

MAT1030 – Diskret Matematikk

Plenumsregning 8: Ukeoppgaver

Mathias Barra

Matematisk institutt, Universitetet i Oslo

6. mars 2009

(Sist oppdatert: 2009-03-06 19:11)



Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$.

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B =$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 =$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 = \{(a, a), (a, b), (a, c)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, a), (b, b), (b, c)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, a), (b, b), (b, c), (c, a), (c, b), (c, c)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, a), (b, b), (b, c), (c, a), (c, b), (c, c)\}$

(c) $B^3 =$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, a), (b, b), (b, c), (c, a), (c, b), (c, c)\}$

(c) $B^3 = \{(p, p, p), (p, p, q)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, a), (b, b), (b, c), (c, a), (c, b), (c, c)\}$

(c) $B^3 = \{(p, p, p), (p, p, q), (p, q, p), (p, q, q)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, a), (b, b), (b, c), (c, a), (c, b), (c, c)\}$

(c) $B^3 = \{(p, p, p), (p, p, q), (p, q, p), (p, q, q),$
 $(q, p, p), (q, p, q)\}$

Oppgave 5.9

La $A = \{a, b, c\}$ og $B = \{p, q\}$. Skriv ned følgende mengder på listeform.

(a) $A \times B$

(b) A^2

(c) B^3

Løsning

(a) $A \times B = \{(a, p), (a, q), (b, p), (b, q), (c, p), (c, q)\}$

(b) $A^2 = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, a), (b, b), (b, c), (c, a), (c, b), (c, c)\}$

(c) $B^3 = \{(p, p, p), (p, p, q), (p, q, p), (p, q, q),$
 $(q, p, p), (q, p, q), (q, q, p), (q, q, q)\}$

Oppgave 5.10

Uttrykk hver av følgende mengder som et kartesisk produkt av mengder.

- (a) Mulige måltider på en restaurant bestående av forretter, hovedrett og dessert.
- (b) Mulige registreringsskilter med tre bokstaver etterfulgt av tre siffer.
- (c) Mulige rekker av utfall med tre myntkast.

Oppgave 5.10

Uttrykk hver av følgende mengder som et kartesisk produkt av mengder.

- (a) Mulige måltider på en restaurant bestående av forretter, hovedrett og dessert.
- (b) Mulige registreringsskilter med tre bokstaver etterfulgt av tre siffer.
- (c) Mulige rekker av utfall med tre myntkast.

Løsning

- (a) La F være mengden av forretter, H hovedretter og D desserter. Da får vi at **Mulige treretters måltider** $= F \times H \times D$.

Oppgave 5.10

Uttrykk hver av følgende mengder som et kartesisk produkt av mengder.

- (a) Mulige måltider på en restaurant bestående av forretter, hovedrett og dessert.
- (b) Mulige registreringsskilter med tre bokstaver etterfulgt av tre siffer.
- (c) Mulige rekker av utfall med tre myntkast.

Løsning

- (a) La F være mengden av forretter, H hovedretter og D desserter. Da får vi at Mulige treretters måltider $= F \times H \times D$.
- (b) La $B = \{A, B, C, \dots, Z\}$ og $T = \{0, 1, \dots, 9\}$. **Mulige bilskilter er da $B \times B \times B \times T \times T \times T = B^3 \times T^3$**

Oppgave 5.10

Uttrykk hver av følgende mengder som et kartesisk produkt av mengder.

- (a) Mulige måltider på en restaurant bestående av forretter, hovedrett og dessert.
- (b) Mulige registreringsskilter med tre bokstaver etterfulgt av tre siffer.
- (c) Mulige rekker av utfall med tre myntkast.

Løsning

- (a) La F være mengden av forretter, H hovedretter og D desserter. Da får vi at Mulige treretters måltider $= F \times H \times D$.
- (b) La $B = \{A, B, C, \dots, Z\}$ og $T = \{0, 1, \dots, 9\}$. Mulige bilskilter er da $B \times B \times B \times T \times T \times T = B^3 \times T^3$
- (c) La $A = \{M, K\}$. **Mulige trekasts-rekker er da $A \times A \times A = A^3$**

Oppgave 5.11

Oppgave 5.11

La $\mathcal{E} = \{1, 2, \dots, 16\}$.

Oppgave 5.11

La $\mathcal{E} = \{1, 2, \dots, 16\}$.

(a) Finn bitstreng-representasjonen til $\{2, 4, 5, 7, 11, 14\}$.

Oppgave 5.11

La $\mathcal{E} = \{1, 2, \dots, 16\}$.

- (a) Finn bitstreng-representasjonen til $\{2, 4, 5, 7, 11, 14\}$.
- (b) Skriv ned den (del-) mengden som er representert ved
1010011011101001.

Oppgave 5.11

La $\mathcal{E} = \{1, 2, \dots, 16\}$.

- (a) Finn bitstreng-representasjonen til $\{2, 4, 5, 7, 11, 14\}$.
- (b) Skriv ned den (del-) mengden som er representert ved 1010011011101001.
- (c) Hvis A og B er representert ved henholdsvis 0011010001101101 og 1010100100010111, finn bitstreng-representasjonene til (i) $A \cup B$, (ii) $A \cap B$, (iii) \bar{A} og (iv) \bar{B} .

