nguyen, "A sub-micron capacitive gap process for multiple-metal-electrode lateral micromechanical resonators," MEMS 2001, p. 349

M. C. Wu

#### Radial Contour-Mode Disk µ-mechanical Resonator



### Disk resonatorer

- Fordeler av disker framfor bjelker
  - Redusert luft-demping
    - Vakuum trengs ikke for måling av Q-faktor
  - Høyere stivhet
    - Frekvensen er høyere for gitte dimensjoner
  - Større volum
    - Høyere Q fordi mer energi er lagret
    - Mindre problemer med termisk støy
- Periferien av disken kan ha ulike bevegelsesmønstre

#### **Increasing the Resonant Frequency**

option 2. spring rate  $\rightarrow \infty$ 







EAM = Electromechanical Amplitude Modulation (sinus også på "shuttle")

# Begrensninger i mikromekaniske resonatorer

- Frekvens-begrensninger
  - Redusere m for å oppnå høyere frekvens
  - Vil gi fluktuasjoner i frekvensen
    - "mass loading": utveksling av molekyler mot omgivelsene
    - Luft-gass-molekyler utøver Brownske bevegelser (kraft)
- Energi-begrensninger
  - Q avhenger av energitap
    - Viskøs demping
    - Vertikal bevegelse: squeezed-film damping
    - Horisontal bevegelse: Stokes- eller Couette-type demping

# Begrensninger, forts.

- Temperaturavhengighet
  - Resonansfrekvensen endres pga. temperaturøkning og aldring
  - Økt temperatur fører til redusert frekvens
    - Analog eller digital kompensasjon (feedback)
    - Mekanisk kompensasjon
      - Benytte strukturer med deler som har både kompressivt og tensilt stress: motvirkende effekter





### Temperatur-kompensasjon, forts.

- Topp-elektroden reduserer effektiv fjærkonstant ved at Vc gir en elektrostatisk tiltrekning
- Topp-elektroden hever seg fysisk pga. temperaturøkning → reduksjonen av fjærkonstanten blir mindre
- Generelt sett faller fjærkonstant-verdien med økende temperatur. Men reduksjonen blir mindre enn den skulle ha blitt pga. at toppelektroden sin effekt avtar!