

ECON2200 – Matematikk 1, våren 2006

Oppgaver til seminaruke 11, del 2, 8.5–12.5-2006

3 Sett på riktige summeringsgrenser i summene på høyre side.

$$(a) \sum_{k=1}^{10} (k-2)t^k = \sum_{m=} mt^{m+2} \quad (b) \sum_{n=0}^N 2^{n+5} = \sum_{j=} 32 \cdot 2^{j-1}$$

4 Beregn:

$$(a) \sum_{j=-1}^4 (3-j)^{j+1} \quad (b) \sum_{k=0}^{\infty} 300(0.97)^k$$

5 En bedrift har L enheter arbeidskraft til disposisjon. Den kan produsere tre vareslag, og produksjonen av x , y og z enheter av varene krever henholdsvis αx^2 , βy^2 og γz^2 enheter arbeidskraft.

(a) Sett opp førsteordensbetingelsene for løsning av problemet:

$$\text{maks}(ax + by + cz) \quad \text{når} \quad \alpha x^2 + \beta y^2 + \gamma z^2 = L$$

der a, b, c, α, β og γ er positive konstanter.

(b) Forsøk å forklare hvordan du går fram for å finne x , y og z . Svaret kan skrives på formen (det behøver du ikke å vise):

$$x = \frac{aM}{\alpha}, \quad y = \frac{bM}{\beta}, \quad z = \frac{cM}{\gamma}, \quad \text{der} \quad M = \frac{\sqrt{L}}{\sqrt{a^2/\alpha + b^2/\beta + c^2/\gamma}}$$

(c) Sett $a = 4, b = c = 1, \alpha = 1, \beta = 1/4$ og $\gamma = 1/5$, og vis at i dette tilfellet vil problemet i (a) ha løsningen $x = (4/5)\sqrt{L}, y = (4/5)\sqrt{L}$ og $z = \sqrt{L}$. Hva skjer med den maksimale verdien av $4x + y + z$ i dette tilfellet når L øker fra 100 til 101? Finn både den eksakte endringen og en tilnærming basert på en tolkning av Lagrangemultiplikatoren.