Løsning (a)

Løsning (a)

$\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16\}$

Løsning (a)

$$\{ \text{ ,2, ,4,5, ,7, , , ,11, , ,14, , } \} = \{2,4,5,7,11,14\}$$

Løsning (a)

$$\{ _, 2, _, 4, 5, _, 7, _, _, _, 11, _, _, 14, _, _ \} = \{2, 4, 5, 7, 11, 14\}$$

$$0, 2, 0, 4, 5, 0, 7, 0, 0, 0, 11, 0, 0, 14, 0, 0$$

Løsning (a)

$$\{ , 2, , 4, 5, , 7, , , , 11, , , , 14, , , \} = \{2, 4, 5, 7, 11, 14\}$$

$$0, 2, 0, 4, 5, 0, 7, 0, 0, 0, 11, 0, 0, 14, 0, 0$$

$$0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0$$

0101 1010 0010 0100} representerer {2, 4, 5, 7, 11, 14}

Løsning (b)

Løsning (b)

1010 0110 1110 1001 representerer

{

Løsning (b)

1010 0110 1110 1001 representerer

{1,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, ,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, ,3,

Løsning (b)

1010 0110 1110 1001 representerer

{1, 3, ,

Løsning (b)

1010 0110 1110 1001 representerer

{1, 3, , ,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 5, 6,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 6, 7,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 6, 7, 10, 11, 12, 13, 14, 15}

Løsning (b)

1010 0110 1110 1001 representerer

{1, 3, 6, 7, 9,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 6, 7, 9, 10,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 6, 7, 9, 10, 11,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 6, 7, 9, 10, 11, ...}

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 6, 7, 9, 10, 11, 13,

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 6, 7, 9, 10, 11, 13, ...}

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

{1, 3, 6, 7, 9, 10, 11, 13, ...}

Løsning (b)

1010011011101001 representerer

$\{1, 3, 6, 7, 9, 10, 11, 13, 16\}$

Løsning (b)

1010 0110 1110 1001 representerer

$$\{1, 3, 6, 7, 9, 10, 11, 13, 16\} = \{1, 3, 6, 7, 9, 10, 11, 13, 16\}$$

$A = 0011\ 0100\ 0110\ 1101$, $B = 1010\ 1001\ 0001\ 0111$.

Løsning (c)

$A = 0011\ 0100\ 0110\ 1101$, $B = 1010\ 1001\ 0001\ 0111$.

Løsning (c)

$$\begin{array}{l} \text{(i)} \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1 \\ \quad \quad B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1 \end{array}$$

$A = 0011\ 0100\ 0110\ 1101$, $B = 1010\ 1001\ 0001\ 0111$.

Løsning (c)

$$\begin{array}{l} \text{(i)} \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1 \\ \quad \quad B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1 \\ \quad \quad A \cup B = 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \end{array}$$

$A = 0011\ 0100\ 0110\ 1101$, $B = 1010\ 1001\ 0001\ 0111$.

Løsning (c)

$$(i) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$$

$$A \cup B = 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1$$

$$(ii) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$$

$A = 0011\ 0100\ 0110\ 1101$, $B = 1010\ 1001\ 0001\ 0111$.

Løsning (c)

$$(i) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$$

$$A \cup B = 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1$$

$$(ii) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$$

$$A \cap B = 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1$$

$A = 0011\ 0100\ 0110\ 1101$, $B = 1010\ 1001\ 0001\ 0111$.

Løsning (c)

$$(i) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$$

$$A \cup B = 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1$$

$$(ii) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$$

$$A \cap B = 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1$$

$$(iii) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$A = 0011\ 0100\ 0110\ 1101$, $B = 1010\ 1001\ 0001\ 0111$.

Løsning (c)

$$(i) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$$

$$A \cup B = 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1$$

$$(ii) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$B = 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1$$

$$A \cap B = 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1$$

$$(iii) \quad A = 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

$$\bar{A} = 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0$$

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

1. Input en bitstreng b

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

1. Input en bitstreng b
2. $n \leftarrow$ det usignerte bitet som har b som sin binære representasjon

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

1. Input en bitstreng b
2. $n \leftarrow$ det usignerte bitet som har b som sin binære representasjon
3. teller $\leftarrow 0$

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

1. Input en bitstreng b
2. $n \leftarrow$ det usignerte bitet som har b som sin binære representasjon
3. teller $\leftarrow 0$
4. **While** $n > 0$ **do**

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

1. Input en bitstreng b
2. $n \leftarrow$ det usignerte bitet som har b som sin binære representasjon
3. teller $\leftarrow 0$
4. **While** $n > 0$ **do**
 - 4.1. $n \leftarrow n \wedge (n - 1)$ [\wedge betyr her 'bitvis og', her anvendt på den binære representasjonen av n og $n - 1$]

