



**Oppgave 3.** På oktal form blir det heksadesimale tallet  $f2.3_{16}$

**A:**  $262.3_8$

**B:**  $362.14_8$

**C:**  $164.13_8$

**D:**  $152.16_8$

**E:**  $74.14_8$

**Oppgave 4.** Tallet

$$\frac{\sqrt{7}-1}{\sqrt{7}+1} + \frac{1}{3}\sqrt{7}$$

er

**A:** et irrasjonalt tall

**B:**  $2\sqrt{7}$

**C:**  $\frac{4}{3} + \frac{2}{3}\sqrt{7}$

**D:**  $\frac{2}{3}$

**E:**  $\frac{4}{3}$

**Oppgave 5.** Hvilket av følgende utsagn er sant?

**A:** Tallet  $1/36$  kan representeres med endelig antall sifre i tallsystemet med base  $\beta = 6$

**B:** Tallet  $1/30$  kan representeres med endelig antall sifre i tallsystemet med base  $\beta = 15$

**C:** Addisjon av to 64 bits flyttall kan aldri gi overflow

**D:** Det finnes irrasjonale tall som kan representeres eksakt med 64 bits flyttall

**E:** Addisjon av 64 bits flyttall på datamaskin gir aldri avrundingsfeil

**Oppgave 6.** Tallet  $527/1024$  vil i det binære tallsystemet representeres med sifferutviklingen

**A:**  $0.1001\ 00\cdots_2$  der 100 repeteres i det uendelige

**B:**  $0.1000\ 0011\ 11_2$

**C:**  $0.1000\ 0111\ 11_2$

**D:**  $0.1100\ 0111\ 11_2$

**E:**  $0.1000\ 0111\cdots_2$  der 0111 repeteres i det uendelige

**Oppgave 7.**  $1/7$  vil i det heksadesimale tallsystemet bli

**A:**  $0.239239\cdots_{16}$ , der 239 repeteres i det uendelige

**B:**  $0.239239_{16}$

**C:**  $0.249249\cdots_{16}$ , der 249 repeteres i det uendelige

**D:**  $0.2424\cdots_{16}$ , der 24 repeteres i det uendelige

**E:**  $0.249249_{16}$

(Fortsettes på side 3.)

**Oppgave 8.** La  $\beta$  være et helt tall slik at  $\beta \geq 7$ . Hvis  $146_\beta = 102$ , så må

**A:**  $\beta = 7$

**B:**  $\beta = 8$

**C:**  $\beta = 9$

**D:**  $\beta = 10$

**E:**  $\beta = 11$

**Oppgave 9.** Hva er minste øvre skranke for mengden

$$\{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 7x + 12 < 0\}?$$

**A:**  $\sqrt{2}$

**B:** 3

**C:** 4

**D:** 0

**E:** 7

**Oppgave 10.** Hvis vi ganger ut  $(x + 3)^{10}$  så vil koeffisienten til  $x^7$  bli

**A:** 1752

**B:** 1024

**C:** 324

**D:** 3240

**E:** 120

Du kan her få bruk for at binomialkoeffisientene er gitt ved  $\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$

**Oppgave 11.** Addisjonen  $742_8 + 376_8$  gir

**A:**  $1340_8$

**B:**  $340_8$

**C:**  $1270_8$

**D:**  $1022_8$

**E:**  $1742_8$

**Oppgave 12.** Anta at vi har en datamaskin som representerer tall på normalform i 10-tallsystemet, med 4 siffer for signifikanden og 1 siffer for eksponenten. Addisjonen  $0.1317 + 89.21$  vil på en slik maskin gi resultatet

**A:** 89.35

**B:** 89

**C:** 89.3

**D:** 89.3417

**E:** 89.34

(Fortsettes på side 4.)

**Oppgave 13.** Hvilket av følgende uttrykk vil gi stor relativ feil om det evalueres for svært store positive flyttall?

**A:**  $\ln(2x) + \ln x$

**B:**  $\ln(x+1) - \ln x$

**C:**  $\cos^3 x - \cos^3(x + \pi)$

**D:**  $x^4 - x$

**E:**  $\sqrt{x+1} - |x|$

**Oppgave 14.** Hvilken av de følgende differensligningene er lineær, inhomogen, og av andre orden?

**A:**  $x_{n+2} + 7nx_{n+1} + x_n = \sqrt{2n}$

**B:**  $x_{n+1} - n^2x_n = n^3$

**C:**  $x_{n+2} - 7n^2x_{n+1} + x_n = 0$

**D:**  $x_{n+2} - 2x_{n+1}x_n = 2$

**E:**  $x_{n+2} + \sqrt{x_{n+1}} + \sqrt{x_n} = 3$

**Oppgave 15.** Differensligningen

$$x_{n+1} - 3x_n = -2n^2$$

har en partikulærløsning

**A:**  $x_n^p = n^2 - n + 1$

**B:**  $x_n^p = n^2 - 1$

**C:**  $x_n^p = n^2 + 1$

**D:**  $x_n^p = n^2$

**E:**  $x_n^p = n^2 + n + 1$

**Oppgave 16.** En annenordens lineær og homogen differensligning med konstante koeffisienter har den generelle løsningen

$$x_n = C2^{-n} + D4^{-n}.$$

Hva kan da ligningen være?

