

UNIVERSITETET I OSLO

Det matematisk-naturvitenskapelige fakultet

Eksamen i: STK2400 — Elementær innføring i risiko- og pålitelighetsanalyse.

Eksamensdag: Mandag 9. desember 2013.

Tid for eksamen: 14.30 – 18.30.

Oppgavesettet er på 2 sider.

Vedlegg: Ingen.

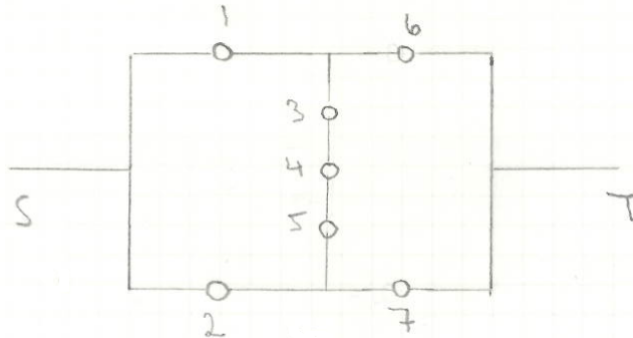
Tillatte hjelpemidler: Godkjent kalkulator.

Kontroller at oppgavesettet er komplett før du begynner å besvare spørsmålene.

Alle 12 underpunkter vektlegges likt ved sensuren.

Oppgave 1

Betrakt følgende flytnettverk av uavhengige komponenttilstander.



- Finne systemets minimale sti- og kuttmengder.
- Hvor mange ledd får vi i beste fall (før vi trekker sammen) ved å bruke utmultipliseringsmetoden for å beregne påliteligheten til dette systemet? Begrunn svaret. Sammenlign med metoden basert på total tilstandsoppramsing.
- Beregn påliteligheten til dette systemet uttrykt ved komponentpålitelighetene p_1, \dots, p_7 .
- Hva blir den pålitelighetsmessige betydning av 4. komponent hvis en bruker Birnbaum målet?
- Hva blir den tilsvarende strukturelle betydning av 4. komponent? Vis dette på 2 måter.

(Fortsettes på side 2.)

- f) Hva blir den strukturelle betydning av 1. komponent?
 g) Ranger den strukturelle betydning av alle komponentene i systemet.

Oppgave 2

I denne oppgaven kan en basere seg på at hvis X_1, \dots, X_n er assosierte, binære, tilfeldige variable, så er

$$E \prod_{i=1}^n X_i \geq \prod_{i=1}^n EX_i$$

$$E \prod_{i=1}^n X_i \leq \prod_{i=1}^n EX_i$$

- a) Vis at uavhengige tilfeldige variable er assosierte.
 b) La X_1, \dots, X_n være de assosierte komponenttilstander til en monoton struktur ϕ med komponentpåliteligheter p_1, \dots, p_n . Vis at

$$\prod_{i=1}^n p_i \leq P[\phi(\mathbf{X}) = 1] \leq \prod_{i=1}^n p_i$$

- c) La videre ϕ ha minimale stiseriestrukturer $\rho_j(\mathbf{X}^{P_j}) = \prod_{i \in P_j} X_i$, $j = 1, \dots, p$ og minimale kuttparallelstrukturer $\kappa_j(\mathbf{X}^{K_j}) = \prod_{i \in K_j} X_i$, $j = 1, \dots, k$. Vis at

$$\prod_{j=1}^k P(\kappa_j(\mathbf{X}^{K_j}) = 1) \leq P[\phi(\mathbf{X}) = 1] \leq \prod_{j=1}^p P(\rho_j(\mathbf{X}^{P_j}) = 1)$$

Hvilken innvending kan det reises mot disse grensene?

- d) Anta i tillegg at X_1, \dots, X_n er uavhengige. Vis at

$$\prod_{j=1}^k \prod_{i \in K_j} p_i \leq P[\phi(\mathbf{X}) = 1] \leq \prod_{j=1}^p \prod_{i \in P_j} p_i$$

- e) Vis at for et bestemt k-av-n system med $p_i = p$, $i = 1, \dots, n$ at den nedre grensen i d) kan være dårligere enn den nedre grensen i b).

SLUTT