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

1. Input en bitstreng b
2. $n \leftarrow$ det usignerte bitet som har b som sin binære representasjon
3. teller $\leftarrow 0$
4. **While** $n > 0$ **do**
 - 4.1. $n \leftarrow n \wedge (n - 1)$ [\wedge betyr her 'bitvis og', her anvendt på den binære representasjonen av n og $n - 1$]
 - 4.2. teller \leftarrow teller + 1 [skrivefeil i boka: det står $-$ i stedet for $+$]

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

1. Input en bitstreng b
2. $n \leftarrow$ det usignerte bitet som har b som sin binære representasjon
3. teller $\leftarrow 0$
4. **While** $n > 0$ **do**
 - 4.1. $n \leftarrow n \wedge (n - 1)$ [\wedge betyr her 'bitvis og', her anvendt på den binære representasjonen av n og $n - 1$]
 - 4.2. teller \leftarrow teller + 1 [skrivefeil i boka: det står $-$ i stedet for $+$]
5. Output teller

Oppgave 5.13

Se på følgende algoritme.

1. Input en bitstreng b
2. $n \leftarrow$ det usignerte bitet som har b som sin binære representasjon
3. teller $\leftarrow 0$
4. **While** $n > 0$ **do**
 - 4.1. $n \leftarrow n \wedge (n - 1)$ [\wedge betyr her 'bitvis og', her anvendt på den binære representasjonen av n og $n - 1$]
 - 4.2. teller \leftarrow teller + 1 [skrivefeil i boka: det står $-$ i stedet for $+$]
5. Output teller

Vis at returverdien er antall enere i b .

Eksempel

Anta at input er 100101.

Eksempel

Anta at input er 100101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1001001

Eksempel

Anta at input er 100101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1001001
	1001000

Eksempel

Anta at input er 100101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1001001 1001000
1	1001000

Eksempel

Anta at input er 100101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1001001
	1001000
1	1001000
	1000111

Eksempel

Anta at input er 100101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1001001 1001000
1	1001000 1000111
2	1000000

Eksempel

Anta at input er 100101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1001001 1001000
1	1001000 1000111
2	1000000 0111111

Eksempel

Anta at input er 100101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1001001 1001000
1	1001000 1000111
2	1000000 0111111
3	0000000

Eksempel

Anta at input er 111101.

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller binær representasjon av n og $n - 1$

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001
	1111000

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000 1110111

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000 1110111
2	1110000

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000 1110111
2	1110000 1101111

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000 1110111
2	1110000 1101111
3	1100000

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000 1110111
2	1110000 1101111
3	1100000 1011111

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000 1110111
2	1110000 1101111
3	1100000 1011111
4	1000000

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000 1110111
2	1110000 1101111
3	1100000 1011111
4	1000000 0111111

Eksempel

Anta at input er 111101.

teller	binær representasjon av n og $n - 1$
0	1111001 1111000
1	1111000 1110111
2	1110000 1101111
3	1100000 1011111
4	1000000 0111111
5	0000000

- Vi skal vise at returverdien er antall enere i inputverdien.

- Vi skal vise at returverdien er antall enere i inputverdien.
- Det er tilstrekkelig å vise at hvert steg i **While**-løkken reduserer antall enere med nøyaktig én.

- Vi skal vise at returverdien er antall enere i inputverdien.
- Det er tilstrekkelig å vise at hvert steg i **While**-løkken reduserer antall enere med nøyaktig én.
- Vi må vise at bitvis \wedge av representasjonene til n og $n - 1$ reduserer antall enere med nøyaktig én.

- Vi skal vise at returverdien er antall enere i inputverdien.
- Det er tilstrekkelig å vise at hvert steg i **While**-løkken reduserer antall enere med nøyaktig én.
- Vi må vise at bitvis \wedge av representasjonene til n og $n - 1$ reduserer antall enere med nøyaktig én.
- La $b_1 \dots b_k$ være representasjonen til n .

- Vi skal vise at returverdien er antall enere i inputverdien.
- Det er tilstrekkelig å vise at hvert steg i **While**-løkken reduserer antall enere med nøyaktig én.
- Vi må vise at bitvis \wedge av representasjonene til n og $n - 1$ reduserer antall enere med nøyaktig én.
- La $b_1 \dots b_k$ være representasjonen til n .
- Vi kan anta at $n > 0$. Da må minst et bit være en ener.

- Vi skal vise at returverdien er antall enere i inputverdien.
- Det er tilstrekkelig å vise at hvert steg i **While**-løkken reduserer antall enere med nøyaktig én.
- Vi må vise at bitvis \wedge av representasjonene til n og $n - 1$ reduserer antall enere med nøyaktig én.
- La $b_1 \dots b_k$ være representasjonen til n .
- Vi kan anta at $n > 0$. Da må minst et bit være en ener.
- La b_m være eneren som forekommer lengst til høyre, for $1 \leq m \leq k$.

- Vi skal vise at returverdien er antall enere i inputverdien.
- Det er tilstrekkelig å vise at hvert steg i **While**-løkken reduserer antall enere med nøyaktig én.
- Vi må vise at bitvis \wedge av representasjonene til n og $n - 1$ reduserer antall enere med nøyaktig én.
- La $b_1 \dots b_k$ være representasjonen til n .
- Vi kan anta at $n > 0$. Da må minst et bit være en ener.
- La b_m være eneren som forekommer lengst til høyre, for $1 \leq m \leq k$.
- Vi har følgende situasjon, hvor vi ser at bitvis \wedge fjerner nøyaktig én ener. (Eventuelt flere detaljer i plenum.)

