

3) La a være et reelt tall. Regn ut determinanten til matrisen A ,

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & a \end{bmatrix}.$$

- -2 $2a - 2$ 0 $2a + 2$ 2

4) Hvilket av følgende tall er en egenverdi for matrisen M ,

$$M = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}.$$

- -2 -1 0 1 2

5) Hvilken av vektorene under er en egenvektor for matrisen B ,

$$B = \begin{bmatrix} -3 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & -3 \end{bmatrix}.$$

- $\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$

6) Treningssenteret *Hopp og sprett* ønsker å bruke teori fra populasjonsdynamikk til å lage en matematisk modell for hvor mange av deres medlemmer som trener ved senteret en gitt dag.

La x_n betegne antall medlemmer som trener på senteret ved dag n . La y_n betegne antall medlemmer som *ikke* trener der ved dag n .

Observasjoner viser at 60% av medlemmene som trente en dag også trener neste dag. 30 % av medlemmene som *ikke* trente en dag, trener neste dag. Finn overgangsmatrisa M i den matematiske modellen under.

$$\begin{bmatrix} x_{n+1} \\ y_{n+1} \end{bmatrix} = M \cdot \begin{bmatrix} x_n \\ y_n \end{bmatrix}$$

- $\begin{bmatrix} 0.7 & 0.3 \\ 0.4 & 0.6 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 0.3 & 0.7 \\ 0.6 & 0.4 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 0.6 & 0.3 \\ 0.4 & 0.7 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 0.3 & 0.4 \\ 0.7 & 0.6 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 0.6 & 0.7 \\ 0.4 & 0.3 \end{bmatrix}$

7) Imaginærdelen til uttrykket $2(1 - i)(1 + i) - 2$ er gitt ved

- -2 -1 0 1 2

8) Et komplekst tall er gitt ved $z = e^{i\frac{\pi}{6}} \cdot e^{i\frac{\pi}{3}} + e^{i\pi}$. Den kartesiske formen til dette komplekse tallet er gitt ved

- -1 i $1+i$ $\sqrt{2}i$ $-1+i$

9) En første ordens inhomogen lineær differenslikning er gitt ved

$$x_{n+1} + \frac{2}{3}x_n = -\frac{10}{3}.$$

Når $n \rightarrow \infty$, vil x_n gå mot

- -2 -1 0 1 2

10) Gitt en andre ordens homogen lineær differenslikning

$$x_{n+2} + x_{n+1} + x_n = 0$$

med initialverdier $x_0 = 2$, $x_1 = 1$. Hva er verdien av x_{2010} ?

- -2 -1 0 1 2

11) Vi tar så for oss den inhomogene likningen

$$x_{n+2} - x_n = 4n.$$

Den generelle løsningen til denne likningen er gitt ved summen av en homogen del og en spesiell del. Den spesielle delen av løsningen er her gitt ved

- $4n$ $4n^2 + n$ $n - 2$ $n^2 - 2n$ $n + 4$

SLUTT