

Det var Jacob Bernoulli som først studerte grenseverdien

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$$

Han studerte følgende problem: Hvis man starter med 1 krone i banken og får 100% rente en gang i året, vil vi etter ett år ha 2 kroner. Dersom vi i stedet får 50% rente to ganger i året, så vil vi ha litt mer penger ved slutten av året, fordi vi også får renter av rentene våre. Det gir oss ved utgangen av året

$$\left(1 + \frac{1}{2}\right)^2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{4} = 2.25$$

Dersom vi hadde fått renter tre ganger i året. og 33,33% hver gang (altså  $\frac{1}{3}$ ), vil vi ende med

$$\left(1 + \frac{1}{3}\right)^3 = \left(\frac{4}{3}\right)^3 = \frac{64}{27} \approx 2.37$$

Dersom vi fordeler renta på  $n$  påføringer, vil summen ved årets slutt være

$$\left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$$

Bernoulli så at dersom vi lar  $n$  vokse over alle hauger, så vil dette uttrykket nærme seg en grense. Euler viste senere at denne grensen er grunntallet for de naturlige logaritmene.