- Vi skal vise at returverdien er antall enere i inputverdien.
- Det er tilstrekkelig å vise at hvert steg i **While**-løkken reduserer antall enere med nøyaktig én.
- Vi må vise at bitvis \wedge av representasjonene til n og $n - 1$ reduserer antall enere med nøyaktig én.
- La $b_1 \dots b_k$ være representasjonen til n .
- Vi kan anta at $n > 0$. Da må minst et bit være en ener.
- La b_m være eneren som forekommer lengst til høyre, for $1 \leq m \leq k$.
- Vi har følgende situasjon, hvor vi ser at bitvis \wedge fjerner nøyaktig én ener. (Eventuelt flere detaljer i plenum.)

$$\begin{array}{r}
 b_1 b_2 \dots b_{m-1} 100 \dots 00 \\
 b_1 b_2 \dots b_{m-1} 011 \dots 11 \\
 \hline
 b_1 b_2 \dots b_{m-1} 000 \dots 00
 \end{array}$$

Oppgave 5.14

Se på følgende sekvens av steg i pseudokode, hvor x og y er bitstrenger av lik lengde.

Oppgave 5.14

Se på følgende sekvens av steg i pseudokode, hvor x og y er bitstrenger av lik lengde.

1. $x \leftarrow x \oplus y$ [\oplus står for 'bitvis eksklusiv eller']

Oppgave 5.14

Se på følgende sekvens av steg i pseudokode, hvor x og y er bitstrenger av lik lengde.

1. $x \leftarrow x \oplus y$ [\oplus står for 'bitvis eksklusiv eller']
2. $y \leftarrow x \oplus y$

Oppgave 5.14

Se på følgende sekvens av steg i pseudokode, hvor x og y er bitstrenger av lik lengde.

1. $x \leftarrow x \oplus y$ [\oplus står for 'bitvis eksklusiv eller']
2. $y \leftarrow x \oplus y$
3. $x \leftarrow x \oplus y$

Oppgave 5.14

Se på følgende sekvens av steg i pseudokode, hvor x og y er bitstrenger av lik lengde.

1. $x \leftarrow x \oplus y$ [\oplus står for 'bitvis eksklusiv eller']
2. $y \leftarrow x \oplus y$
3. $x \leftarrow x \oplus y$

Vis at effekten av sekvensen av steg er å bytte verdiene til x og y .

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.
- La oss se på hva som skjer bitvis, for x_i og y_i , hvor $1 \leq i \leq n$.

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.
- La oss se på hva som skjer bitvis, for x_i og y_i , hvor $1 \leq i \leq n$.
- Steg 1, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $x_i \oplus y_i$.

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.
- La oss se på hva som skjer bitvis, for x_i og y_i , hvor $1 \leq i \leq n$.
- Steg 1, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $x_i \oplus y_i$.
- Steg 2, $y \leftarrow x \oplus y$, setter y_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$.

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.
- La oss se på hva som skjer bitvis, for x_i og y_i , hvor $1 \leq i \leq n$.
- Steg 1, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $x_i \oplus y_i$.
- Steg 2, $y \leftarrow x \oplus y$, setter y_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$.
- Steg 3, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$.

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.
- La oss se på hva som skjer bitvis, for x_i og y_i , hvor $1 \leq i \leq n$.
- Steg 1, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $x_i \oplus y_i$.
- Steg 2, $y \leftarrow x \oplus y$, setter y_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$.
- Steg 3, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$.
- Vi må vise at $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$ er lik den opprinnelige x_i .

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.
- La oss se på hva som skjer bitvis, for x_i og y_i , hvor $1 \leq i \leq n$.
- Steg 1, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $x_i \oplus y_i$.
- Steg 2, $y \leftarrow x \oplus y$, setter y_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$.
- Steg 3, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$.
- Vi må vise at $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$ er lik den opprinnelige x_i .
- Vi må vise at $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$ er lik den opprinnelige y_i .

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.
- La oss se på hva som skjer bitvis, for x_i og y_i , hvor $1 \leq i \leq n$.
- Steg 1, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $x_i \oplus y_i$.
- Steg 2, $y \leftarrow x \oplus y$, setter y_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$.
- Steg 3, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$.
- Vi må vise at $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$ er lik den opprinnelige x_i .
- Vi må vise at $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$ er lik den opprinnelige y_i .

x_i	y_i	$(x_i \oplus y_i)$	\oplus	$((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$	\oplus	y_i
1	1	0	1	0	1	1
1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	1	1	0	1
0	0	0	0	0	0	0

- La $x = x_1 \dots x_n$ og $y = y_1 \dots y_n$.
- La oss se på hva som skjer bitvis, for x_i og y_i , hvor $1 \leq i \leq n$.
- Steg 1, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $x_i \oplus y_i$.
- Steg 2, $y \leftarrow x \oplus y$, setter y_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$.
- Steg 3, $x \leftarrow x \oplus y$, setter x_i lik $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$.
- Vi må vise at $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$ er lik den opprinnelige x_i .
- Vi må vise at $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$ er lik den opprinnelige y_i .

x_i	y_i	$(x_i \oplus y_i)$	\oplus	$((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$	\oplus	y_i
1	1	0	1	0	1	1
1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	1	1	0	1
0	0	0	0	0	0	0

- Kolonnene 1 og 6 er like, og kolonnene 2 og 4 er like.

