

a) Når du i punkt a skal finne forventning og varians til momentestimatoren for σ^2 , har du bruk for følgende resultater:

- $\frac{1}{\sigma^2} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$ er kji-kvadrat fordelt med $n-1$ frihetsgrader (jf. teorem B på side 197 i Rice).
- Hvis V er kji-kvadratfordelt med k frihetsgrader, så er $E(V) = k$ og $\text{Var}(V) = 2k$ (jf. side 193 i Rice)

b) Bruk en lignende framgangsmåte som på side 5 i notatet om konfidensintervall.

c) Når forventningen μ_0 er kjent, bruker vi $S_0^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \mu_0)^2$ som estimator for σ^2 . Vis at nS_0^2 / σ^2 er kji-kvadrat fordelt med n frihetsgrader og utled konfidensintervallet på tilsvarende måte som i punkt b.