

Kjell Arne Brække
Vidar Christiansen

Econ 2200 vår 2009 – sensorveiledning

Vi gir poeng for hvert svar. Maksimalt poengtall på hver oppgave svarer til den vekt som er oppgitt i prosent. Maksimal total poengsum blir dermed 100. Vi vil senere komme tilbake til poenggrenser som kreves for bestått og de enkelte karakterer.

Det er ikke noe i veien for å gi halve poeng. Der noen har gitt ekstra gode svar og overoppfyllt kravet, kan det gjerne gis et skjønnsmessig bonuspoeng eller to. I prinsippet kan en dermed får mer enn 100 totalt, men i praksis vil slike bonuspoeng tjene til eventuelt å vippe kandidatene over poenggrensene for de enkelte karakterene.

Oppgave 1 (9%)

Poeng: 1 poeng for hvert riktig svar på de fem første spørsmålene, 1 poeng for hver partiellderivert mhp s og t og 2 poeng for siste spørsmål. Maks 9 poeng.

$$f'(x) = 6x + 6x^{-3}$$

$$f'(x) = \frac{2x(x+3) - (x^2+1)}{(x+3)^2} = \frac{x^2+6x-1}{(x+3)^2}$$

$$f'(x) = G'_1(x, g(x)) + G'_2(x, g(x))g'(x)$$

$$f'(x) = -g'(-x)$$

$$f'(x) = \frac{g(x) - xg'(x)}{(g(x))^2}$$

$$h'_t(t, s) = 2(t+3s)$$

$$h'_s(t, s) = 6(t+3s) - 1$$

$$\frac{\partial g(x_1, x_2)}{\partial x_1} = \frac{f''_{11}(x_1, x_2)f'_2(x_1, x_2) - f'_1(x_1, x_2)f''_{21}(x_1, x_2)}{(f'_2(x_1, x_2))^2}$$

Oppgave 2 (7%)

Sant eller usant?

Poeng: a: 3 poeng, b: 1 poeng, c: 1 poeng, d: 2 poeng. Maks 7 poeng

a) **Sant:** derivasjon av ligningen gir $2x + 2yy' = 0$ altså $y'(x) = -\frac{x}{y}$

b) **Usant.** Ulovlig korting. (Kan lage moteksempel, for eksempel $x=1, y=1$)

$$\frac{x + 2y + 14}{y + 14} \neq \frac{x + 2y}{y}$$

c) **Usant**

$$e^{\ln(2x)} = 2x \neq x^2$$

d) **Sant** De pengene som er satt inn sist har stått i 0 år, de som ble satt inn først i 19 år.

$$100 \sum_{i=0}^{19} (1+r)^i$$

Oppgave 3 (9%)

Poeng: a: 1 poeng, b: 4 poeng, c: 4 poeng. Maks 9 poeng

Svar:

a) Rett fram.

b) Summer førsteordensbetingelsene $\pi'_x(x, y) = 4 - 8x + 2y = 0$ gir $6 - 6x = 0$. Som $\pi'_y(x, y) = 2 + 2x - 2y = 0$

igjen gir $x=1$ og $y=2$.

c) $\pi''_{xx}(x, y) = -8 < 0$ mens $\pi''_{xy}(x, y) = A$ Den siste betingelsen er altså $\pi''_{yy}(x, y) = -2 < 0$

$\pi''_{xx} \pi''_{yy}(x, y) - (\pi''_{yx})^2 = 16 - A^2 \geq 0$ som er tilfredsstillt for $A \leq 4$

Oppgave 4 (6%)

Poeng: Inntil 6 poeng.