Løsning

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q) \oplus q$
1	1	
1	0	
0	1	
0	0	

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q) \oplus q$
1	1	0
1	0	1
0	1	1
0	0	0

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0		1
1	0			
0	1			
0	0			

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0			
0	1			
0	0			

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1		
0	1			
0	0			

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1		0
0	1			
0	0			

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1			
0	0			

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1	1		
0	0			

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1	1		1
0	0			

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1	1	0	1
0	0			

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1	1	0	1
0	0	0		

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1	1	0	1
0	0	0		0

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1	1	0	1
0	0	0	0	0

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1	1	0	1
0	0	0	0	0

- Da må $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$ (den nye verdien til y_i) være lik x_i

Løsning

- Vi kunne også ha løst oppgaven ved å vise at $(p \oplus q) \oplus q$ er logisk ekvivalent med p .

p	q	$(p \oplus q)$	\oplus	q
1	1	0	1	1
1	0	1	1	0
0	1	1	0	1
0	0	0	0	0

- Da må $(x_i \oplus y_i) \oplus y_i$ (den nye verdien til y_i) være lik x_i
- Da må $(x_i \oplus y_i) \oplus ((x_i \oplus y_i) \oplus y_i)$ (den nye verdien til x_i) være lik y_i .

Oppgave 5.15

Oppgave 5.15

La $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ og la R være relasjonen på A som er definert slik:

Oppgave 5.15

La $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ og la R være relasjonen på A som er definert slik:

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Oppgave 5.15

La $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ og la R være relasjonen på A som er definert slik:

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

(a) Skriv ned relasjonen R på matriseform.

Oppgave 5.15

La $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ og la R være relasjonen på A som er definert slik:

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

- (a) Skriv ned relasjonen R på matriseform.
- (b) Tegn den grafiske representasjonen av R .

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & \begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{array} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & \begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{array} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & \begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{array} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & \begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{array} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & \begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{array} \\ \begin{array}{c} \mathbf{F} \\ \mathbf{T} \end{array} & \begin{array}{ccccc} \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \end{array} \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & \begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{array} \\ \begin{array}{c} \mathbf{F} \\ \mathbf{T} \end{array} & \begin{array}{ccccc} \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \end{array} \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & & & & \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & & \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$

$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$

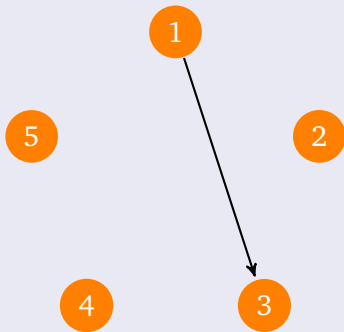


$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$

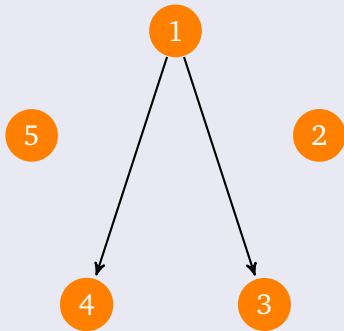


$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$

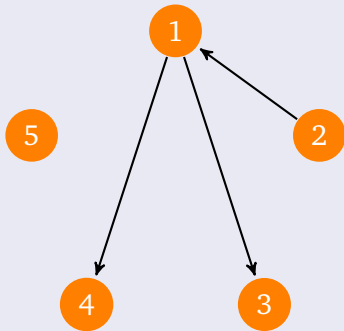


$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$

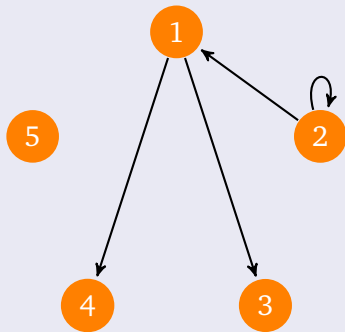


$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$

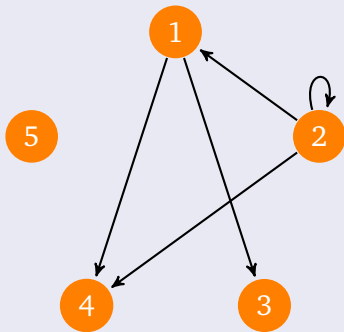


$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$

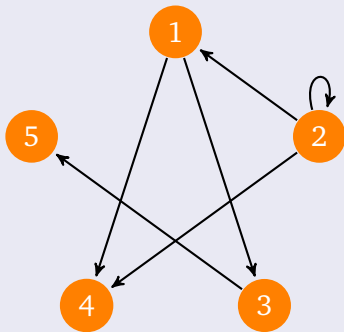


$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & \begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{array} \\ \begin{array}{c} \mathbf{F} \\ \mathbf{T} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \end{array} & \begin{array}{c} \mathbf{F} \\ \mathbf{T} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{T} \end{array} & \begin{array}{c} \mathbf{T} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \end{array} & \begin{array}{c} \mathbf{T} \\ \mathbf{T} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \end{array} & \begin{array}{c} \mathbf{F} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{T} \\ \mathbf{F} \\ \mathbf{T} \end{array} \end{bmatrix}$$

