

# UNIVERSITETET I OSLO

## Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

UNDERVEISEKSAMEN I: MAT2310 – OPTIMAL KONTROLLTEORI.  
EKSAMENDAG: TORSDAG 17/3, 2005.  
TID FOR EKSAMEN: KL. 13.30–16.30.  
VEDLEGG: INGEN.  
TILLATTE HJELPEMIDLER: INGEN.  
OPPGAVESETDET ER PÅ 1 SIDE.

**Oppgave 1.** Løs differensielllikningene

- (a)  $\ddot{x} + \dot{x} + \frac{1}{2}x = 0$   
(b)  $\ddot{x} + \dot{x} + \frac{1}{2}x = e^t + t$

**Oppgave 2.** Løs differenslikningen

$$x_{t+2} - x_t = \sin t$$

**Oppgave 3.** Betrakt problemet

$$\underset{u_t}{\text{maks}} \sum_{t=0}^T \frac{\sqrt{u_t}}{x_t}, \quad \text{der } u_t \in [0, 1],$$

og

$$x_{t+1} = (1 + u_t)^{-1}x_t, \quad t = 0, 1, \dots, T, \quad x_0 > 0 \text{ gitt.}$$

- (a) Beregn verdifunksjonene

$$J_T(x), J_{T-1}(x), J_{T-2}(x)$$

og de tilhørende optimale kontrollverdiene

$$u_T^*(x), u_{T-1}^*(x), u_{T-2}^*(x).$$

- (b) Bestem  $J_{T-t}(x)$  og  $u_{T-t}^*(x)$ , for  $t = 0, 1, 2, \dots, T$ . Finn også de optimale tilstandene  $x_t^*$ ,  $t = 1, 2, \dots, T$ .

SLUTT