**A:**  $8x_{n+2} - 6x_{n+1} - x_n = 0$

**B:**  $6x_{n+2} - 8x_{n+1} + x_n = 0$

**C:**  $x_{n+2} - 6x_{n+1} + 8x_n = 0$

**D:**  $8x_{n+2} - 6x_{n+1} + x_n = 0$

**E:**  $8x_{n+2} + 6x_{n+1} + x_n = 0$

**Oppgave 17.** Vi har gitt en differensligning med tilhørende startverdier,

$$x_{n+2} - 9x_{n+1} + 20x_n = 24n - 14, \quad n \geq 0, \quad x_0 = -1, \quad x_1 = -2.$$

Hva er løsningen?

**A:**  $x_n = 2n - 4^n$

**B:**  $x_n = 3n - 5^n$

**C:**  $x_n = 2n - 5^n$

**D:**  $x_n = 2n - 4^n - 5^n$

**E:**  $x_n = -n - 1$

(Fortsettes på side 5.)

**Oppgave 18.** Vi har differensligningen

$$4x_{n+2} - 16x_{n+1} + 15x_n = 6, \quad n \geq 1, \quad x_0 = 3, \quad x_1 = 7/2,$$

og løser denne numerisk med 64-bits flyttall på datamaskin. For tilstrekkelig store  $n$  vil da den beregnede løsningen  $\bar{x}_n$  gi som resultat

**A:** 2

**B:** 0

**C:**  $2 + (3/2)^n$

**D:**  $2 + (5/2)^n$

**E:** overflow

**Oppgave 19.** Vi har differensligningen

$$2x_{n+2} - 11x_{n+1} + 5x_n = 0, \quad x_0 = 3, \quad x_1 = 3/2.$$

og løser denne med 64-bits flyttall på datamaskin. Kall den beregnede løsningen for  $\bar{x}_n$ . Vi har da at

**A:**  $\bar{x}_n$  gir avrundingsfeil for alle  $n$

**B:**  $\bar{x}_n = 3 \cdot 5^n$  for alle  $n$

**C:**  $\bar{x}_n = 3 \cdot 2^{-n}$  for alle  $n$

**D:**  $\bar{x}_n = 3 \cdot 2^{-n}$  for små  $n$ , og  $\bar{x}_n$  vil til slutt gi avrundingsfeil, men aldri overflow

**E:**  $\bar{x}_n = 3 \cdot 2^{-n}$  for små  $n$ , og  $\bar{x}_n$  vil til slutt gi avrundingsfeil, og etterhvert overflow

**Oppgave 20.** Vi har differensligningen

$$x_n = \frac{x_{n-1}}{x_{n-2}}, \quad x_0 = 1, \quad x_1 = 1/2$$

Vi lar  $P_n$  betegne påstanden

$$P_n : x_n \text{ er enten } 1/2 \text{ eller } 1,$$

hvor  $n \geq 0$ . Vi forsøker å bruke induksjon til å vise at  $P_n$  er sann for  $n \geq 0$ :

1. Vi ser lett at  $P_0$  og  $P_1$  er sanne.
2. Anta nå at vi har bevist at  $P_0, \dots, P_k$  er sanne. For å fullføre induksjonsbeviset må vi vise at  $P_{k+1}$  også er sann. Fra induksjonshypotesen vet vi at både  $x_{k-1}$  og  $x_k$  er enten  $1/2$  eller  $1$ . Men da er  $x_{k+1} = x_k/x_{k-1}$  også enten  $1/2$  eller  $1$ , slik at  $P_{k+1}$  også er sann.

Dermed er påstanden  $P_n$  sann for alle  $n \geq 0$ .

Hvilket av følgende utsagn er sant?

**A:** Påstanden  $P_n$  er sann for alle  $n \geq 2$ , men del 1 av induksjonsbeviset er feil

**B:** Beviset er riktig, men det er ikke noe induksjonsbevis

**C:** Påstanden  $P_n$  er ikke sann for alle  $n \geq 2$ , og del 2 av induksjonsbeviset er feil

**D:** Påstanden  $P_n$  er sann for alle  $n \geq 2$ , men del 2 av induksjonsbeviset er feil

**E:** Påstanden  $P_n$  er sann for alle  $n \geq 0$  og induksjonsbeviset er riktig

(Fortsettes på side 6.)

*Det var det!*