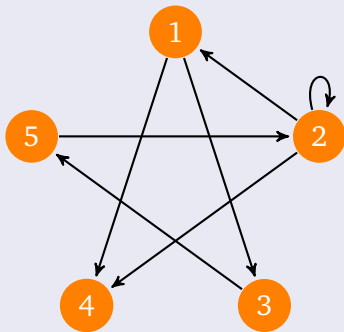


$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$

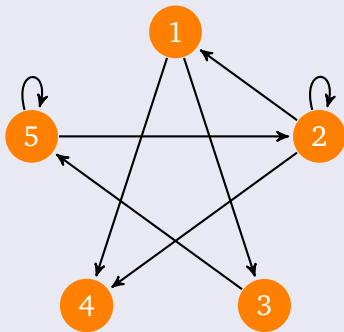


$$R = \{(1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (3, 5), (5, 2), (5, 5)\}$$

Løsning

Vi gir relasjonen på matriseform og tegner den grafiske representasjonen.

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{bmatrix} & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$



Oppgave 5.16

La R være relasjonen på $\{a, b, c, d\}$ definert av følgende matrise.

$$\begin{array}{c} \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{array} \begin{array}{cccc} 1 & 2 & 3 & 4 \\ \left[\begin{array}{cccc} \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{array} \right] \end{array}$$

Oppgave 5.16

La R være relasjonen på $\{a, b, c, d\}$ definert av følgende matrise.

$$\begin{array}{c} \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{array} \begin{array}{cccc} 1 & 2 & 3 & 4 \\ \left[\begin{array}{cccc} \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{array} \right] \end{array}$$

(a) Tegn den grafiske representasjonen av R .

Oppgave 5.16

La R være relasjonen på $\{a, b, c, d\}$ definert av følgende matrise.

$$\begin{array}{c} \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{array} \begin{array}{cccc} 1 & 2 & 3 & 4 \\ \left[\begin{array}{cccc} \mathbf{T} & \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{T} & \mathbf{T} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \end{array} \right] \end{array}$$

- (a) Tegn den grafiske representasjonen av R .
- (b) Finn ut, og gi grunner for hvorvidt, R er reflektiv, symmetrisk eller transitiv.

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T

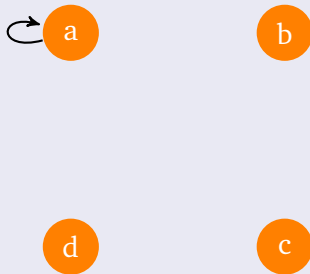
a

b

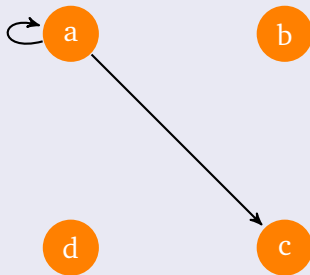
d

c

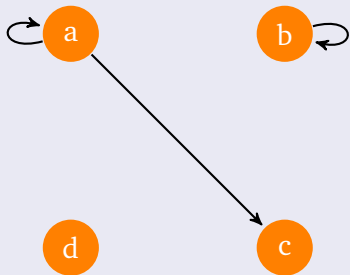
	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



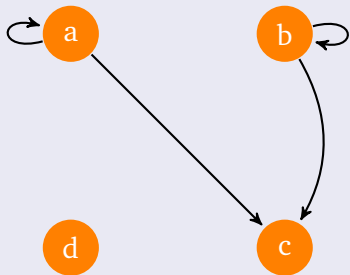
	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



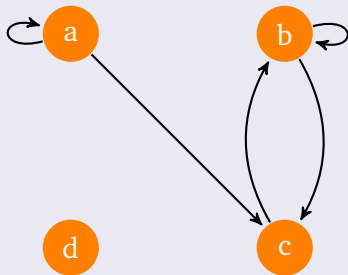
	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



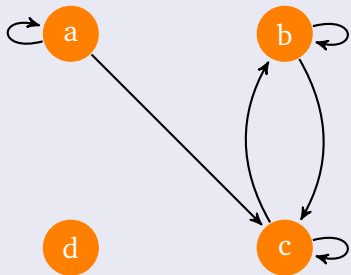
	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



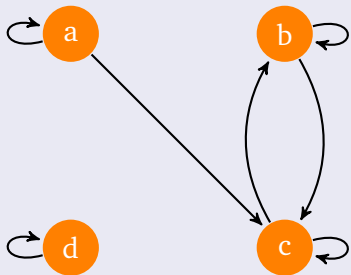
	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



