

UNIVERSITETET I OSLO
Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

UNDERVEISEKSAMEN I: MAT1110.
EKSAMENSDAG: TIRSDAG 16/3, 2004.
TID FOR EKSAMEN: KL. 09.00–11.00.
VEDLEGG: FORMELSAMLING.
TILLATTE HJELPEMIDLER: INGEN.
OPPGAVESETTET ER PÅ 2 SIDER.

Opgaven består av 15 spørsmål, spørsmålene 3, 4, 9, 10, 15 teller 4 poeng hver, de andre spørsmålene teller 3 poeng. Det er bare ett riktig alternativ på hvert spørsmål. Dersom du svarer feil eller lar være å krysse av får du null poeng. Markerer du flere alternativ på samme spørsmål får du også null poeng.

KANDIDATNR. _____

Oppgave 1. For følgen $a_n = \frac{n^2-3n+1}{n\sqrt{2n^2+1}}$ gjelder

$\{a_n\}$ divergerer $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ $\lim_{n \rightarrow \infty} = 1$ $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \frac{-3}{\sqrt{2}}$ $\lim_{n \rightarrow \infty} = \frac{1}{\sqrt{2}}$

2. Summen av rekka $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2^n+1}{3^n}$ er lik

$\frac{9}{2}$ ∞ $\frac{3}{2}$ 3 0

3. Summen av rekka $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)}$ er lik

1 $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ ∞ 0

4. For rekkene (a) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{3/2}}$ og (b) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n}}{n^{3/2+1}}$ gjelder

Begge konvergerer begge divergerer (a) konvergerer og (b) divergerer (a) divergerer og (b) konvergerer

5. For de to rekkene (a) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{n^2+1}$ og (b) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n+1}$ gjelder

Begge er divergente (a) er betinget konvergent og (b) er divergent (a) er absolutt konvergent og (b) er divergent

begge er absolutt konvergente begge er betinget konvergente

6. Potensrekka $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n x^n}{n^2}$ har konvergensinterval lik

$(-\infty, \infty)$ $(-2, 2)$ $[-1, 1]$ $[-1, 1)$ $(-1, 1]$

7. $f(x) = e^{-x^2} - 1$ har MacLaurinrekke

$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{x^{2n}}{n!}$
 $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n}}{n!}$
 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^{2n}}{n!}$
 $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{x^{2n}}{n}$
 $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n x^{2n}$

8. Kurven $x = 2 \sin t + 1$, $y = 4 \cos t - 1$, $t \in [0, 2\pi]$ er en parameterfremstilling av

ellipsen $\frac{(x-1)^2}{4} + \frac{(y+1)^2}{16} = 1$
 parablen $y + 1 = \frac{(x-1)^2}{4}$
 sirkelen $(x-1)^2 + (y+1)^2 = 4$
 ellipsen $\frac{(x-1)^2}{2} + \frac{(y+1)^2}{4} = 1$
 hyperbelen $\frac{(x-1)^2}{4} - \frac{(y+1)^2}{16} = 1$

9. Tangentlinjen til kurven $x = 2 \sin t + 1$, $y = 4 \cos t - 1$ i punktet der $t = \pi/4$ har likning

$y = -2x + \sqrt{2} - 1$
 $y = -2x + 4\sqrt{2} + 1$
 $y = -2x + 4\sqrt{2} + 1$
 $y = \frac{1}{2}x + \sqrt{2} - 1$
 $y = -\frac{1}{2}x + 4\sqrt{2} + 1$

10. Buelengden av kurven $x = e^t \cos t$, $y = e^t \sin t$, $t \in [0, \pi]$ er

$e^\pi + 1$
 $\sqrt{2}(e^\pi - 1)$
 1
 $\sqrt{2}(e^\pi + 1)$
 $e^\pi - 1$

11. Kurven med likning i polarkoordinater $r = \frac{\cos \theta}{\sin^2 \theta}$ har likning i kartesiske koordinater

$x^2 = y$
 $y^2 = x$
 $x^2 + y^2 - 2y = 0$
 $x^2 + \frac{y^2}{4} = 1$
 $y = 1$

12. Området i (x, y) -planet som i polarkoordinater er gitt ved $0 \leq r \leq e^\theta$, $\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]$ har areal

$\frac{1}{4}(e^\pi - 1)$
 $\frac{1}{4}(e^{2\pi} + 1)$
 $\frac{1}{4}$
 2π
 1

13. Planet gjennom $(1,0,0)$, $(2,1,0)$ og $(1,1,1)$ har normalvektor

$\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$
 $-\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$
 $\vec{i} - \vec{j}$
 $\vec{i} - \vec{k}$
 $\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$

14. Avstanden fra punktet $(1,1,1)$ til planet $x + y + z = 1$ er

$\frac{1}{\sqrt{3}}$
 $\frac{1}{3}$
 $\frac{2}{\sqrt{3}}$
 $\sqrt{3}$
 $\frac{2}{3}$

15. For $x \in (-1, 1)$ er summen av rekka $\sum_{n=0}^{\infty} (n+1)x^n$ lik

$\frac{x}{1-x^2}$
 $\frac{x}{(1-x)^2}$
 $\frac{1}{(1-x)^2}$
 $\frac{x^2}{(1-x^2)^2}$
 $\frac{1}{1-x^2}$

SLUTT