Lagrangefunksjonen er

$$L(x, y) = \ln x + 4 \ln y - \lambda(x^2 + y^2 - 5)$$

Med førsteordensbetingelser

$$\begin{aligned} \frac{1}{x} &= 2\lambda x \\ \frac{4}{y} &= 2\lambda y \end{aligned} \quad \text{som gir } \lambda = \frac{1}{2x^2} = \frac{2}{y^2} \quad \text{eller } y^2 = 4x^2$$

setter dette inn i bibetingelsen

$$x^2 + 4x^2 = 5 \quad \text{som gir } x = 1; \quad y = 2.$$

Oppgave 5 (15%)

Poeng: a: 3 poeng, b: 6 poeng, c: 6 poeng. Maks 15 poeng

a)

Den kompensasjon en må ha i form av økt forbruk i morgen for å oppgi en enhet forbruk i dag er lik den forbruksøkning en faktisk får i morgen ved å spare en enhet i dag (spart enhet pluss rente på den). Eller tilsvarende formulering. Bare "MSB=1+r" er for knapt.

b)

$\frac{dc_1}{dr}$ er endring i forbruk i dag når renten øker med én enhet, som svarer til at prisen på forbruk i dag øker med én enhet, målt i forbruk i periode 2.

$\frac{\partial h_1}{\partial r}$ er endring i forbruk i dag når renten øker med én enhet, som svarer til at prisen på forbruk i dag øker med én målt i forbruk i periode 2, og forbrukeren forblir på den opprinnelige indifferenskurven (nyttelnivået). Det er en substitusjonsvirkning. Det er underforstått at inntekten tenkes endret slik at nyttelnivået holdes fast.

$s \frac{dc_1}{dR}$ er inntektsvirkningen av renteendringen, dvs virkningen av at inntekten ikke endres slik at nyttelnivået opprettholdes (slik det er underforstått i forrige ledd). Den uttrykker at faktisk endres inntekten, R, med s, og for å finne hvor mye dette påvirker forbruket i første periode, må vi gange med $\frac{\partial c_1}{\partial R}$ som er den inntektsderiverte av forbruk i første periode, og dermed sier hvor sterkt forbruket reagerer på en inntektsendring.

c)

$\frac{\partial h_1}{\partial r} < 0$ Den kompenserte etterspørselen etter gode 1 (her forbruk i første periode)

faller når prisen på godet (her renten) øker. $\frac{\partial c_1}{\partial R}$ kan antas å være positiv. Det er rimelig at totalforbruk i en periode er et normalt gode. s kan være positiv, negativ eller null alt ettersom en sparer et positivt beløp, foretar låneopptak eller ingen av delene.

Dersom $s < 0$, blir $\frac{dc_1}{dr}$ entydig negativ. En får mer igjen for å spare, og siden en for $s < 0$ blir fattigere i neste periode når en da må betale mer gjeldsrente, taler det for å overføre mer kjøpekraft til neste periode. Dersom $s > 0$, blir det motstridende effekter på $\frac{dc_1}{dr}$.

Oppgave 6 (15%)

Sant eller usant?

Poeng: For hvert riktig sant/usant-svar gis 1 poeng. For hver riktig begrunnelse gis 2 poeng – altså 3 poeng per spørsmål. Maks 15 poeng.

a)

Sant. $10(tn)^{3/4}(tk)^{1/2} = 10t^{5/4}n^{3/4}k^{1/2} > t10n^{3/4}k^{1/2}$ eller bruk summen av grenseelastisitetene.

b)

Usant. Dersom grensekostnaden er større enn gjennomsnittskostnaden, trekkes gjennomsnittet opp når det kommer til en marginal enhet.

c) Usant. Dersom prisen øker med 1% og kvantum faller med 1%, vil omsetningsverdien opplagt forbli uendret.

d)

Usant. Det kan utledes fra budsjettbetingelsen at $a_1E_1 + a_2E_2 = 1$. Eller vi ser at hvis $E_1 = E_2 = E$, er $a_1E_1 + a_2E_2 = E$. Da er det opplagt at hvis inntekten øker med 1%, må forbruket også øke med 1 siden inntekten skal brukes opp (til forbruk).

e)

Usant. Når fritid er normalt gode, øker fritida med økt inntekt og da faller arbeidstilbudet.