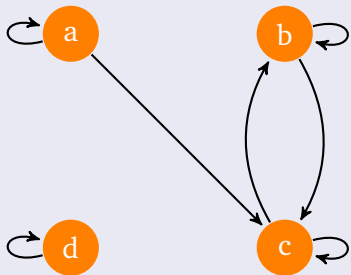
	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T

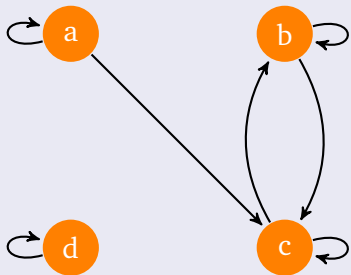


	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



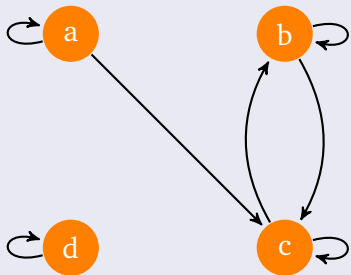
- Er R reflektiv?

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



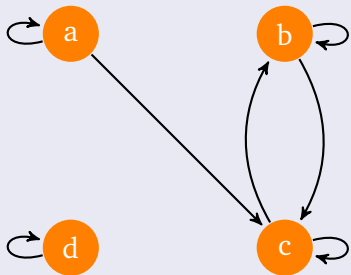
- Er R reflektiv? **Ja**

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



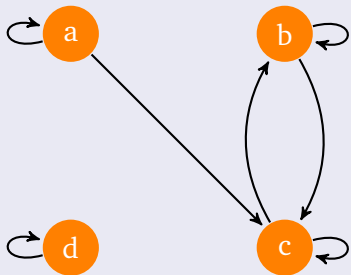
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor?

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



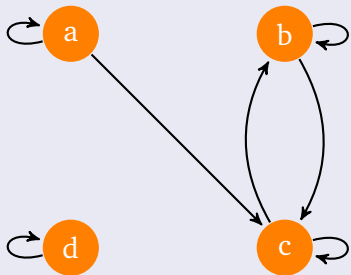
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**.

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



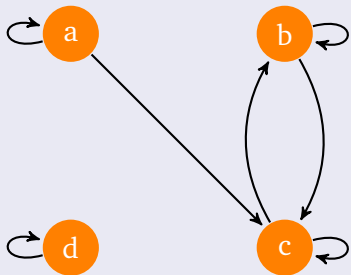
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen  er **T**.

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



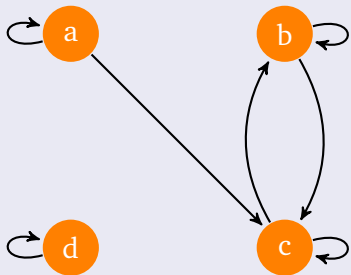
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



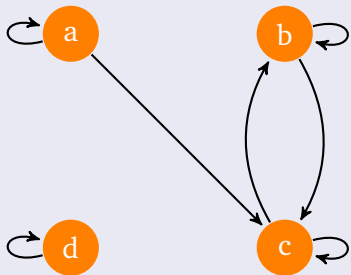
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen \backslash er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk?

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



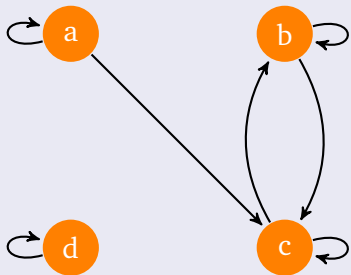
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen \diagdown er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei**

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



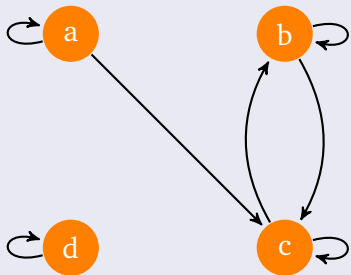
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke?

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



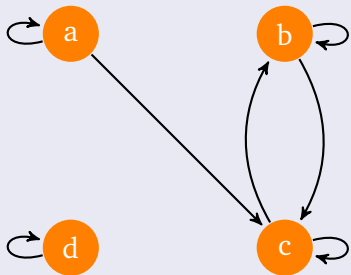
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke? Fordi matrisen ikke kan speiles om diagonalen.

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



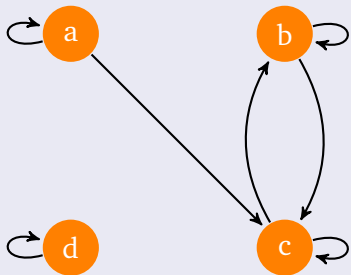
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke? Fordi matrisen ikke kan speiles om diagonalen.

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



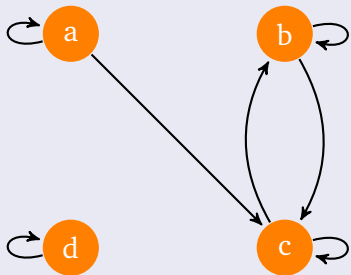
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke? Fordi matrisen ikke kan speiles om diagonalen.

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



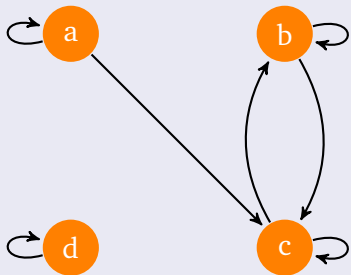
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke? Fordi matrisen ikke kan speiles om diagonalen. Vi har $(a, c) \in R$, men **ikke** $(c, a) \in R$.

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



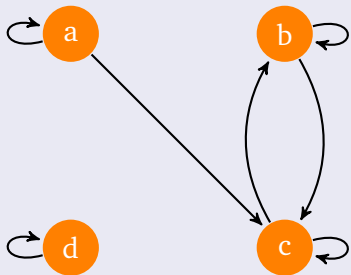
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke? Fordi matrisen ikke kan speiles om diagonalen. Vi har $(a, c) \in R$, men **ikke** $(c, a) \in R$.
- Er R transitiv?

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



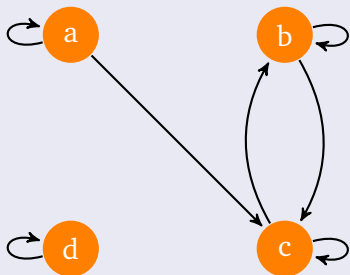
- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke? Fordi matrisen ikke kan speiles om diagonalen. Vi har $(a, c) \in R$, men **ikke** $(c, a) \in R$.
- Er R transitiv? **Nei**

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen \searrow er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke? Fordi matrisen ikke kan speiles om diagonalen \searrow . Vi har $(a, c) \in R$, men **ikke** $(c, a) \in R$.
- Er R transitiv? **Nei** Hvorfor ikke?

	a	b	c	d
a	T	F	T	F
b	F	T	T	F
c	F	T	T	F
d	F	F	F	T



- Er R reflektiv? **Ja** Hvorfor? Fordi alle på diagonalen \searrow er **T**. Og fordi alle nodene har en pil til seg selv.
- Er R symmetrisk? **Nei** Hvorfor ikke? Fordi matrisen ikke kan speiles om diagonalen \searrow . Vi har $(a, c) \in R$, men **ikke** $(c, a) \in R$.
- Er R transitiv? **Nei** Hvorfor ikke? Vi har $(a, c) \in R$ og $(c, b) \in R$, men **ikke** $(a, b) \in R$.

Oppgave 5.17

Er matriserepresentasjonen av en relasjon unik eller kan den samme relasjonen representeres av to forskjellige matriser?

Oppgave 5.17

Er matriserepresentasjonen av en relasjon unik eller kan den samme relasjonen representeres av to forskjellige matriser?

Løsning

Oppgave 5.17

Er matriserepresentasjonen av en relasjon unik eller kan den samme relasjonen representeres av to forskjellige matriser?

Løsning

Representasjonen er ikke unik, siden den samme relasjonen kan representeres av to forskjellige matriser.

Oppgave 5.17

Er matriserepresentasjonen av en relasjon unik eller kan den samme relasjonen representeres av to forskjellige matriser?

Løsning

Representasjonen er ikke unik, siden den samme relasjonen kan representeres av to forskjellige matriser.

$$\begin{array}{cc} & \begin{array}{cc} a & b \end{array} \\ \begin{array}{c} a \\ b \end{array} & \left[\begin{array}{cc} \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} \end{array} \right] \end{array}$$

Oppgave 5.17

Er matriserepresentasjonen av en relasjon unik eller kan den samme relasjonen representeres av to forskjellige matriser?

Løsning

Representasjonen er ikke unik, siden den samme relasjonen kan representeres av to forskjellige matriser.

$$\begin{array}{cc} & \begin{array}{cc} a & b \end{array} \\ \begin{array}{c} a \\ b \end{array} & \begin{bmatrix} \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} \end{bmatrix} \end{array} \qquad \begin{array}{cc} & \begin{array}{cc} b & a \end{array} \\ \begin{array}{c} b \\ a \end{array} & \begin{bmatrix} \mathbf{T} & \mathbf{T} \\ \mathbf{T} & \mathbf{F} \end{bmatrix} \end{array}$$

Oppgave 5.17

Er matriserepresentasjonen av en relasjon unik eller kan den samme relasjonen representeres av to forskjellige matriser?

Løsning

Representasjonen er ikke unik, siden den samme relasjonen kan representeres av to forskjellige matriser.

$$\begin{array}{cc} & \begin{array}{cc} a & b \end{array} \\ \begin{array}{c} a \\ b \end{array} & \begin{bmatrix} \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{T} & \mathbf{T} \end{bmatrix} \end{array} \qquad \begin{array}{cc} & \begin{array}{cc} b & a \end{array} \\ \begin{array}{c} b \\ a \end{array} & \begin{bmatrix} \mathbf{T} & \mathbf{T} \\ \mathbf{T} & \mathbf{F} \end{bmatrix} \end{array}$$

Begge matrisene representerer relasjonen $\{(a, b), (b, a), (b, b)\}$.