Oppgave 7 (20%)

Poeng: a: 3 poeng, b: 3, c: 5, d: 4, e: 5. Maks 20 poeng.

a) Løs $x = An^{3/4}\bar{k}^{1/4}$ mhp n og finn $n = A^{-4/3}x^{4/3}\bar{k}^{-1/3}$

b) Kostnaden er $wn + q\bar{k} = wA^{-4/3}x^{4/3}\bar{k}^{-1/3} + q\bar{k}$

c) Kostnadsminimering ved hjelp av Lagrange

$$L = wn + qk - \lambda(An^{3/4}\bar{k}^{1/4} - x)$$

$$w - \lambda A \frac{3}{4} n^{-1/4} \bar{k}^{1/4} = 0$$

$$q - \lambda A \frac{1}{4} n^{3/4} \bar{k}^{-3/4} = 0$$

$$\frac{w}{q} = 3 \frac{k}{n}$$

Det følger at $k = \frac{w}{3q}n$

d) og substitumalen er altså en stråle fra origo.

e) Innsetting i produktfunksjonen gir $x = An^{3/4} \left(\frac{wn}{3q} \right)^{1/4} = An \left(\frac{w}{3q} \right)^{1/4}$.

$$n = xA^{-1} \left(\frac{w}{3q} \right)^{-1/4}$$

og da er

$$k = xA^{-1} \left(\frac{w}{3q} \right)^{3/4}$$

Det følger at $wn + qk = xA^{-1}w^{3/4} \left(\frac{1}{3q} \right)^{-1/4} + xA^{-1}q^{1/4} \left(\frac{w}{3} \right)^{3/4}$

$$= xA^{-1}w^{3/4}q^{1/4} \left(\frac{1}{3} \right)^{-1/4} + xA^{-1}q^{1/4}w^{3/4} \left(\frac{1}{3} \right)^{3/4} = xA^{-1}q^{1/4}w^{3/4} \left(\left(\frac{1}{3} \right)^{3/4} + \left(\frac{1}{3} \right)^{-1/4} \right) = c(x, w, q)$$

Oppgave 8 (8%)

Poeng: 2 poeng for a og 6 for b. Maks 8 poeng.

- $q=p+t$ eller $p=q-t$ (1)
- $S(p)-D(p+t)=0$ eller $S(q-t)-D(q)=0$. Markedslikevektsmodellen bør kommenteres kort. Implisitt derivasjon og bruk av (1) gir uttrykk for dp/dt og dq/dt , og bruk av tilbuds- eller etterspørselsfunksjon gir dx/dt når x angir kvantum.

I dette kurset kreves matematisk analyse. Bruk av diagrammer er pensum i grunnkurset, og ren figuranalyse gir minimal uttelling i 2200.

Oppgave 9 (11%)

Poeng: a: 4, b: 4, c: 3. Maks 11 poeng.

- $h_1(p_1, p_2, u)$ sier oss hvor mye forbrukeren vil etterspørre av gode 1 for alternative gitte priser når forbrukeren skal være på indifferenskurven svarende til u . $c_1(p_1, p_2, m)$ sier oss hvor mye forbrukeren vil etterspørre av gode 1 for alternative gitte priser og

inntekt. $Y(p_1, p_2, u)$ forteller oss hvilket utgiftsbeløp (inntekt) som kreves for å komme på indifferenskurven svarende til u når prisene er p_1 og p_2 .

b) $c_1(p_1, p_2, Y(p_1, p_2, u))$ sier hvor mye forbrukeren vil etterspørre når $m = Y(p_1, p_2, u)$, det vil si at inntekten er akkurat lik den som skal til for at forbrukeren til disse prisene skal komme på indifferenskurven svarende til u . Men da er forbrukeren faktisk på denne indifferenskurven til disse prisene, og $h_1(p_1, p_2, u)$ er per definisjon etterspørselen til forbrukeren i denne situasjonen. Det forutsettes hele tida optimal tilpasning.

$$\text{c) } \frac{\partial}{\partial p_1} h_1(p_1, p_2, u) = \frac{\partial}{\partial p_1} c_1(p_1, p_2, Y(p_1, p_2, u)) + \frac{\partial}{\partial m} c_1(p_1, p_2, Y(p_1, p_2, u)) \frac{\partial}{\partial p_1} Y(p_1, p_2, u)$$

Her bør det gis bonuspoeng til dem som også innser at $\frac{\partial}{\partial p_1} Y(p_1, p_2, u) = h_1() = c_1$.